

G. Taýjanow

DISKRET MATEMATIKA

Aşgabat – 2010

G.Taýjanow, Diskret matematika.

GIRIŞ

Kompýuter tehnologiýasy – iň ýaş ugurlaryň biridir. Kompýuter tehnologiýasynyň ösüş taryhy beýlekilere garaňda kän bir uly döwri alýan däldir – 40-50 ýyl. Kompýuter tehnologiýasy, tehnikasy diýen adalgalar bolsa ondan hem ýaşdyr. Bilişimiz ýaly, ilkiňbaşda elektron-hasaplaýyş maşyn, hasaplaýyş tehnikasy diýen adalgalar ulanylardy. 20 ýyldan bäri bolsa EHM diýlen adalga ýuwaş-ýuwaşdan ýitip kompýuter adalga öz ornuny berdi, tehnika bolsa öňküler ýaly hasaplaýyş dälde kompýuter tehnikasy diýlip atlandyrylýar.

Kompýuter tehnologiýasy ýaş bolmak bilen, dünýäde öňdebaryjy ugurlaryň biri bolup durýar. Häzirki wagtda habarlar-aragatnaşyk tehnologiýalaryň ýokary depginde ösýändigini barada aýdylýar. Öýjükli telefon aragatnaşygyň, maglumat tehnologiýalaryň ösmegi muňa subut bolup durýar. Şol tehnologiýalaryň düzümine çuňlaýyn seredilen mahalynda olaryň kompýuter ugruna esaslanýandygyna göz ýetirmek bolýar.

Öz gezeginde, kompýuterler öz düzüminde tehnikanyň başga ugurlarynyň soňky derejelerini jemländir. Bu bolsa onuň bilen işlemegi diňe ýeňillettirmän, eýsem amatly edip goýýar.

Türkmenistan dünýä ösüşiniň gapdalynda durman, kompýuter tehnologiýalaryň soňky gazananlaryny ulanmaklyga

ymtylýar. Ýurdumyzda öňdebaryjy tehnologiýalary öwrenmeklik boýunça uly işler alnyp barylýar. Şol işlerde Hormatly Prezidentimiziň ýardam bermegi olaryň tiz depginde amala aşmagyny üpjün edýär. Ýurdumyzyň Baştutany öz gymmatly wagtyny tygşytlaman dünýäniň ösüşindäki ymtylyşlara üns berýär we olaryň has netijelilerini döwletimizde gerekli ugurlarda ornaşdyrylmagyna ýardam berýär.

Täze galkynyşlar zamanasynda ýurdumyzda islendik pudagyň önünde täze meseleler goýuldy. Şol meseleleri üstünlikli çözmek üçin diňe bir tehnologiýalar ýeterlikli däl. Şol tehnologiýalary ulanyp biljek ýokary derejeli hünärmenler zerur.

Kompýuter tehnologiýalary öz düzümine birnäçe ugurlary we dersleri alýar. Olara umuman aýdanyňda maksatnama düzme, multimediyä tilsimatlary, grafika we bezeg işleri, tory dolandyрма, amallar ulgamy we maksatnama üpjünçiligi, kompýuteriň içki gurluşy we ş.m. degişli etmek bolýar.

Kompýuterler bir wagtyň içinde birnäçe amallary ýerine ýetirýärler. Mysal üçin şol bir wagtyň içinde ol çylşyrymly hasap işleri, çap etmegi, ses çykarmagy, faýllar bilen işlemekligi we ş.m. amala aşyryp bilýär.

Häzirki wagtda kompýuterler önümçiligiň islendik pudagynda giňden ýaýrandyr. Sonuň üçin hem hasaplaýyş tehnikasy bilen tanyşlyk talyplaryň haýsy hünär boýunça bilim

alýanlygyna garamazdan öwrenilýär.

Ýokarda aýdyşymyz ýaly Täze Galkynyş zamanasy täze talaplary bildirýär. Her bir hünäriň öz aýratynlygy bar hem bolsa, onuň kompýuter tehnikasy bilen iş salyşýan meseleleri hökman bardyr.

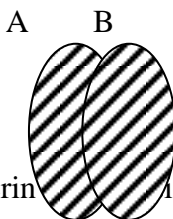
Köplükler teoriýasy. Köplükleriň üstünde geçirilýän amallar.

Köplükler biz uly $A, B \dots$ harplary bilen olaryň elementlerini kiçi a, b, \dots belgiläris. $a \in A$ ($A \ni a$) - şu ýazgy a element A köplüğe degişlidir diýen tassyklama simwoliki $a \in A$ ($A \ni a$) görnüşinde ýazylýar.

Eger-de A köplügi emele getirýän elementleriň ählisi B köplüğe-de girýän bolsa onda A köplüge B köplügiň bölek köplügi diýilýär we \emptyset boş köplügi \emptyset belgileýaris.

Goý A we B köplükler erkin köplükler erkin köplükler bolsun. Olaryň jemi ýa-da birleşmesi diýip A we B köplükleriň elementleriň bolmanda birine degişli bolan elementleriň jeminden düzülen köplüğe aýdylýar.

$$C = A \cup B$$



A we B köplükleriniň birleşmesi diýip hem B köplügi degişli elementleriň ählisinden diýilýän köplüğe aýdarys $A \cap B$.

$$C = A \cap B$$



Köplükler goşmak we kesgitlemek amallary öz kesgitlemeleri boýunça kommutativdirler we assosiativdirler, ýagny,

$$\begin{aligned} A \cup B &= B \cup A; (A \cup B) \cap C = A \cap (B \cup C) \\ A \cap B &= B \cap A; (A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C) \end{aligned}$$

Mundan başgada olar öz aralarynda distributiwlik gatnaşyklary bilen baglanyşyklydyrlar.

$$\begin{aligned} (A \cup B) \cap C &= (A \cap C) \cup (B \cap C) \quad (1) \\ (A \cap B) \cup C &= (A \cup C) \cap (B \cup C) \quad (2) \end{aligned}$$

Hakykatdanam (1) deňligi barlap görelin.

Goý X element bir deňligiň çep tarapyna deňişli bolsun.

$$X \in (A \cup B) \cap C \quad X \in C \quad X \in A \cup B$$

Bu bolsa X elementiň C köplüge we mundan başgada A ýa-da B köplükleriň iň bolmanda birine deňişlidigini aňladýar.

Onda X element $A \cap C$ we $B \cap C$ köplükleriň iň bolmanda birine deňişlidir. Ýagny (1) deňligiň sag tarapynda deňişlidir.

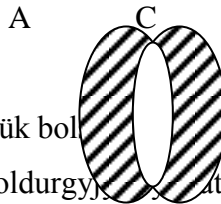
Tersine goý:

$$\begin{aligned} X \in (A \cap C) \cup (B \cap C) \text{ onda} \\ X \in A \cap C \text{ ýa-da } X \in B \cap C \end{aligned}$$

onda $X \in C$ we X element A ýa-da B köplüge deňişlidir ýagny, $X \in A \cup B$, şeýlelikde $X \in (A \cup B) \cap C$. (1) denlik subut edildi. Edil şol ýaly (2) deňlik barlanýar.

A we B köplügiň tapawudy diýilip $(A \setminus B) \cup (B \setminus A)$ A köplükdäki B köplüge deňişli elementleriň toplumyna aýdylýar.

A we B iki köplügin simmetriki tapawudy A/B we B/A tapawutlaryn jemi ýaly kesgitlenýär. $A \Delta B = (A/B) \cup (B/A)$



Goý S esasy köplük, A köplük bol S/A köplügiň bölük köplügi bolsun S/A tapawut A köplügiň doldurgyjy atlandyrylýar.

1. Jeminiň doldurgyjysy doldurgyjalaryň kesismesine deň.

$$\bigcup_{\alpha} S/A_{\alpha} = \bigcap_{\alpha} (S/A_{\alpha}) \quad (3)$$

2. Kesişmaniň doldurgyjy doldurgyjalaryň jemine deň.

$$\bigcap_{\alpha} S/A_{\alpha} = \bigcup_{\alpha} (S/A_{\alpha}) \quad (4)$$

Goý $X \in S/U_{\alpha} A_{\alpha}$ bu bolsa X elementiň $X \in U_{\alpha} A_{\alpha}$ görkezýär, ýagny A_{α}

köplükleriniň hir biriniň degişli däldigini aňladýar. Şeýlelikde X element her bir S/A_{α} doldurgyja degişlidir we şonuň üçinem köplükleriniň hir biriniň degişli däldigini aňladýar. Şeýlelikde X element her bir S/A doldurgyja degişlidir we şonuň üçinem $X \in \bigcap_{\alpha} (S/A_{\alpha})$ Goý $X \in \bigcap_{\alpha} (S/A_{\alpha})$

elementiň S/A_{α} doldurgyjyna degişlidigini alýarys. onda X element A_{α} köplükleriniň hiç birine girmeyär, ýagny X element $U_{\alpha} A_{\alpha}$ degisli däldir.

Şeýlelikde

$$X \in S/U A_\alpha$$

Tükenikli we tükeniksiz köplükler.

Hasaply we hasapsyz köplükler. Tükeniksiz köplükleriň içinde iň ýönekeý natural sanlaryň köplügidir.

Elementlerini natural sanlaryň ählisi bilen özara bir bahaly deňişlilikde goýup bolýan islendik köplüğe hasaply köplük diýilýär. Başgaça aýdylanda hasaply köplük bu elementlerini tükeniksiz $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$ yzygidelilikde nomerläp (belgiläp) bolýan köplükdir.

Mysallar.

Ähli bitin sanlaryň köplügi $0-1 + 1-22 \dots n < 0$ bolanda $[2n] \leftrightarrow n$

Eger-de $n \neq 0$ bolsa $20+1 \leftrightarrow n$

2) Ähli jübüt sanlaryň köplügi $n \leftrightarrow 2n$

3) $2, 4, 8, 16, n \leftrightarrow 2n$

4) Ähli rasional sanlaryň köplügi hasaply p/q

Her bir rasional san $a = p/q$, $q > 0$ gysgadylmaýan drop görnüşinde bir bahaly ýazylýar $[p]+q$ jemi α rasional sanyň beýikligi diýip atlandyralyň

1 Beýiklige diňe $0/1$ eýedir

2 Beýiklige $1/1, -1/-1$

3 Beyiklige $2/1$, $1/2$, $-2/1$, $-1/2$ we ş.m eýedirler.

Ähli rasonal sanlary beýiklikleriň artýan tertibi boyunca nomerleýäris. Ýagny bir beýiklige eýe bolan sanlary, soňra iki beýiklige bolan sanlary we ş.m. Şunlukda islendik rasonal san kabir nomere eýe bolýar.

Ýagny ähli natural sanlar we rasonal sanlaryn arasynda olara bir bahany degişlilik ýola goýular.

Hasaply bolmadyk tükeniksiz köplüğe hasapsyz köplük diýilýär.

Hasaply kopluklerin kabir hasiyetleri.

1) Hasaply köplügiň islendik bölek köplügi tükenikli ýa-da hasaplydyr. Goý A hasaply köplük B bolsa onuň bölek köplügi bolsun.

A: $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$

Goý a_{n1}, a_{n2}, \dots şol elementleriň içindaki B köplüğe degişli elementler bolsun.

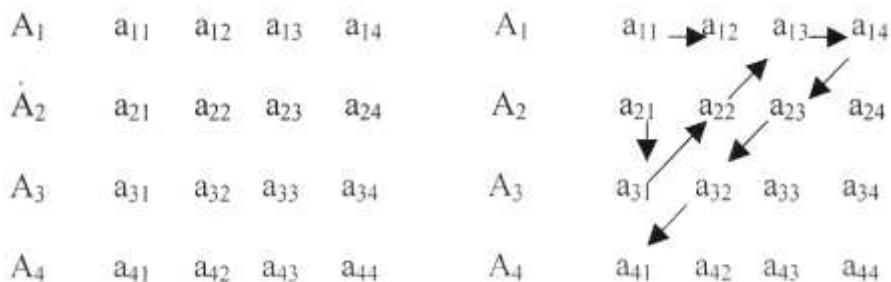
Eger n_1, n_2, \dots sanlaryn arasynda iň ulysy bar bolsa onda B köplük tükeniksiz köplük, bolmasa hasaply köplük.

2) Hasaply köplükleriň islendik tükenikli, ýa-da hasaply köplügiň jemi, ýene-de

hasaply köplükdir.

Goý A_1, A_2, \dots tükeniksiz köplükl bolsun.

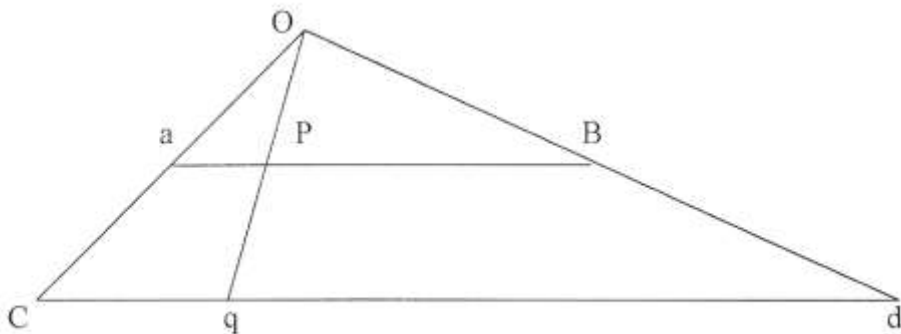
A_1, A_2, \dots köplükleriň ähli elementleri indiki tükeniksiz tablisa görnüşinde yazmak mümkin.



3) Islendik tükeniksiz köplük hasaply köplügi öz içinde saklaýar.

Köplükleriň ekwiwalentlikligi. Kesgitleme : Eger-de M we N ilki köplügiň elementleriň arasynda özara bir bahaly deňişligi goýup bolýan bolsa, onda M we N köplüklere ekwiwalent (M we N) köplüler diýilýär. Natural sanlaryň köplüğine ekwiwalent bolan köplüğe hasaply köplük diýilýär.

Mysal: islendik iki $[a, b]$ we $[c, d]$ kesimdäki nokatlara köplügi ekwiwalentdir.



Hakyky sanlaryň köplügiň hasapsyzlygy.

0 bilen 1 arasynda ýerleşýän hakyky sanlaryň köplügi hasapsyzdyr.

Matematiki logika.

Logiki amallar.

Pikir aýtma diýip çyňdygyňy ýa-da ýalandygyňy (ýöne ikisiňem bir wagtda däl)

aýdyp bolýan sözleme düsimdirýar.

Mysallar:

1. Asgabat - Türkmenistanyň paýtagty.
2. Iki üçden uly.
3. Men ýalançy.

Ilkiňji iki sözlem pikir aýtma bolup hyzmat edýär olaryň 1-

nji çyn, 2-nji ýalan, 3-nji sözlem pikir aýtma bolup bilmeýar.

Göý bu sözlem çyn bolsun onda onuň manysynda ol ýalan bolmaly bolýar ýaly bu

sözlemiň ýalandygyňy onuň çynlygy gelip çykýar.

A,B,Ç... uly harplary bilen (latiň) olaryň manylaryňy çynlygyny we ýalandygyny 1we 0 sifirler bilen belgiläris. Goý A we B iki sany erkin pikir aýtma berlen bolsun.

1)A \wedge B anlatma aňlatma diňe A we B ikisem çyn bolanda çyn bolýan aňlatmany aňladýar şeýle pikir aýtma A we B pikir aýtmalaryň konyuksiyasy diýilýär. şu A simwol konýuksiýa diýilýän amaly anladýar. Adaty gepleşikli bu amaly pikir aýtmalaryny "we" baglaýjysy laýyk gelýär.

2)A \vee B Anlatma haçanda A ýa-da pikir aýtmalaryň iň bolmanda biri çyn bolanda, çyn bolýan pikiri aýtmalary aňladýar. Şeýle pikir aýtma A we B pikir aýtmalaryň dezýunksiýa diýilýär. V dezýunksiýa diýen aýtmalaryň 0 "ýa-da" baglaýjysy laýyk gelýär.

3)A \rightarrow B anlatma haçanda A çyn bolup B ýalan bolanda, şonda we diňe şonda ýalan bolýan pikiri aýtmany aňladýar. Şeýle pikir aýtma A we B pikir aýtmalaryň implekasiýasy diýilýär.

\rightarrow simwoly implekasiýa diýilýän amaly aňladýar Adaty geplesikde bu amaly pikir aýtmalaryň " eger" ,"onda" baglaýjysy laýyk gelýär.

4) $A \sim B$ anlatma haçanda A we B pikir aýtmalaryň ikisinde ýalan bolanda şonda we diňe şonda çyn bolýan pikir aýtmany aňladýar. Şeýle aýtma A we B piker aýtmalaryň ekwiwalentligi diýilýär.

\sim ekwiwalentlik amaly aňladýar. Adaty gepleşikde bu amala pikir aýtmalary "şonda we diňe şonda" "haçanda" baglaýjysy laýyk gelýär.

5) A' aňlatma A ýalan bolanda çyn bolan we A çyn bolanda ýalan bolan piker aýtmany aňladýar. Şeýle pikir aýtma A pikir aýtmanyň inkär etmesi diýilýär.

Harpyň üstündäki çyzyk inkär etme diýen amaly aňladýar. Adaty gepleşikde bu amala "däl" bölegiň kömegi bilen täze pikir aýtmanyň emele getirilmesi laýyk gelýär.

Eger $A, B, C \dots$ erkin pikir aýtmalara 1 we 0 bahalaryň birini kabul edýän ululyklar hökümünde garalsa, onda olara konýunksiýa dezýunksiýa implikasiýa, ekwiwalentlik we inkär etme amallaryny ulanyp täze çylşyrymly pikir aýtmany almak mümkin.

$$((A \vee B) \wedge C) \rightarrow \bar{A} \rightarrow \bar{B}$$

aňlatma dezýunksiýa, konýunksiýa inkär etme impleksasiýa amallaryny ulanmak bilen A, B, C pikir aýtmalardan düzülen çylşyrymly pikir aýtma bolup durýar. Eger A ýalan pikir aýtma bolup, B çyn we C ýalan diýsek onda logiki amallaryň

kesgitlemelri boyunca bu pikir aýtmä.

| X | Y | $X \wedge Y$ | $X \vee Y$ | $X \rightarrow Y$ | $X \sim Y$ | X |
|---|---|--------------|------------|-------------------|------------|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |

- 1). X'' deňderejeli X
- 2). $X \wedge Y = Y \wedge X$
- 3). $(X \wedge Y) \wedge Z = X \wedge (Y \wedge Z)$
- 4). $X \vee Y = Y \vee X$
- 5). $(X \vee Y) \vee Z = X \vee (Y \vee Z)$
- 6). $X \wedge (Y \vee Z) = (X \wedge Y) \vee (X \wedge Z)$
- 7). $X \vee (Y \wedge Z) = (X \vee Y) \wedge (X \vee Z)$
- 8). $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$
- 9). $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$
- 10). $X \vee Y = X$
- 11). $X \wedge X = X$

Bul funksiýalary.

Her biri 0 we 1, 2 bahany alyp bilýän üytgeýän ululyklara bagly bolan kem 0 we 1, 2 bahany kabul edýän $f(X_1, X_2, \dots, X_{n-1}, X_n)$ Bulun funksiýasy girýär.

Kesgitlemeden görnuşi ýaly Bul we funksiýanyň kesgitlemesi oblasty bolup 0 we 1 düzülen "n" belgili ýygymlary mümkin bolan toplumyna jemi hyzmat edýär. Bu funksiýanyň özüni bermek üçin bolsa funksiýa sol ýygymlaryň her birine degişli kabul eden bahalaryny görkezmek ýeterliklidir.

| X_1 | X_2 | X_3, \dots, X_{n-1} | X_n | $f(X_1, X_2, \dots, X_{n-1}, X_n)$ |
|-------|-------|-----------------------|-------|------------------------------------|
| 0 | 0 | 0 0 | 0 | $f(0, 0, \dots, 0, 0)$ |
| 0 | 0 | 0 0 | 1 | $f(0, 0, \dots, 0, 1)$ |
| | | | | |
| 1 | 1 | 1 1 | 0 | $f(1, 1, \dots, 1, 0)$ |
| 1 | 1 | 1 1 | 1 | $f(1, 1, \dots, 1, 1)$ |

Tablisada ýygymlar standart (tebigi) tertipde ýerlesdirilen.

$$\alpha = (\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n) \quad \alpha_i \in (0;1)$$

Her bir α ýygyma $N = \alpha_1 2^{n-1} + \dots + \alpha_{n-1} 2 + \alpha_n \quad (0,0, \dots, 0,0); (0,0, \dots, 0,1); \dots, (1,1, \dots, 1,1)$ ýygymlara $0,1, \dots, 2^n - 1$ sanlar degişli bolýarlar.

Ýygymlaryň özüne degişli sanlaryň artýan tertibinde ýerleşmegi tebigi tertib bolýar. 0 we 1 düzülen "n" ölçegli ýygymlaryň sanynyň jemleri $2^n - 1$ bolýandygyny görmek bolýandyr.

Eger "n" Y_1, Y_2, \dots, X_n üýtgeýänleri funksirlese, onda bu ütgéýän ululyklaryň dürli funksiýalary dürli tablisalaryň üsti bilen berilýän, ol tablisalaryň sany bolsa X_1, X_2, \dots, X_n ütgéýän ululykly funksiýalaryň hemme sanyna deň dürli tablisalaryň şa sütuniniň bahalary bilen tapawutlanyandyklary üçin.

Indiki tassyklama dogrydyr. X_1, X_2, \dots, X_n ütgéýän ululykly bu funksiýalaryň

sany.

Ütgéýänleriň sanynyň artamagy bilen bu funksiýalaryň sany çalt artýar we bu funksiýalary berýän tablisalar çylsyrýmlaşýarlar.

Bu funksýanyň berilşiniň başga usulyňa seredeliň. "Elementar" funksiyalar diýilýän bir we iki üýtgeýän funksiyalar bilen tanyşalyň.

| X | $Y_1(X)$ | $Y_2(X)$ | $Y_3(X)$ | $Y_4(X)$ |
|---|----------|----------|----------|----------|
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |

$Y_1(X)$ we $Y_4(X)$ funksiyalar 0 we 1 hemişelikleri berýärler.

$Y_2(X)$ funksiýa X üýtgeýän ululyk bilen gabat gelýär.

$Y_3(X)$ X üýtgeýän ululygyň kabul edýän bahasyna garşylykly bahany kabul edýär.

Bu funksiýa X iňkär etmesine diýilýär.

| X | X | f_1 | f_2 | f_3 | f_4 | f_5 | f_6 | f_7 | f_8 | f_9 | f_{10} | f_{11} | f_{12} | f_{13} | f_{14} | f_{15} | f_{16} |
|---|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |

f_1 we f_{16} funksiyalar 0 we 1 hemişelikleri berýärler bu funksiyalar hiç bir üýtgeýän ululyklara bagly däldirler. f_1 , f_6 , f_n , f_{13} funksiyalar diňe bir üýtgeýän ululyga baglydyr.

Olaryň $f_4 = X_1$, $f_6 = X_2$, $f_{11} = X_2$, $f_{13} = X_1$ bolýandygyny kyn däldir. Galan funksiyalar iki üýtgeýän ululyga baglydyr f_2 konýunsiýada ýa-da logiki köpeltmek diýilýär we $X_1 \wedge X_2$

belleniýär. \wedge belgiň ýerine "." belgi goýulýar ýa-da hiç hili belgi goýulmaýar F_8 dezyunsiýa ýa-da logiki goşmak diýilýär.

$$F_8 - X_1 \vee X_2$$

$$f_{10} \text{ funsiýa ekiwalentlik diýilýär } X_1 \sim X_2$$

$$f_7 \text{ iki modul boýunça jem } X_1 \wedge X_2, X_1 + X_2 \pmod{2}$$

$$f_{12}, f_{14} \text{ impliasiya}$$

$$X_2 \rightarrow X_1 \text{ we } X_1 \rightarrow X_2 X_2$$

$$f_{15} \text{ şifferin strihi } X_1/X_2$$

$$F_9 \text{ Pirsin strelkasy } X_1/X_2$$

$$F_3, F_5 \text{ gadagan funksiýalar diýilýär.}$$

Elementar funksiýalaryň häsiýeti.

1. Konýunksiýa dezyunksiýa we 2 modul boýunça jem assosiatiwlik hasiýetine eýedirler. Bu hasiýet bolsa skobkalry ulanmazlyga we

$$\bigwedge_{i=1}^n X_i = X_1, X_2, \dots, X_n, \quad \bigvee_{i=1}^n X_i = X_1, \vee X_2, \dots, \vee X_n$$

belgileri ulanmaga mümkinçilik berýar.

$$2. \bar{X}_1 \bullet \bar{X}_2 = \bar{X}_1 \vee \bar{X}_2, \bar{X}_1 \vee X_2 = \bar{X}_1 \bullet \bar{X}_2,$$

hem-de

$$\overline{\overline{X}} = X$$

$$3. X \bullet X = X$$

$$4. X \vee X = X$$

$$5. X \bullet \overline{X} = 0$$

$$6. X \vee \overline{X} = 1$$

$$7. X \bullet 0 = 0$$

$$8. X \bullet 1 = X$$

$$9. X \vee 0 = X$$

$$10. X \vee 1 = 1$$

Teorema 1:

Erkin f (X₁, X₂,...,X_n)bu funksiýany

$$f(X_1, X_2, \dots, X_n) = \bigvee_{\delta \in \{0,1\}^n} \delta_{\{1,1,\dots,1\}} \delta_{\{0,0,\dots,0\}}$$

$$f(\delta_1, \delta_2, \dots, \delta_n)$$

$$X_1^{\delta_1} X_2^{\delta_2} X_3^{\delta_3} \dots X_n^{\delta_n} \quad (1)$$

Formada bermek mtimkin. Bu ýerde $\delta_i \in \{0,1\}$

$$X_i^0 = \overline{X_i}, \quad X_i^1 = X_i, \quad v = (v_1, v_2, \dots, v_n)$$

hem-de dizýunksiýa 0 we 1 düzülen n ölçegli ýygymlaryň hemmesinden alynýar.

(1) deňligiň çep we sag taraplarynyň deň bolýandygyny görkezelin erkin

$a=(a_1, a_2, \dots, a_n)$ ýygymy (1) deňlikde goýalyň.

Bu ýerde $a \in \{0;1\}$ çep tarapyndan alarys, sag tarapyndan bolsa $f(a_1, a_2, \dots, a_n)$

$$\delta(1+1 \dots n)$$

\forall

$$\delta_0(1+1 \dots n)$$

$$\bar{f}(a_1, a_2, \dots, a_n) \alpha_1^{\delta_1} \alpha_2^{\delta_2} \dots \alpha_n^{\delta_n} = f(a_1, a_2, a_3, \dots, a_n) \alpha_1^{a_1} \alpha_2^{a_2} \dots \alpha_n^{a_n} \\ = f(a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_n)$$

bolýandygy konýunksiýa edezýunksiýanyň häsiýetinden hem-de $X^\delta=1$ deňligiň

$X=\delta$ we diňe şonda ýerine ýetýändiginden gelip çykýar.

Eger $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ bolanda, onda (1) deňligi $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$

$$\forall X_1^{\delta_1}, X_2^{\delta_2}, \dots, X_n^{\delta_n}$$

$$f(\delta)=1$$

ähli δ -den

(2) formada ýazmak bolýar. Bu formada $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$

funksiýanyň kónjunktiv kadaly formasy diýilýar.

Teorema 2.

Erkin $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ üçin

$$(3) f(X_1, X_2, \dots, X_n) = \bigwedge_{\delta=(0,0,\dots,0)}^{\delta=(1,1,\dots,1)} f(\delta_1, \delta_2, \dots, \delta_n) \vee X_1^{\delta_1} \vee \dots \vee X_n^{\delta_n}$$

formada bermek mümkin. Bu funksiýanyň $f(X_1, X_2, \dots, X_n) =$
 $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ teotema netijesinde $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ funksiýanyň

$$f(X_1, X_2, \dots, X_n) \bigvee_{\delta=(0,0,\dots,0)}^{\delta=(1,1,\dots,1)} f(\delta_1, \delta_2, \dots, \delta_n)$$

$$X_1^{\delta_1}, X_2^{\delta_2}, \dots, X_n^{\delta_n}$$

Güçde ýazyp bilýaris

$$\bigvee_{\delta=(0,0,\dots,0)}^{\delta=(1,1,\dots,1)} f(\delta_1, \delta_2, \dots, \delta_n) \vee X_1^{\delta_1} \vee X_2^{\delta_2} \vee \dots \vee X_n^{\delta_n}$$

soňky deňlik konjunksiýanyň we dizjunksiýanyň inkär
 etmeginin hasiyetunden gelip çykýar $X_{ii}^{\delta} = X_{ii}^{\delta}$ göz önünde
 tutup, alalyň.

$$f(X_1, X_2, \dots, X_n) = \bigvee_{\delta = (0, 0, \dots, 0)}^{\delta = (1, 1, \dots, 1n)} f(\delta_1, \delta_2, \dots, \delta_n) \vee X_1^{\delta_1} \vee \dots \vee X_n^{\delta_n}$$

$$\hat{f}(X_1, X_2, \dots, X_n) = 1$$

$$f(X_1, X_2, \dots, X_n) = \bigwedge_{f(\delta)=0} X_1^{\delta_1} \vee \dots \vee X_n^{\delta_n} \quad (4)$$

formada ýazmak bolýar. Bu forma $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ funksiýanyň kämil konýuktiv kadaly formasy diýilýär.

Bul funksiýalary ulgamynyň dolylygynyň alamatlary.

Eger $\{f_1(X_{11}, \dots, X_{1p_1}), \dots, f_s(X_{s1}, \dots, X_s), \dots\}$ ulgamynyň islendik funksiýasy üçin şol ulgamynyň f_1, \dots, f_s, \dots funksiýalarynyň we X_1, \dots, X_n üýtgeýänleriň superpozisiýasyndan düzülen we oňa deň bolan funksiýany gurup bolýan bolsa, onda ol ulgam doly ulgam diýilýär. (Biz bul funksiýalarynyň beyleki bir bul funksiýalarynyň goyulmayna). Bul funksiýalarynyň superpozisiýasy diýilýär. $X_1 X_2, X_1 \vee X_2, X_1'$ Bul funksiýalaryň ulgamsy dolydyr.

Bu ulgamnyň dolylygy her bir funksiýa üçin kämil dezyunktiv kadaly formaly (KDKF) ýa-da kämil konýuktiv kadaly formaly diňe konýunksiýa, dizýunksiýa we iňkär etme amallaryndan düzlen formulany gurup bolýandygyndan gelip çykýar.

Teorema 3:

Islendik $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ Bul funksiýasy $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$

Islandik $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ Bul funksiýasy $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$

$$a_0 + a_1 X_1 + a_2 X_2 + \dots + a_n X_n$$

Polinom görnüsinde berilip biliner. Bu yerde a_i $(1/2, 0; 1)$,
 $i=0, 1, 2, \dots, n-1$

Subut:

$X_1 X_2, X_1 + X_2, 0, 1$ funksiýalaryň ulgamsy dolydyr.

Ýagny islandik bul funksiýasy bu funksiýalaryň we
üýtgeýänleriň superpozisiýa
görnüşinde berilip biliner.

$$A + A = 0, A \cdot A = A, A + 0 = A, A \cdot 0 = 0, \\ A \cdot 1 = A, A \cdot B = B \cdot A, A + B = B + A,$$

$(A+B) \cdot C = A \cdot C + B \cdot C$, ýaly barlamasy kyn bolmadyk
düzgünlerden peýdalanyň funksiýalaryň polinom görnüsindaki
ýazgysyny alarys.

Bul funksiýalar ulgamsynyň dolulygyny ýa-da dolydaldigini
bilmek üçin bul funksiýalarynyň bir näçe klaslary bilen tnyşalyň.

1) 0 saklaýan funksiýalar klasy.

Eger $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ funksiýa 0 düzülen ýygymda 0 bahany
kabul edýän bolsa ($f(0, 0, \dots, 0) = 0$), onda oňa 0 saklaýan funksiýa
diýilýär. $X_1 \cdot X_2, X_1 \vee X_2, X, 0$ 0 saklaýan funksiýalardyr.
 $X \rightarrow X_2, X', 1$ funksiýalar 0 saklamaýarlar.

2) Birlik saklaýan funksiýalaryň klasy.

Eger $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ funksiýa bir düzülen ýygymda bir bahany

kabul edýän bolsa

$(f(1,1,...,1)=1)$ onda oňa bir saklaýan funksiýa diýilýär.

$X_1 * X_2, X_1 \vee X_2, X_1 \wedge X_2$ saklaýan funksiýalar $X_1 + X_2, X_1', 0$ funksiýalar saklamaýarlar.

3) Özüne garşylykly funksiýalar.

Eger $f(X_1, X_2, \dots, X_n) = f(X'_1, X'_2, \dots, X'_n)$ bolsa, onda $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ funksiýa özüne garşylykly funksiýa diýilýär.

$X = X'$

$X_1 * X_2, X_1 \vee X_2$ özüne garşylykly däl funksiýalar.

4) Monoton funksiýalar klasy.

Eger $\alpha_i \leq \beta_i, (i=1, \dots, n)$ bolsa, onda $\alpha(a_1, a_2, \dots, a_n)$ ýygym $\beta(\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_n)$ ýygymyň

öň ýanyndan gelýär.

Belgilenilişi $(\alpha\psi\beta)$. ψ gatnaşykda ýerleşýän ýygymlara deňşdirerlikli ýygymlar diýilýär.

Eger $\alpha\psi\beta$ bolýan $\alpha(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n)$ we $\beta(\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_n)$ ýygymlaryň islendik jübütü üçin

$f(\alpha) \leq f(\beta)$ ýerine ýetirýän bolsa, onda $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ funksiýa monoton funksiýa

diýilýär.

Meselem: $X_1 * X_2, X_1 \vee X_2, X$ monoton funksiýalar.

X' monoton däl funksiýa.

4) Ç yzykly funksiýalar klasy.

Eger $f(X_1, X_2, \dots, X_n)$ funksiýanyň polinomy $f(X_1, X_2, \dots, X_n) = a_0 + a_1 X_1 + a_2 X_2 + \dots + a_n X_n$ görnüşde bolsa, onda oňa çyzykly funksiýa diýilýär.

X, X' çyzykly funksiýalar. $X_1 - X_2$ çyzykly däl funksiýalar.

Teorema 4:

$\{f(X_{11}, X_{1p1}), \dots, f_s(X_{s1}, \dots, X_{sps}), \dots\}$ Bul funksiýalar ulgamsynyň doly bolmagy üçin onuň 0 saklaýan funksiýasyny, birlik saklamaýan funksiýasyny özüne garşylykly däl funksiýany monotom däl funksiýany çyzykly däl funksiýany saklamagy zerurdyr we ýeterlikdir.

Predikatlar logikasy.

Predikatlar we kwantirleme amallary.

Mysallara ýüzleneliň:

1."X ýönekeý san" diýen aňlatma gramatika taýdan pikir aýtma formasynda bolsada pikir aýtma daldır. Bu alamada üytgeýan X ululygy ýerine kesgitli san goýulandan soň pikir aýtma almak mümkin.

Şeýlede " X ýönekeý san " aňlatma X üytgeýan ululykly $P(X)$ funksiýa höküminde seretmek bolar.

$F(X)$ kesgitlenisi oblasty bolup sanlar köplügi. bahalar oblasty bolup pikir aýtmalar hyzmat edýärler.

2. "X Y-den ulydyr" diýen aýlatma X we Y üýtgeýän ululyklara bagly $Q(X, Y)$ funksiýa hökümünde seretmek bolar. X we Y ýerine kesgitli sanlary goýulandan bu funksiýa pikir aýtma öwülýär.

Umuman M_1, M_2, \dots, M_n köplüklerden $X_1 X_2, \dots, X_n$ üýtgeýän ululyklaryň degislilikdali bahasyny goýulanda pikir aýtma örülýän $P(X_1, X_2, \dots, X_n)$ aňlatma n üýtgeýän ululykly predikat diýilýär.

M_1, M_2, \dots, M_n köplükleriň elementlerinde predmetlr $X_1 X_2, \dots, X_n$ üýtgeýän ululyklara bolsa üýtgeýän predmetler diýilýär.

$M = M, X M_2 X - X M_n$ köplüge $P(X_1 X_2, \dots, X_n)$ predikatyn meydany diýilýär.

Eger üýtgeýän predmetlerin sany "0" deň bolsa, onda predikat pikir aýtma diýilýär. Predikatlara pikir aýtmalar algebrasyndan amallaryny (konýunksiýa, dezyunksiýa, implikasiýa, ekwiwalentlik iňkär etme) ulanyp täze predikaty almak bolýar.

Goý M meydana kesgitlenen bir üýtgeýän ululyga bagly bolan $P(X)$ predikat berilen bolsun.

1. $VXP(X)$ aýlatma $P(X)$ predikatyň M meýdanyndaky ähli predmetler üçin kyn

bolan diňe şonda kyn bolýar pikir aýtmany anladýar.

$VXP(X)$ anlatma islendik X üçin $P(X)$ okalýar.

V- simwol umumylyk kwantaly.

1. E $XP(X)$ aýlatma $P(X)$ predikatyn M meydanyndaky predikatlaryň iň bolmanda biri üçin kyn bolanda kyn bolýan pikir aýtmany aňladýar.

E $XP(X)$ anlatma " $P(X)$ " bolar ýaly X bar diýilip okalýar.

E barlyk (bolmaklyk) kwantory. Predikatlara kwantirleme amallarynyň ulanylyş mysallara seredeliň.

Goý natural sanlaryň meydanynda predikatlar berilen bolsa.

1). $X^2 = X * X$ onda $\forall X (X^2 = X * X)$ kyn pikir aýtma.

2). $X+2 = 7$, onda $\forall X (X+2=7)$ ýalan pikir aýtma, $\exists X (X+2=7)$ kyn pikir aýtma.

3). $X \ll X+2 \quad \forall X (X \ll X+2)$ ýalan pikir aýtma.

Predikartyn n üytgeýan ululyga bagly bolan ýagdaýy üçin kwantirleme amallaryny umumylaşdyrmak kyn däldir.

Turbo Paskal programmirleme dilinde köplükleriň we logiki amallaryň ulanylyşy.

1. Esasy logiki amallar.

| Belgisi | Ady | Operantlaryň tipi | Netijäniň tipi | Görnüşi |
|-------------------------|-----------------------------|----------------------|----------------|---------|
| Birinji (ýokary) dereje | | | | |
| not | Logiki "Ýok" | Logiki | Logiki | |
| not | Razrýad boýunça "Ýok" | Bitin | Bitin | |
| Ikinji dereje | | | | |
| and | Logiki "we" | Logiki | Logiki | |
| and | Razrýad boýunça "we" | Bitin | Bitin | |
| shl | Siklleýin çepe süýşürmek | Bitin | Bitin | |
| shr | Siklleýin saga süýşürmek | Bitin | Bitin | |
| Üçünji dereje | | | | |
| or | Logiki "ýa-da" | Logiki | Logiki | |
| or | Razrýad boýunça "ýa-da" | Bitin | Bitin | |

| | | | | |
|-----------------------|-------------------------------------|--------------------|--------|---------------|
| xor | Logiki "ýa-da"-ny ýatyrýan | Logiki | Logiki | |
| xor | Razrýad boýunça "ýa-da"-ny ýatyrýan | Bitin | Bitin | |
| Dördünji (pes) dereje | | | | |
| = | Gatnaşyk amallary | San we san | Logiki | Binar amallar |
| <> | | Setir we san | | |
| < | | Setir we simwol | | |
| > | | Pointer we Pointer | | |
| <= | | Köplük | | |
| >= | | | | |
| in | Köplüğe girmek | Element we köplük | Logiki | |

2. Bit arifmetikasy.

Hakyky we bitin sanlaryň üstündäki ähli diller üçin standart matematiki amallardan başgada, Turbo Pascal bitin sanlaryň üstünde goşmaça amallary hem girizýär. Şolaryň hatarynda bit ýa-da razrýadlar boýunça arifmetika hem bardyr.

Bit arifmetikasy sanamagyň ikilik ulgamyndaky sanlar bilen iş salyşylanda ulanylýar. Bu ýagdaýda iki sanyň aýratyn bitlerini deňeşdirmek, sanyň ikilik bitlerini bellemek, olary çalyşmak we başga işleri etmek bolýar. Bu mümkinçilikler tekst we grafiki režimlerde videohuş bilen işlenende ulanylýar. Ondan başgada ikilik aňlatmada çözülmesi aňsat bolan arassa matematiki

meseleer bardyr.

Bit amallaryna bir çäklendirme bardyr: olary diňe bitin tiplere ulanyp bolýar(Byte, ShortInt, Word, Integer, Longint). Diňe bitin tipli bahalar kompýuteriň huşunda dogry ikilik sanlar bilen kodirlenýärler. Mysal üçin, Byte tipli 4 we 250 bahalar kompýuteriň huşunda degişlilikde sekizbelgili ikilik 00000100 we 11111010 sanlar bilen , Word tipli 65535 san bolsa 16 belgili 1111111111111111 san bilen aňladylar.

Byte we Word tipli bahalar üçin umumy formulalar aşakdaky ýalydyr:

Byte: $Baha = B_7 * 2^7 + B_6 * 2^6 + B_5 * 2^5 + \dots + B_1 * 2^1 + B_0;$

Word : $Baha = B_{15} * 2^{15} + B_{14} * 2^{14} + \dots + B_1 * 2^1 + B_0;$

Bu ýerde B_0, B_1, \dots bahalar sanyň degişli ikilik bitleriň bahalary. Olar 0 ýa-da 1 deňdirler. San köpeldijileri bolsa, 2-niň bitiniň nomeri derejesine deňdir.

Alamaty bar bolan bitin: ShortInt, Integer we Longint tipleriň kompýuteriň huşundaky içki aňladylyşynda tapawut bardyr. Öz ölçegi boýunça ShortInt tip Byte tipe, Integer tip bolsa Word tipe deňdir. Ýöne ShortInt we Integer tipler bitin otrisatel sanlary hem saklaýandyr:

ShortInt : -128 ...127 (8 bit ýa-da 1 baýt),

Integer : -32768 ...32767 (16 bit ýa-da

2 baýt),

LongInt : -2147483648 ...2147483647 (32 bit ýa-da 4 baýt).

Bu tipli sanlaryň iň çep biti ol sanyň alamatyny görkezmek üçin ulanylýar. Eger ShortInt, Integer we Longint tipli sanlaryň iň çep biti 1 deň bolsa, onda ol san otrisatel hasaplanýar, a eger 0 deň bolsa, onda položitel hasaplanýar. ShortInt, Integer we Longint tipli bahalaryň bitlerini öwürmek formulasy aşakdaky ýalydyr:

ShortInt : Baha= $-B_7 \cdot 2^7 + B_6 \cdot 2^6 + B_5 \cdot 2^5 + \dots + B_1 \cdot 2^1 + B_0$;

Integer : Baha= $-B_{15} \cdot 2^{15} + B_{14} \cdot 2^{14} + \dots + B_7 \cdot 2^7 + \dots + B_1 \cdot 2^1 + B_0$;

LongInt : Baha= $-B_{31} \cdot 2^{31} + B_{30} \cdot 2^{30} + \dots + B_{15} \cdot 2^{15} + \dots + B_1 \cdot 2^1 + B_0$.

ShortInt tipli otrisatel sanlaryň kodirlenişine mysallara seredeliň:

-1 : 1 1111111 (-1*128+127)

-2 : 1 1111110 (-1*128+126)

-3 : 1 1111101 (-1*128+125)

-125 : 1 0000011 (-1*128+3)

-128 : 1 0000000 (-1*128+0).

Položitel sanlar kodirlenende ýazgysynda 1-ler näçe köp bolsa, şol san hem absolýut ululygy boýunça şonça uly bolýar. Otrisatel sanlar kodirlenende bolsa tersine 0-lar bilen 1-ler ýerine çalşan ýaly bolýar. Başgaça aýdanda otrisatel sanlaryň

ýazgysynda 0-lar näçe köp bolsa, ol sanyň absolýut ululygy hem şonça uly bolýar.

Hakyky tipli sanlar kodirlenende her gezek bir hili, ýöne ýeterlik çylşyrymly kodirlenýär: bitleriň bir topary sanyň mantissasyny düzýär, a ikinjisi – derejesini,, a üçinjisi bolsa alamatyny düzýär. Hakyky sanlara bit amallary ulanylmaýar.

Indi bitleriň üstünde geçirilýän logiki amallara seredeliň.

Not – razrýad boýunça inkär etme – her bir biti tersine öwürýär:

$$\text{not } [1] = 0$$

$$\text{not } [0] = 1.$$

Argumentiň daşyndaky dik ýaýlar amalyň bir bitiň üstünde geçirilýändigini aňladýar.

Mysal seredeliň: Eger A sanyň ikilik ýazgysy 01101100 bolsa, onda **not A** 10010011 bolar.

And - logiki köpeltmek ýa-da razrýad boýunça "We":

$$[0] \text{ and } [1] = [1] \text{ and } [0] = [0]$$

$$[0] \text{ and } [0] = [0]$$

$$[1] \text{ and } [1] = [1].$$

Bu ýerde hem argumentiň daşyndaky dik ýaýlar amalyň bir bitiň üstünde geçirilýändigini aňladýar.

Hakyky mysallar bolsa gaty bir düşnikli dälendir:

$$(6 \text{ and } 4) = 4$$

$$(6 \text{ and } 1) = 0.$$

Bu sanlary ikilik görnüşde aňlatsak alynýan netijeler düşnikli bolar:

| | |
|--------------------|--------------------|
| 0000110 (6) | 0000110 (6) |
| and 0000100 (4) | and 0000001 (1) |
| 0000100 (4) | 0000000 (0) |

And amaly 99% ýagdaýda iki maksat üçin gerek bolýar: bitleriň bardygyny ýa-da olaryň käbirini ýok etmek (0 etmek) üçin ulanylýar.

Mysal üçin, kompýuteriň huşunyň ulgam öýjükleriniň köp sanlysy kompýuteriň konfigurasiýasy ýa-da ýagdaýy barada maglumaty saklaýar. Şunlukda bir baýt şeýle maglumatlary saklap biler: 6-njy bit 1 deň bolsa, diýmek CapsLock kada gurnalypdyr, 4-nji bit 0 deň, diýmek haýsy hem bolsa başga bir Lock kada öçürilipdir we ş.m. Goý A şol görnüşli baýt bolup sekiz sany baýdagyň ýagdaýyny görkezýän bolsun. Goý onuň 5-nji bitiniň (nomerlemek sagdan çepeden, 0-dan 7-ä çenli dowam edýär) ýagdaýyny kesgitlemek gerek bolsun. 5-nji bitde duran birlik 2^5 sany berýär. Şonuň üçin 32-ni ikinji operant edip alýarys. Eger A –nyň başynjy bitinde birlik duran bolsa, onda hökman

$$(A \text{ and } 32) = 32$$

şert ýerine ýetmeli. Diýmek şol şerti IF operatorynda şert

hökmünde ulanmak mümkindir. **And** amalynyň kömegi bilen birbada birnäçe bitiň ýagdaýyny hem kesgitlemek mümkin. Mysal üçin, goý 5-nji, 2-nji we 0-njy bitleriň ýagdaýlaryny bilmek gerek bolsun. Şol bitlerde birlikler, galanlarynda 0 duran ýagdaýynda $2^5 + 2^2 + 1 = 37$. Eger şol bitlerde birlikler duran bolsa, onda

$$(A \text{ and } 37) = 37$$

şert çyn(True) bahany alar.

Bitleri goýmak we öçürmek aşakdaky ýaly amala aşyrylýar. Goý Byte tipli A üýtgeýäniň 3-nji bitini öçürmek gerek bolsun. Bu ýerde üýtgeýäniň tipini bilmek wajypdyr. Ö çürmek – 0 etmek diýmekdir. Ilki bilen 3-nji biti 0, galan bitleri bolsa 1-e deň bolan sany tapmaly. Byte tip üçin ol san $(255 - 2^3) = 247$ deň, bu ýerde 255 – bir baýtda ýazyp bolýan iň uly san. Eger indi A sany 247-ä logiki köpeltsek, onda 247-däki 1-likler A sandaky bitlere hiç hili täsir etmez, a 247-niň 3-nji bitindäki 0 bolsa, A sanyň 3-nji bitini 0-a öwrer. Şeýlelik bilen, A-nyň 3-nji bitini 0-a öwürmek üçin

$$A := A \text{ and } (255 - 8)$$

baha bermek operatoryny ýazmak ýeterlikdir.

Ý okarky usuly birnäçe biti birden öçürmek üçin hem ulanmak mümkindir. Mysal üçin, A sandaky 3-nji we 7-nji bitleri öçürmek üçin

$$A := A \text{ and } (255 - 8 - 128)$$

baha bermek operatoryny ýazmak ýeterlikdir, bu ýerde $8=2^3$ we $128=2^7$.

Or – logiki goşmakdyr; oňa "ýa-da" amaly hem diýilýär.

Or amaly bitleriň üstünde şeýle geçirilýär:

$$[1] \text{ or } [0] = [0] \text{ or } [1] = [1],$$

$$[0] \text{ or } [0] = [0],$$

$$[1] \text{ or } [1] = [1].$$

Dik ýaýlar bir biti aňladýar. Bu amal bitin sanyň ikilik ýazgysyndaky käbir bitleri gurnamakda (ol bite 1-i ýazmakda) ulanylyp biliner. Mysal üçin, A bahanyň 4-nji bitini 1-e öwürmek, galan bitlerini bolsa üýtgetmezlik üçin

$$A := A \text{ or } 16$$

baha bermek operatoryny ýazmak ýeterlikdir, bu ýerde $16=2^4$.

Şunlukda A bahanyň 4-nji bitinde näme durandygynyň ähmiýeti yokdyr. Islendik ýagdaýda şol ýerde 1 peýda bolar.

Edil şunuň ýaly edip birbada birnäçe biti hem gurnamak mümkindir. Mysal üçin, 4-nji, 1-nji we 0-njy bitleri 1-e öwürmek üçin:

$$A := A \text{ or } (16+2+1);$$

ýazmak ýeterlikdir.

Turbo Pascalda ýokarkylardan başgada **XOR** amaly hem girizilendir. Oňa "Ýa-da"-ny ýatyrmak hem diýilýär. Ol amal bitleriň üstünde şeýle kesgitlenilýär:

$$[1] \text{ xor } [1] = [0],$$

$$[0] \text{ xor } [0] = [0],$$

$$[1] \text{ xor } [0] = [0] \text{ xor } [0] = [1].$$

xor amalyňy bitniň (ýa-da birbada birnäçe bitniň) bahasyny tersine öwürmek üçin ulanmak mümkindir. Goý A sanyň 5-nji bitini tersine öwürmeli bolsun. Onuň üçin $A := A \text{ xor } 32$ ýazmak ýeterlikdir, bu ýerde $32 = 2^5$.

xor amaly aşakdaky aýratynlyga eýedir: şol bir üýtgeýäne iki gezek ulanylanda şol üýtgeýäniň başdaky bahasyny dikeldýändir. Ýagny,
 $A = (A \text{ xor } B) \text{ xor } B$.

Indiki seretjek amallarymyz razrýad boýunça sikliki süýşürmegi aňladýar:

| Amal | Ady | Ýazylyşy |
|------|-------------------------------|--------------------|
| shl | Çepe n öýe sikliki süýşmek | $A \text{ shl } n$ |
| shr | Saga n öýe sikliki süýşmek | $A \text{ shr } n$ |

Bu amallaryň ýerine ýetiriliş derejesi ýokary däl.

Bu iki amalyň manysy meňzeşdir: olar A bahanyň ililik yzygiderligini n öýe(bite) çepe (shl) ýa-da saga(shr)

süýşürmekdir. Şunlukda süýşürilende araçakden çykýan bitler ýitirilýär, beýleki tarapda boşan bitler bolsa nollar bilen (çepe süýşürilende elmydama, saga süýşürilende bolsa käwagt) ýa-da birler bilen (diňe ShortInt, Integer we LongInt tipli otrisatel bahalar saga süýşirilende) doldurylýar.

Mysallar.

$$(11011011 \text{ shl } 0) = 11011011,$$

$$(11011011 \text{ shl } 1) = 10110110,$$

$$(11011011 \text{ shl } 2) = 01101100,$$

$$(11011011 \text{ shl } 3) = 11011000,$$

$$(11011011 \text{ shl } 4) = 10110000,$$

...

$$(11011011 \text{ shl } 7) = 10000000,$$

$$(11011011 \text{ shl } 8) = 00000000.$$

Eger san Word tipli 256-dan 65535-e çenli aralykdan baha alýan bolsa, on da bitler edil ýokardaky ýaly şüýşerdiler, ýöne meýdanyň uzynlygy 16 bite deň bolardy. LongInt tipi üçin meýdanyň uzynlygy 32 bite deň bolar. shl we shr amallar ShortInt, Integer, LongInt tipli otrisatel ululyklara ulanylanda çep tarapdan boşaýan öýler birlikler bilen doldurylýar.

Mysal.

Bitin sany ikilik ýazga geçirýän programma düzmeli.

Çözülişi.

```

{ Bitin sany ikilik ýazga geçirýän funksiýa}
{ X – bitin san (başga tipleri bermek bolýar}
{ NumOfBits – ikilik ýazgydaky öýleriň sany}
Function Binary (X:LongInt; NumOfBits:Byte ) : String;
Var
    bit, i :Byte; { kömekçi üýtgeýänler}
    s Ž String[32];
BEGIN
    s:=''; { Setiri arassalamak }
    for i:=1 to 31 dfo begin {öwürmek sikli}
bit:=( X shl i) shl (31); {biti bellemek}
s:=s+Chr(Ord('0')+bit) { setire ýazmak}
end; {for} {siklin soňy}
Delete(s,1,32-NumOfBits); {artyk bitleri kesmek}
Binary:=s; {dolanýan setir}
END;
Var
i:Integer; {=== Çagyryşyň mysaly===}
BEGIN
for i:=-5 to 5 do
    WriteLn(i:7,'→', Binary(i, 8*SizeOf(i)));
ReadLn; {Pausa}
End.

```

Shl amaly bitin sanlary ikiniň derejelerine köpeltmegi çalyşyp biler:

$$J \text{ shl } 1 = J * 2,$$

$$J \text{ shl } 2 = J * 4,$$

$$J \text{ shl } 3 = J * 8.$$

3. Logiki hasaplamalar we gatnaşyk amallary.

Boolean logiki tipiniň we onuň üstünde ýerine ýetirilýän amalaryň bolmagy logiki hasaplamalary programmirlenmäge mümkinçilik berýär.

Turbo Paskalda 4 sany logiki amal ulanylýar. Olar aşakdaky tablissada görkezilýär. Bu ýerde L1 we L2 –TRUE ýa-da FALSE deň bolan logiki hemişelikler, üýtgeýänler ýa-da aňlatmalar.

| Amal | Ady | Ýazylyşy | Amalyň netijesi |
|------|-------------------------------|-----------|---|
| not | Logiki "Ýok" (inkär etmek) | not L1 | L1 baha gapma-garşylykly baha |
| and | Logiki "We" (konýuksiya) | L1 and L2 | Eger L1 we L2 TRUE deň bolsalar, onda logiki TRUE bolmasa FALSE baha deňdir |
| or | Logiki "ýa-da" | L1 or L2 | Eger L1 we L2-iň iň |

| | | | |
|-----|-------------------------------|-----------|---|
| | (dizýunksiýa) | | bolmanda biri TRUE deň bolsa, onda logiki TRUE bolmasa FALSE baha deňdir |
| xor | "Ýa-da"-ny logiki ýatyrnak | L1 xor L2 | Eger L1 we L2 bahalar dürli bolsalar TRUE, bolmasa FALSE deň |

Gatnaşyk amallary we olaryň netijeleri aşakdaky tablissada berilýär. Ý önekeý bahalary, görkezijileri, simwollary, setirleri deňeşdirmek bolýar. Gatnaşyk amalynyň netijesi elmydama logiki TRUE ýa-da logiki FALSE bolýandyr.

| Belgisi | Ady | Ýazylyşy | Amalyň netijesi |
|------------|---------|------------------|--|
| = | Deňdir | $X1 = X2$ | Eger $X1$ we $X2$ deň bolsalar TRUE, bolmasa FALSE deňdir |
| \diamond | Deň däl | $X1 \diamond X2$ | Eger $X1$ we $X2$ dürli bolsalar TRUE, bolmasa FALSE deňdir |
| < | Kiçidir | $X1 < X2$ | Eger $X1$ $X2$ -den kiçi bolsa TRUE, bolmasa |

| | | | |
|----|-------------------|--------------|---|
| | | | FALSE deňdir |
| > | Ulydyr | $X1 > X2$ | Eger $X1$ $X2$ -den uly bolsa TRUE, bolmasa FALSE deňdir |
| <= | Kiçi ýa-da deňdir | $X1 \leq X2$ | Eger $X1$ $X2$ -den kiçi ýa-da deň bolsa TRUE, bolmasa FALSE deňdir |
| >= | Uly ýa-da deňdir | $X1 \geq X2$ | Eger $X1$ $X2$ -den uly ýa-da deň bolsa TRUE, bolmasa FALSE deňdir |

Haçanda gatnaşyk amallary ýönekeý tipli operantlar üçin ulanylýan bolsa onda ol tipler hökman sygyşýan tipler bolmalydyrlar. Ýöne, eger bir operant hakyky tipli bolsa, onda beýleki operant bitin bolup bilýändir. Logiki bahalary hem deňeşdirmek mümkindir. Elmydama $TRUE > FALSE$ bolýar.

Adatça logiki aňlatmalar programmada şertli dolandyryýan operatorlarda (IF, WHILE, REPEAT ...UNTIL we başgalar), şeýle hem logiki üýtgeýän ululyklara baha berilende ulanylýar.

Meselem,

IF $X > 0$ then write(‘ X san položitel’);

Repeat

S:=S+i;

i:=i+1

Until i>15;

4.Köplükler.

Köplük diýlende bir bitewi zat hökmünde seredip bolýan şol bir häsiýet, şol bir nyşan ýa-da nyşanlar boýunça ýygynalan obýektleriň toplumuna düşünilýär. Meselem 1-den 99-a çenli yzygider gelyän ähli jübüt sanlaryň köplügi; türkmen diliniň elipbiýine girýän ähli çekimli harplaryň köplügi we ş.m

TURBO-PASCAL dilinde köplügiň elementlerine bir näçe çäklendirmeler goýulýar. Meselem, köplügiň elementleri REAL, WORD, LONGINT tiplerden başga islendik tertipleşdirilen tipe degişli bolmalydyr; köplügiň elementleriniň sany 256-dan geçmeli däl; we ş.m.

Köplügiň elementleri kwadrat skobkanyň içinde ýazylýar. Meselem:

[‘A’, ’B’, ‘C’]

elementleri CHAR tipe degişli bolan köplük.

[-3, 1, 3, 5]

elementleri INTEGER tipe degişli bolan köplük.

[FALSE, TRUE]

elementleri BOOLEAN tipe degişli bolan köplük.

[1..100]

elementleri çäklendirilen tipe degişli bolan köplük; we ş.m. Hiç bir elementi bolmadyk köplüğe boş köplük diýilýar we ol TURBO-PASCAL-da [] görnüşde belenenilýär.

Boş köplük islendik köplügiň bölek köplügidir. Baha hökmünde diňe köplükleri kabul edip bilýän üýtgeýän ululyklar aşakdaky ýaly ygylan edilýär:

TYPE

<tipiň ady>=SET OF <elementleriň tipi>;

VAR

<üýtgeýän ululygyň ady>: < tipiň ady>;

ýa-da başgaça, göniden-göni üýtgeýän ululyklar bölümünde hem ygylan etmek mümkin:

VAR

<üýtgeýän ululygyň ady>: SET OF <elementleriň tipi>;

Meselem

VAR X:SET OF 1..3;

yazgy X üýtgeýän ululygyň diňe elementleri 1..3 interwaldan bolan köplüklere eýe bolup bilýändigini aňladýar. Bu ýerde X üýtgeýän ululyga {1,2,3} köplügiň islendik bölek köplüğine eýe bolup bilýär. Ýagny X üýtgeýän ululyk aşakdaky köplükde kesgitlenen:

$\{\{1,2,3\}, \{1,2\}, \{1,3\}, \{2,3\}, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{\}\}$

Köplük yglan edilende elementleriň tipi hökmünde INTEGER, BYTE, BOOLEAN,

CHAR tipleri we standart däl skalýar tipleri ulanyp bolýar.

Meselem:

[35..-1] ýa-da ['m'..'s'] boş köplüklerdir.

VAR

A,B:SET OF 0..49;

HARP:SET OF CHAR;

X:SET OF(MART,APREL,MAY);

[] baş köplük bu tipleriň islendigine degişli edip bolýan ýeke-täk köplükdir.

Eger köplük[e1..e2] görnüşde berlip, $e1 > e2$ bolsa, onda ol köplük boş köplük hasap edilýär. Meselem[35..-1] ýa-da ['m'..'s'] boş köplüklerdir.

Edil matematikadaky ýaly, TURBO-PASCAL algoritmik dilinde hem köplükleriň üstünde kesişme, birleşme, tapawut alamatlaryny ýerine ýetirip bolýar. Bu amallar degişlilikde '*', '+', we '-' simwollar bilen bellenýär. Ýagny,

VAR

A,B,X,Y,Z : SET OF INTEGER;

BEGIN

X:=A*B; Y:=A+B; Z:=A-B;

operatorlary ýerine ýetenlerinde X üýtgeýän ululyga şol bir wagtda A we B köplükleriň ikisinde hem bar bolan elementlerden düzülen köplüge eýe bolýar. Y -üýtgeýän ululyga A we B köplükleriň iň bolmanda birine deňişli bolan elementlerden durýan köplüge eýe bolýar; Z -üýtgeýän ululyga bolsa, A köplügiň B köplükde bar bolmadyk elementlerinden durýan köplüge eýe bolýar. Bu ýerde A we B şol bir tipe deňişli bolan köplükler bolmaly.

Köplügiň üstünden bu amallardan başga-da baş sany logiki amaly hem ýerine ýetirmek mümkin:

1) '='; 2) '<'; 3) '<='; 4) '>='; 5) 'IN';

Bu belgiler deňişlilikde "=", "≠", "≤", "≥", "∈" belgileri aňladýarlar.

Goý A we B – şol bir tipe deňişli bolan köplükler bolsun.

Onda

$A=B$ logiki aňlatma “TRUE” baha eýe bolýar, haçanda bu köplükler şol bir elementlerden duran bolsa, beýleki ýagdaýlarda “FALSE” baha eýedir;

$A<B$ - logiki aňlatma “TRUE” baha eýe bolýar, haçanda A we B köplükler gelmese, beýleki ýagdaýlarda “FALSE” baha eýe bolýar.

$A<=B$ – logiki aňlatma “TRUE” baha eýe, haçanda B köplük özünde A köplügi saklaýan bolsa, beýleki ýagdaýlarda

“FALSE” baha eýe;

$A \geq B$ - logiki aňlatma, “TRUE” baha eýe, haçanda A köplük özünde B köplügi saklaýan bolsa, beýleki ýagdaýlarda “FALSE” baha eýe;

$X \text{ IN } Y$ – logiki aňlatma “TRUE” bahany kabul edýär, haçanda X element S köplüğe deňli bolsa, eger-de X element S köplükde ýök bolsa onda “FALSE” bahany kabul edýär.

Mysal üçin, goý

VAR A,B,C : SET OF CHAR;

BEGIN

A:=[‘a’, ‘b’, ‘c’, ‘d’];

B:=[‘b’]; C:=[‘c’, ‘e’]; ...

bolsun. Onda $A+C$, $A-C$ we $A*B$ aňlatmalar deňşlilikde [‘a’..’e’], [‘a’, ‘c’, ‘d’] we [‘b’] bahalara eýe bolýar; $B \leq A$, $A \geq B$, $C \leq A$ logiki aňlatmalar deňşlilikde “TRUE” we “FALSE” bahalara eýe bolýarlar;

‘a’ IN A we ‘a’ IN C logiki aňlatmalar deňşlilikde “TRUE” we “FALSE” bahalary kabul ederler.

IN operasiýasy haýsy bolsada bir bahanyň berlen köplüğe deňşliligini ýada deňli dældigini barlamak üçin hyzmat edýär we köplenç şertli geçiş operatorynda ulanylýär. Meselem:

IF 2 IN [1,2,3] THEN ...,

IF ‘V’ IN [‘a’, ..., ‘e’] THEN ...,

IF X1 IN [X0,X1,X2,X3] THEN ...

köplenç IN operasiýasy NOT inkär etme operasiýasy bilen bilelikde ulanylýar. Meselem:

IF NOT(X IN M) THEN ...

bu ýerde logiki aňlatma haçanda X element M köplükde bolmasa “TRUE” bahany alýar.

Mysallar:

```
PROGRAM MYSAL_1;
USES CRT;
VAR
    K,I : BYTE; TEKST : STRING[255];
    LATHARPY : SET OF CHAR; SIMWOL :
CHAR;
BEGIN
    CLRSCR;
    LATHARPY:=[‘a’..’z’]; k:=0;
    READ(TEKST);
    FOR I:=1 TO LENGTH(TEKST) DO
    BEGIN
        SIMWOL:=TEKST[I];
        IF SIMWOL IN LATHARPY THEN
            K:=K+1;
    END;
```

```
WRITE('K=',K);    END.
```

Bu programma klaviaturadan girizilen TEKST atly setir üýtgeýän ululygyň bahalarynda näçe sany kiçi latyn harpynyň bardygyny kesgitleýär.

Mysal:

```
PROGRAM MYSAL_2;
USES CRT;
VAR
    ELEMENT : 1...25; I,K : INTEGER;
    KOPLUK : SET OF 1..25;
BEGIN
    CLRSCR;
    KOPLUK:=[ ]; RANDOMIZE;
    FOR I:=1 TO 8 DO BEGIN
ELEMENT:=RANDOM(24)+1;
        KOPLUK:=KOPLUK+[ELEMENT]
    END;
    K:=0;
    FOR I:=1 TO 25 DO
        IF I IN KOPLUK THEN
            BEGIN WRITE(I, ' ':5); K:=K+1; END;
    WRITE('K=',K);
END.
```

Netijeler:

a) 1 4 13 14 18 19 20 22

k=8

b) 7 8 9 10 11 14 23

k=7

ç) 10 11 17 20 23 24

k=6

we ş. m.

Bu programmada 1..25 aralykdan bolan tötänleýin sanlardan köplük düzülýär; Köplügiň elementleri we olaryň sany çapa çykarylýär; Bu ýerde tötänleýin sanlaryň arasynda gabat gelýänleri-de bolmagy mümkin; ol ýagdaýda $K < 8$ bolýar.

Bellik:

- 1) RANDOM(N) – standart funksiýanyň $[0, N]$ aralykdan alnan tötänleýin bitin sany kesgitleýär; Bu ýerde eger N parametr goýulmadyk bolsa, onda $[0, 1]$ aralykdaky tötänleýinhakyky sanlar alynýar;
- 2) TURBO-PASCAL ulgamsynda köplügiň elementi hökmünde otrisatel bitin sanlary ulanmak bolmaýar.

Mysal. n natural san we n elementli, elementleri simwollar bolan S massiw berlen. S massiwde haýsy simwol näçe gezek gaýtalanýar. Bir simwol baradaky maglumat diňe bir gezek çap edilmeli.

Var


```

S:array[1..25] of char;
n,i,k:integer;
M:set of char;
begin
writeln('n='); read(n);
writeln('S massiwiň elementlerini giriziň');
for i:=1 to n do begin
    write('S[,i,']='); read(S[i]);
    end;    M:=[];
for i:=1 to n do
    if Not (s[i] in M) then begin k:=0; M:=M+[S[i]];
for j:=i+1 to n do
    if s[i]=s[j] then k:=k+1;
    writeln(S[i], '=', k);
end; end.

```

Birölçegli massiwler

TURBO-PASCAL algoritmik dilinde diňe aýratyn alnan bir sany üýtgeýän ululyk bilen işlemek mümkin bolman, eýsem olaryň toplumy bilen hem işlemek mümkindir. Şeýle toplumlaryň bir görnüşi hem massiwlerdir.

Massiw diýip şol bir tipe degişli bolan üýtgeýän ululyklaryň tertipleşdirilen toplumyna aýdylýar. Massiwi düzyän üýtgeýän ululyklar yzygiderli, tükenikli we tertipleşdirilen bolmalydyr. Massiwiň elementleriniň sany, ol yglan edilen wagtynda fiksirlenýär we programma ýerine ýetirilen döwründe üýtgemeýär. Massiwiň her bir elementine aýratynlykda ýüzlenip

bolar ýaly, onuň elementlerine indeks degişli edilýär.

TURBO-PASCAL algoritmik dilinde indeks INTEGER, BYTE, BOOLEAN we CHAR tipleriň islendigine degişli bolup bilýär.

Massiw programmada aşakdaky ýaly yglan edilýär:

TYPE <tipiň ady > = ARRAY [indeksiň tipi] OF
<komponentleriň tipi >;

VAR < massiwiň ady >: <tipiň ady >;

Massiwi başgaça gönüden – göni üýtgeýän ululuklar bölümünde hem yglan etmek mümkindir:

VAR < massiwiň ady > : ARRAY [indeksiň tipi] OF <
kompanentiň tipi >;

Meselem:

TYPE

VEKTOR = ARRAY [1..15] OF REAL;

X,Y:VEKTOR;

A,B: ARRAY [1..20] OF INTEGER;

...

Elementiniň massiwiň haýsy ýerinde durandygyny elementiniň indeksi görkezýär. Ýokarda seredilen mysalda massiwiň elementiniň bir indeksi bar. Matematikadan bilşimiz ýaly matrissanyň elementiniň iki sany indeksi bardyr. Turbo Paskalda massiwiň elementiniň 256-a çenli indeksiniň bolmagy mümkindir. Indeksiniň sanyna laýyklykda massiwe bir ölçegli, iki ölçegli, üç ölçegli we ş.m. diýilýär.

Massiwler bilen işlenende elementler ýeke-ýekeden girizilýär. Şonuň üçin massiwler bilen işlenende sikl operatory ulanmak amatly bolýar. Eger massiwde näçe elementiň bardygy belli bolsa, onda ony massiw beýan edilýän wagtynda anyk görkezmek bolýar. Turbo Paskal massiwiň elementlerini saklamak üçin operatiw huşda yzygyder oblasty bölüp berýär. Eger massiwiň elementleriniň sany önünden belli bolmasa, onda massiw beýan edilýän wagtynda onuň elementleriniň sanyny artygrak görkezmek amatlydyr.

-de massiwiň komponenti hökmünde ýene-de massiw ulanylýan bolsa, onda onuň ýaly massiwlere iki ölçegli massiw diýilýär.

Meselem:

TYPE

MATR : MASSIW ; {2- ölçegli massiw }

Iki ölçegli massiw başgaça aşakdaky görnüşde hem ygylan etmek mümkin:

VAR

MATR : ARRAY [1..4] OF INTEGER;

Adatça, bir ölçegli massiwlere wektoriar bilen işlemek üçin ulanylýar. Meselem:

VAR

WEKTOR : ARRAY [1..20] OF REAL;

MATR: ARRAY [1..4, 1..6] OF INTEGER;

Bu ýer-de WEKTOR massiwi 20 sany hakyky komponentden ybarat bolan wektor hökmünde göz önüne getirmek mümkin; MATR massiwe 4 setirde, 6 sütünden ybarat bolan bitin elementli göniburçly matrisa hökmünde seretmek mümkin.

Köplenç massiwiň indeksiniň çäklerini hemişelikler bölümünde görkezmek amatly bolýar:

CONST

NMIN=1; NMAX=30;

VAR

X : ARRAY[IMIN..IMAX] OF REAL;

Bir ölçegli massiwiň elementleri kompýuteriň ýadynda indeksleri artýan tertipde yzygider, matrisanyň elementleri bolsa setirleri boýunça ýerleşdirilýär.

Meselem, eger

VAR

B : ARRAY[1..4,1..4] OF INTEGER;

bolsa, onda B massiwiň elementleri kompýuteriň ýadynda aşakdaky tertipde ýerleşdirilýär:

A[1,1],A[1,2],...,A[1,4],

A[2,1],A[2,2],...,A[2,4],...,A[4,1],A[4,2],...AS[4,4].

TURBO-PASCAL algoritmik dilinde şol bir tipden bolan massiwleri “=” we “<,>” gatnaşyk operasiýalarynyň kömegi bilen deňşdirip bolýar. Meselem, goý:

VAR

X,Y : ARRAY[1..30] OF REAL;

bolsun. Onda X=Y logiki aňlatma “TRUE” bahany alýar, haçanda X we Y massiwleriň deňişli elementleri özara deň bolsa, beýleki ýagdaýlarda aňlatma “FALSE” baha eýe bolýar. Başgaça aýdylanda X:=Y operator

FOR I:= 1 to 30 do x[i]:=y[i];

sikl operatoryna deňgüýçlidir.

Massiwiň ady ygylan edilenden soň onuň her bir elementini aýratyn üýtgeýän ululyk hökmünde ulanmak mümkin. Onuň üçin massiwiň adyny we kwadrat skobkanyň içinde elementiň indeksini görkezmek ýeterlikdir. Meselem MASS[4] ýazgy MASS-bir ölçegli massiwiň 4-nji elementine ýüzlenmäge mümkinçilik berýär; VEKTORA[20] ýazgy bolsa VEKTORA atly bir ölçegli massiwiň 20-nji elementine ýüzlenmäge mümkinçilik berýär; MATRX[4,6] ýazgy MATRX iki ölçegli massiwiň, ýagny gönüburçly matrisanyň 4-nji setiri bilen 6-njy sütüniniň kesişmesinde ýerleşen elementine ýüzlenmäge mümkinçilik berýär we ş.m.

Massiwiň elementlerine başgaça indeksli üýtgeýän ululyklar hem diýilýär. Indeksli üýtgeýän ululyklary hem edil ýönekeý üýtgeýän ýaly ulanmak mümkin. Meselem, olary operand hökmünde aňlatmanyň düzümine girizip bolýar; FOR, WHILE , REPEAT operatorlarynda sanawyň elementi hökmünde ulanyň bolýar, we ş.m.

Massiwiň elementleri bilen işlenilende köplenç ýüze çykaýmaly mümkin bolan ýazgylara seredeliň. Onuň üçin ilki 2 sany massiw we 3 sany kömekçi üýtgeýän ululyk girizeliň:

VAR X : ARRAY[1..5] OF REAL;

Y : ARRAY[1..15,1..20] OF INTEGER;

I,J,K : INTEGER;

- 1) X birölçegli massiwi nullamak(ähli elementlerine 0 baha berilýär);

```
FOR I:=1 TO 5 DO X[I]:=0;
```

bu operator $A[1]:=0$; $A[2]:=0$; $A[3]:=0$; $A[4]:=0$; $A[5]:=0$;
baş sany operatoryň yzygider ýerine ýetirilmegi bilen
deňgüýçlidir.

- 2) Y iki ölçegli massiwi nullamak:

```
FOR I:=1 TO 15 DO
```

```
FOR J:=1 TO 20 DO Y[I,J]:=0;
```

- 3) Massiwiň elementlerini girizmek:

TURBO-PASCAL algoritmik dilinde massiwiň ähli elementlerini
birtada girizip ýa-da çapa çykarmaly bolýar. Kompýuter-de
köplenç massiwiň elementlerini klawiaturadan girizilýär.

Meselem:

```
FOR I:=1 TO 15 DO
```

```
FOR J:=1 TO 20 DO READLN(Y[I,J]);
```

Bu ýerde Y iki ölçegli massiwiň elementlerine baha girizilýär;
READLN operatorynyň ulanylýanlygy sebäpli her setirden bir
baha girizilýär.

- 4) Massiwiň elementlerini çapa çykarmak:

Massiwiň elementleriniň bahalaryny çapa çykarmak hem
edil ýokardaka meňzeşlikde amala aşyrylýar: diňe READ,
READLN operatorlarynyň ornuna WRITE, WRITELN
operatorlary ulanylýar. Meselem:

```
FOR I:=1 TO 5 DO WRITELN(X[I]);
```

ýa-da

```
FOR I:=1 TO 15 DO
```

```
FOR J:=1 TO 20 DO WRITELN(Y[I,J]);
```

Bu ýagdaýda her setirde bir baha çap edilýär. Matrisany setirme-
setir çap etmek üçin, programmany aşakdaky ýaly özgertmeli:

```
FOR I:=1 TO 15 DO
```

```
BEGIN
```

```
FOR J:=1 TO 20 DO READLN(Y[I,J]);
```

```
END;
```

- 5) Kā ýagdaýlarda massiwiň elementleriniň arasyndan haýsy hem bolsa bir şerti kanagatlandyrýanlaryny gözlemeli bolýar. Mysal üçin, goý $X[N]$ massiwiň elementleriniň arasynda näçe sany otrisatel elementiň bardygyny kesgitlemek gerek bolsun. Onda programmany aşakdaky ýaly ýazmak mümkin:

...

K:=0;

FOR I:=1 TO N DO

IF $X[I]<0$ THEN K:=K+1;

sikl ýerine ýetirilenden soň, K-üýtgeýän ululyk massiwiň ähli otrisatel elementleriniň sanyna eýe bolýar. Bu ýerde K-parametre hasapçy diýilýär.

Mysal. $A(4 \times 5)$ gönüburçly matrisa berlen bolsun. Bu matrisanyň položitel elementleriniň jemini hasaplamagyň programmasyny düzmelili:

PROGRAM JEM1;

USES CRT;

CONST IMAX=4; JMAX=5;

TYPE

MATR=ARRAY[1..IMAX,1..JMAX] OF REAL;

VAR

A : MATR; JEM : REAL;

I,J : INTEGER;

BEGIN

CLRSCR;

JEM:=0;

FOR I:=1 TO IMAX DO

FOR J:=1 TO JMAX DO

BEGIN

READLN(A[I,J]);

IF $A[I,J]>0$ THEN JEM:=JEM+A[I,J];

END;

WRITE('JEM=',JEM:8:3);

END.

Indi bolsa, massiwler bilen işlemeklige degişli mysallara seredeliň.

Mysallar.

Mysal 1. n ($n < 1000$) natural san we a_1, a_2, \dots, a_n bitin sanlar berlen.

a_1, a_2, \dots, a_n sanlaryň 3-e kratnylarynyň jemini we sanyny tapmaly.

Çözülişi.

Mysal çözülende a bitin sanyň 3-e kratnylygy $a \bmod 3 = 0$ şerti barlamak bilen amala aşyrylýar.

```
Label 1;
Var
S,n,k,i:integer;
a:array[1..1000] of integer;
Begin
    1: writeln('n=');
    read(n);
    if n>=1000 then goto 1;
    writeln(n, ' sany bitin sany girizin!');
    for i:=1 to n do read(a[i]);
    S:=0;
    k:=0;
    for i:=1 to n do
        if a[i] mod 3 = 0 then begin
            S:=S+a[i];
            k:=k+1;
        end;
    writeln('S=', S, ' k=', k);
end.
```

Mysal 2;

n ($n < 1000$) natural san we a_1, a_2, \dots, a_n hakyky sanlar berlen. Şol sanlaryň arasyndan iň ulysyny (eger şeýle sanlar birden köp bolsa, onda olaryň ilkinjisini) we onuň tertip nomerini tapmaly.

Çözülüşi.

```
Label 1;
Var
n,imax,i:integer;
a:array[1..1000] of real;
max:real;
Begin
    1: writeln('n=');
    read(n);
    if n>=1000 then goto 1;
    writeln(n,' sany hakyky sany girizin!');
    for i:=1 to n do read(a[i]);
    max:=a[1];
    imax:=1;
    for i:=2 to n do
        if a[i] >max then begin
            max:=a[i];
            imax:=i;
        end;
    writeln('max=',max,' imax=', imax);
end.
```

Mysal 3.

X massiwiň položitel elementlerini Y massiwe ýazmaly.

Çözülüşi.

```
Var
x,y:array[1..100] of real;
i,n,k:integer;
begin
    writeln('n=');
    read(n);
    writeln(n,' sany hakyky sany girizin!');
    for i:=1 to n do read(x[i]);

    k:=0;
```



```

for i:=1 to n do
if x[i]>0 then begin
    k:=k+1;
    y[k]:=x[i];
    end;
writeln('Alnan Y massiw');
for i:=1 to n do write(y[i]:5:1,' ');
end.

```

Mysal 3.

X massiw berlen. Şol massiwiň elementlerini artýan tertipde tertiplmeli.

Çözülişi.

Bu meseläni çözmek üçin birnäçe usullary ulanmak mümkin. Biz meseläni çözmekde aşakdaky usuly ulanarys. Goý massiwde n sany element bar bolsun. Ilki olaryň ählisiniň arasynda iň kiçisini taparys. Şol elementi birinji element bilen özara çalyşýarys. Soňra galan $n-1$ elementiň arasynda iň kiçisini taparys. Şol elementi ikinji element bilen özara çalyşýarys we bu prosesini iň soňky elemente çenli dowam edýäris.

```

Var
x:array[1..200] of real;
n,i,imin,j:integer;
xmin:real;
begin
write('n=');
read(n);
for i:=1 to n do begin
write('x[',i,']=');
read(x[i]);
    end;
for i:=1 to n-1 do
    begin

```

```

                                imin:=i;
                                xmin:=x[i];
for j:=i+1 to n do
    if x[j]<xmin then begin
        imin:=j;
        xmin:=x[j];
    end;
    x[imin]:=x[i];
    x[i]:=min;
end;
writeln('Tertiplen X massiw');
for i:= 1 to n do write(x[i]);
end.

```

Mysal 4.

10-lyh sistemada berlen sany 2-lik sistema geçirmeli.
Çözülişi.

```

USES CRT;
LABEL 1,2;
CONST max=1000;
VAR  x : array[1..max] of 0..9;
     k,i : integer; n : longint;
BEGIN
clrscr;
write('n='); read(n);
(*+++++*)
+++++*)
if (n=0) or (n=1) then begin write(n); goto 2 end;
    k:=1;
    x[k]:=(n mod 2);
1:  n:=n div 2; k:=k+1;
    x[k]:=(n mod 2);
    if n>1 then goto 1;
(*+++++*)
+++++*)
    for i:=k downto 1 do write(x[i]);

```

```
(*+++++
+++++*)
2: readln; readln;
END.
```

Mysal 5.

16-lik sistemasynda berlen sany 2-lik sistema geçirmeli.

Çözülişi.

```
uses crt;
const mas : array[0..15] of char=
    ('0','1','2','3','4','5','6','7','8','9','A','B','C','D','E','F');
label 1,2;
var
    a : array[0..15] of byte;
    n : longint;
    m,i,j : integer;
BEGIN
clrscr;
    write('n='); read(n);
    if n<=15 then begin write(mas[n]); goto 2; end;
    i:=0;
1:   i:=i+1;
    a[i]:=n mod 16;
    m:=n div 16;
    if m>=16 then begin n:=m; goto 1; end;

    i:=i+1; a[i]:=m;
    for j:=i downto 1 do write(mas[a[j]]);
2: readln; readln;
END.
```

Mysal 6. 2-lik sistemasynda berlen sany 16-lyk sistemasyna geçirmeli.

Çözülişi.

USES CRT;

```

CONST max=1000; LABEL 1;
VAR  x : array[1..max] of 0..1;
      k,i,ier,m : integer; n : string;
      s : real;
BEGIN
clrscr;
write('n='); read(n);
(*+++++*)
+++++*)
k:=length(n);
  for i:=1 to k do if (n[i]<>'0') and (n[i]<>'1') then
    begin write(Неверное двоичное число'); goto 1; end;
(*+++++*)
+++++*)
s:=0; m:=1;
  for i:= 1 to k do val(n[i],x[i],ier);
    for i:=k downto 1 do begin s:=s+x[m]*exp((i-1)*ln(2));
m:=m+1; end;
(*+++++*)
+++++*)
      write(s:8:0);
(*+++++*)
+++++*)
1:  readln; readln;
END.

```

Mysal 7. Dükanda satylmak üçin 100 sany gapy goýulypdyr. Dükanyň başlygy 1-nji işçä hemme gapylary açmagy buýrýar. Gapylaryň ählisiniň bir açary bar we ol bir gezek towlananda gapy açylýar, ikinji gezek towlananda bolsa ýapylýar. 1-nji işçi ähli gapynyň açaryny bir gezek towlap gaýdýar. Ähli gapynyň açyk durmagyny nädogry hasaplap dükançy 2-nji işçini ugradýar we oňa her 2-nji gapyny ýapmagy tabşyrýar. Ol baryp her 2-nji gapynyň açaryny bir gezek towlap gaýdýar. Soň 3-nji işçi her 3-nji gapynyň açaryny bir gezek towlap gaýdýar. Ondan soň 4-nji,

5-nji we ş.m. 10-njy işgärler degişlilikde her 4-nji, her 5-nji we s.m. her 10-njy gapynyň açaryny bir gezek towlap gaýdýar. Jemi näçe gapy açyk galdy.

Çözülişi. Meseläni çözmek üçin bir ölçegli massiwi ulanýarys. Gapylaryň ýagdaýy massiwiň elementleri bilen berilýär. Eger element False deň bolsa, onda gapy ýapyk, element TRUE deň bolsa, gapy ýapyk bolýar.

meseläni çözmegiň programmasy aşakdaky görnüşde bolýar.

Var

a:array[1..100] of Boolean;

i, j, S:integer;

begin

for i:=1 to 100 do a[i]:=False; {Ä hli gapy ýapyk}

for j:=1 to 10 do {Her işçi degişli gapylaryň açaryny towlaýar}

for i:=1 to 100 do

if i mod j =0 then a[i]:= not a[i];

S:=0;

for i:=1 to 100 do

if a[i]=True then S:=S+1;

writeln('Açyk galan gapylaryň sany',S);

writeln('Açyk galan gapylaryň nomerleri');

for i:=1 to 100 do

if a[i]=True then write(i, ' ');

end.

Jogap: 49 bolmaly.

Edebiýatlar

1. Türkmenistanyň Konstitusiyasy. Aşgabat, 2008.
2. Gurbanguly Berdimuhamedow. Ö süşiň täze belentliklerine tarap. Saýlanan eserler. I tom. Aşgabat, 2008.
3. Gurbanguly Berdimuhamedow. Ö süşiň täze belentliklerine tarap. Saýlanan eserler. II tom. Aşgabat, 2009.
4. Gurbanguly Berdimuhamedow. Garaşsyzlyga guwanmak, Watany, Halky söýmek bagtdyr. Aşgabat, 2007.
5. Gurbanguly Berdimuhamedow. Türkmenistan – sagdynlygyň we ruhubelentligiň ýurdy. Aşgabat, 2007.
6. Türkmenistanyň Prezidenti Gurbanguly Berdimuhamedowyň Ministrler Kabinetiniň göçme mejlisinde sözlän sözi. (2009-njy ýylyň 12-nji iýuny). Aşgabat, 2009.
7. Türkmenistanyň Prezidentiniň «Obalaryň, şäherleriň, etrapdaky şäherçeleriň we etrap merkezleriniň ilatynyň durmuş-ýaşaýyş şertlerini özgertmek boýunça 2020-nji ýyla çenli döwür üçin» Milli maksatnamasy. Aşgabat, 2007.
8. «Türkmenistany ykdysady, syýasy we medeni taýdan ösdürmegiň 2020-nji ýyla çenli döwür üçin Baş ugry» Milli maksatnamasy. «Türkmenistan» gazeti, 2003-nji ýylyň, 27-nji awgusty.

9. «Türkmenistanyň nebitgaz senagatyny ösdürmegiň 2030-njy ýyla çenli döwür üçin Maksatnamasy». Aşgabat, 2006.
10. Основы кибернетики, под ред. К.А.Пупкова. М.: Высшая школа, 1974, 472 с.
11. Роберт Р. Столл. Множества, логики аксиоматические теории. М.: Просвещение, 1968, 268 с.
12. Оре О. Теория графов. М.: Наука, 1980, 306 с.
13. Нечеткие множества в моделях управления искусственного интеллекта, под ред. Д.А.Поспелова, М.: Наука, 1986, 288 с.
14. Вентсель Е.С., Овчаров Л.А. Теория вероятностей и ее инженерные приложения. М.: Наука, 1983. 432 с.

MAZMUNY

| | |
|--|----|
| GIRIŞ | 7 |
| Köplukler teoriýasy. Köplükleriň üstünde geçirilýän amallar. | 10 |
| Tükenikli we tükeniksiz köplükler. | 13 |
| Logiki amallar. | 16 |
| Bul funksiýalary. | 19 |
| Elementar funksiýalaryň häsiýeti. | 22 |
| Bul funksiýalary ulgamynyň dolylygynyň alamatlary. | 26 |
| Predikatlar logikasy. | 29 |
| Turbo Paskal programmirleme dilinde köplülkeriň we logiki amallaryň ulanylyşy. | 32 |
| Edebiýatlar | 67 |