

FİZİKADAN BÄSLEŞIK  
MESELELERİNİN  
ÝÝGYNDÝSY

## ЕДЕБИЯТ

1. Иродов И.Е. Задачи по общей физике. – М.: Наука, 1988.
2. Кабардин О.Ф., Орлов В.А. Международные физические олимпиады школьников. – М.: Наука, 1985.
3. С.М.Козел и др. Сборник задач по физике. Задачи МФТИ. – М.: Наука, 1987.
4. Меледин Г.В. Физика в задачах. – М.: Наука, 1990.
5. Савельев В.И. и др. Сборник задач по общей физике под редакцией И.В.Савельева. – М.: Наука, 1975.
6. Сахаров Д.И. Сборник задач по физике. – М.: Учпедгиз, 1960.
7. Сборник задач по элементарной физике. Пособие для самообразования (Б.Б.Буховцев и др.). – М.: Наука, 1987.
8. Фейнман Р. и др. Задачи и упражнения с ответами и решениями. – М.: Мир, 1969.

## M A Z M U N Y

Sözbaşy .....	9
I bölüm. Kinematikanyň esasy düzgünleri we kesgitlemeleri .....	12
II bölüm. Dinamikanyň esasy düzgünleri we kesgitlemeleri .....	17
III bölüm. Molçkulýar fizika we termodinamika. Esasy düzgünler we kesgitlemeler .....	30
IV bölüm. Elektrostatika we hemişelik elektrik akymy (tok). Esasy kesgitlemeler we düzgünler .....	41
V bölüm. Magnit meydany we elektromagnit induksiýasy barada esasy kesgitlemeler we düzgünler .....	52
VI bölüm. Yrgyldylar hem-de tolkunlar barada esasy düzgünler we kesgitlemeler .....	64
VII bölüm. Şöhle optikasynyň esasy düzgünleri we kesgitlemeleri .....	75
VIII bölüm. Tolkun optikasynyň esasy düzgünleri we kesgitlemeleri .....	87
IX bölüm. Tolkunlaryň kwant fizikasynyň esasy düzgünleri we düşünjeleri .....	99
X bölüm. Atom we ýadro fizikasynyň esasy düzgünleri we düşünjeleri .....	107
Jogaplar we çözgütler .....	117
Goşmaçalar .....	151

**UOK 53**  
**F 62**

**F 62 Fizikadan bäslešik meseleleriniň ýgyndysy.** – Aşgabat:  
Ýlym, 2002.

Kitap fakultatiw sapaklary geçirimekde, kružok işlerini alyp barmakda, bu dersi öwrenmäge höwesli okuwçylar bilen yekebara iş geçirimekde kömek eder. Ýgynda fizikanyň älli bölmeleri boýunça bäslešik meseleleri, şeýle hem halkara bäslešikleriň maksatnamalaryna has ýakynlaşdyrylan meseleler hem girizildi.

Ýgyndy mekdep mugallymalaryna fizika dersi boýunça okuwçylary dürlü derejedäki bäslešiklere taýýarlamak üçin niyetlenen.

#### **SÖZBAŞY**

Haikymzyň Altyn asyrynda Türkmenistany gülläp ösdürjek çuňňür bilimli, giň dünyagaraýşlı, baý iş tejribeli, Watana jany-teni bilen berlen we oňa halallyk bilen hyzmat etmäge taýýar hünärmenleri okatmak we terbiyélemek barada Merhemetli Serdarymyz Beyik Saparmyrat Türkmenbaşy gije-gündiz alada edýär. Bu aladalary biz günsaýyn duýýarys. Ylmyň köp pudaklaryndan baş çykarmagy başarıyan we olara saldamly goşantlary goşyan Beyik Saparmyrat Türkmenbaşy jöwher zehinli çagalary öz wagtynda tapmagy we olaryň talantlaryny doly açyljak ugurlara gönükdirmegi bilim işgärlерinden berk talap edýär. Beýle talabyň sebäbine, elbetde, düşünmek kyn däl.

Zehinli çagalary tapmakda we olaryň hünärler boýunça dogry ugrukdyrylmagynda mekdeplerde, etraplarda, şäherlerde, welaýatlarda we döwlet möçberinde dersler boýunça her ýylda geçirilýän bäslešikleriň (olimpiadalaryň) bahasyna ýetip bolmajak ähmiyeti bardyr. Bu hilli bäslešikleri geçirimek işi hem Beyik Serdaryň üns merkezinde bolmagynda galýar. Dürlü derejedäki bäslešikler geçirilende ýol beriliýän nogsanlyklary ol berk ýazgarýar, nogsanlyklary ýok etmek barada gymmatly maslahatlary berýär.

Indi okyjlara hödürlenýän “Meseleler ýgyndysynyň” önde goýyan maksatlary we çözmeke bolýan meseleleri barada giňişleyirnäk gürrüne girişeliň.

Fizikanyň meselelerini çözülmäge däp bolup galan iki sany çemeleşik bar. Birinjiden, meseläni tejribeler geçirimek arkaly çözmek. Çemeleşikleriň ikinjisí bolsa, meseläni çözülmäge nazarýetiň düzgünlerini ullanmakdan ybaratdyr. Aňrysyna seretsek, bu çemeleşikleriň hiç biriside næseläniň gutarnyklı çözgüdini özbaşdaklykda almagyň hötdesinden gelip bilenok. Mysal üçin, tejribelerde ölçelip alınan maglumatlary işläp bejermek arkaly alyr naly netije (kesgitlenýän ululyk) nazarýetiň

**TDKP № 91**

**KBK 22.3 ýa 72**  
© Türkmenistanyň Bilim ministrligi, 2002 ý.

gazananlaryny ullanmak bilen alynyar. Mundan hem başga tejribede alnatijeleri nazarýetiň synagyndan geçirilmeli bolýär. Tersine, goýla meseläni nazary usullary ulyalyyp çözülmeli bolanda hem tejribelerde tapylan köp sanly fiziki hemişelikleri ullanmak zerurlygy yüze çykýa. Görnüşi ýaly, bu iki cemeleşik bilelikde ulyalylmaly ekeni, ýagn nazarýet bilen amalyet arkalaşyky işledilmeli.

Fizika dersini öwrenmekde mesele çözümeğin öräni uly ähmíyet bar diýip hasap edilýär. Bu pikir bilen yalaşmayan adamy tapmal mümkün däl diýen ýaldyrd. Mesele çözüneç arkaly fiziki kanunlary we düzgünleri amaly maksatlar üçin ullanmak, olaryň ulyanış çäklerini takyklamak, okuwçylaryň bilim derejesini čuňlaşdymak ýaly ugurlardı. Okuwçylaryň zerur endikleri edinmegine ep-esli kömék edýär. Meseleler çözümeç arkaly okuwçy özbaşdak pikirlenmäni we işlemäni, alynyar netijeleri analiz etmegi, olaryň ulyanış çäklerine baha bermegi öwrenýär. Mesele çözümeğde okuwçynyn dünyägaraýsynы giňeldýär, pikir ýoredi. usullaryny kämilleşdirýär.

Fizikadan mesele çözümeğin okuwçylara berip biljek peýdalarynyň ýokardaky sanawy, elbetde, doý däldir.

Şu ýygyndynyn düzülmegine we çapa taýýarlanyp, aýratyr kitapça görmüsde neşir edilmegine esasy sebäpleriň biri okuwçylary etrap, şäher, welaýat we döwlet bäsleşiklerine gatnaşmaga taýýarlayar mekdep mugallymlarynyň isleg – arzuwlary. Esasy sebäpleriň beýlekisi hökmünde bolsa, mesele çözümeğin okuwça berýän peýdasy barada ýokarda getirilen delilleri görkezelij.

Bu ugurda türkmen dilinde ýazylan gollanmalaryň düýpdei diýen ýaly ýokdugyny hem ýokarda görkezilen sebäpleriň hataryna goşmak gerek. Biz G. Mälikgulyýew bilen G. Toýlyýewiň 1977-nji ýıldızı çap edilen "Fizikadan türgenleşik meseleler" atly gollanmasyna salgylanmak bilen çäklenmeli bolýarys.

Ýygyndynyn aýratynlyklary barada bir-iKİ agyz gürrüň etmek zerur. Ilkinji nobatda oňa fizikanyň ähli bölgümleri boýunça meselelerini goşulandygyny belläliň. Ýygyndya orta mekdebiň maksatnamasından daşary çykýan meseleler hem bardyr. Şu nukdaý nazardan garalanda. ýygyndy halkara bäsleşikleriň maksatnamalaryna has yakynlaşdyrylandyr.

Ýygyndy 10 bölümdeñ ybarat bolup, her bölümniň başynda "Giriş" berilýär. "Girişlerde" esasy kesgitlemeler, düzgünler barada gysgaça gürrüň edilýär. Bölümde ýerleşdirilen meseleleri çözümk üçin "Girişdäki" maglumatlar yeterlik.

Ýygyndyda girizilen meseleleriň kabirini çözümk üçin ýonekey funkisiýalaryň öňümterini bilmek we ýonekey integrallary hasaplamaq başarnygy talap edilýär. Mesele çözümk üçin okuwydan talap edilýän matematiki taýýarlyk ýygyndynyn ahyrynda ýerleşdirilen "Goşmaçalaryň" çäginden çykmaýar. Mesele çözümeğin gidişinde öňümleri ýa-da integrallary hasaplamaq zerurlygy yüze çyksa, "Goşmaçalara" yüzlenmek maslahat berilýär.

"Ýygyndyda" kyn meseleler bilen bir hatarda aňsat meseleler hem bar. Kyn meseleleriň kabiriniň çözgütleri berilýär. Kitabyň göwrüminiň juda çäkli bolandygy sebäpli, kyn meseleleriň hemmesiniň çözgüdini bermäge mümkünçilik ýok.

"Ýygyndy" giriziljek meseleler çöplenende, fizikanyň dürli pudaklarynyň soňky onýyllyklarda yeten sepgitleri we onuň öňünde duran çözülmeli meseleler bilen baglansykyly meseleleri seçip almaga çalşyldy. Şular ýaly meseleler ylym pudaklarynyň öňünde duran meseleler bilen okuwçylary tanyşdırımaça mümkünçilik berjegi we olarda gazyklanına dörêtjegi ikuçly däldir.

Mekdep mugallymlaryna fizika dersi boýunça fakultatiw sapaklary geçirimekde, kružok işlerini alyp barmakda, fizikany öwrenmäge höwesli okuwçyları bilen ýekebara iş geçirimekde, galyberse-de okuwçylary dürli derejedäki fiziki bäsleşiklere taýýarlamakda we ş.m. beýleki işlerde ep-esli kömék eder diýen umyt etmek bilen ýygyndy okyjylara hödürlenýär.

Ýygyndynyn mazmuny we onda goýberilen kemçilikler barada okyjylaryň pikirini bilmek ony düzen we çapa taýýarlanlar üçin juda gazykly.

Şol sebäpli-de, hormatly okyjylar, ýygyndy baradaky bellikleriňizi Türkmenistanyň bilim ministrligine yetirmegiňizi sizden haýys edýär. Siziň hoşniyetli bellikleriňiz, teklipleriňiz uly kanagatlanma bilen kabul ediler. Olar ýygyndynyn hilini ýokarlandyrıma kömék ederler.

Professor Ö. Bekmyradow

## I BÖLÜM

### Kinematikanyň esasy düzgünleri we kesgitlemeleri

1. Material nokadyň giňişlikde tutýan ornuny bilmek koordinat we tebigy usullar arkaly amala aşyrylyär. Koordinat usul ulanylanda, material nokadyň käbir koordinat ulgamyndaky  $\vec{r} = \vec{r}(t)$  radius-wektorynyň wagt boýunça ýütgemesi berilýär. Tebigy usul ulanylanda bolsa, material nokadyň geçen ýolunyň wagta baglylygy  $s = s(t)$  deňlemäniň üstü bilen berilýär.

2. Material nokadyň orta tizligi we orta tizlenmesi:

$$\bar{v}_{or} \equiv \langle \bar{v} \rangle = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}, \quad \bar{a}_{or} \equiv \langle \bar{a} \rangle = \frac{\Delta \bar{v}}{\Delta t}. \quad (1)$$

3. Tizligiň we tizlenmäniň berlen wagt pursatyndaky (mgnowen) bahalary:

$$\bar{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}, \quad \bar{a} = \frac{d\bar{v}}{dt}. \quad (2)$$

4. Material nokadyň egriçzykly hereketindäki galtaşyan (tangensial) we normal tizlenmeleri:

$$a_s = \frac{dv_\kappa}{dt}, \quad a_n = \frac{v^2}{R}, \quad a_{dot} = (a_s^2 + a_n^2)^{1/2}. \quad (3)$$

5. Material nokadyň geçen ýoly:

$$S = \int v dt. \quad (4)$$

6. Burç tizligi we burç tizlenmesi:

$$\bar{\omega} = \frac{d\vec{\phi}}{dt}, \quad \vec{\mathcal{E}} = \frac{d\bar{\omega}}{dt}, \quad \langle \bar{\omega} \rangle = \frac{\Delta \vec{\phi}}{\Delta t}, \quad \langle \mathcal{E} \rangle = \frac{\Delta \bar{\omega}}{\Delta t}. \quad (5)$$

7. Çyzykly tizlik we tizlenme bilen burç tizliginiň hem-de tizlenmesiniň arasyndaky baglansyşy:

$$\bar{v} = [\bar{\omega} \vec{r}], \quad a_n = \omega^2 R, \quad a_t = \epsilon R. \quad (6)$$

### Meseleler

1. Material nokadyň radius-wektorynyň wagt boýunça üýtgeýsi  $\vec{r} = \vec{b}t(1 - \alpha t)$ ,  $\vec{b}$  – hemişelik wektor,  $\alpha = \text{hemiselik} > 0$ , formula arkaly berilýär. Tapmaly: a) material nokadyň  $\bar{v}$  tizligini we  $\bar{a}$  tizlenmesini; b) material nokadyň herekete başlan ýerine gaýdyp gelýänçä geçjek  $\Delta t$  wagty hem-de onuň geçen  $S$  ýoluny.

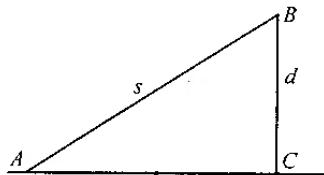
2. İki sany jisimiň birini dik ýokarlygyna, beýlekisini bolsa, gorizonta  $\varphi = 60^\circ$  burç bilen zyňýarlar. Her jisimiň başlangyç tizligi  $v_0 = 25 \text{ m/s}$ . Howanyň garşylygyny hasaba almazdan  $t = 1,7 \text{ s}$  wagt geçenden soň, jisimleriň arasyndaky uzaklygyň näçe boljagyny tapmaly.

3. Şarjagaz başlangyç tizliksiz herekete başlap, gorizonta  $\alpha$  burç bilen ýapgyt goýlan ýýlmakan tekizligiň üstüne düşyär. Şarjagaz  $h$  ýoly geçip, tekizlikden maýışgak serpigýär. Tekizlikden ilkinji gezek serpigen ýerinden näçe uzaklykda şarjagaz gaýtadan serpiger?

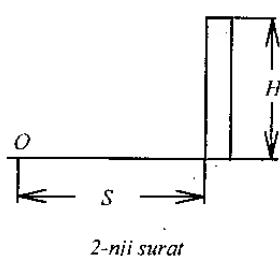
4. Jisimi gorizont bilen  $\alpha$  burç emele getirýän  $v_0$  başlangyç tizlik bilen zyňýarlar. Jisim näçe wagtdan soň ýerc gaçar? Ýere düşyänçä ol näçe ýol geçer? Onuň traýektoriýasynyň iň beýik nokady ýeriň üstünden näçe beýiklikde bolar? Hasaplamlalary  $\alpha = 60^\circ$  we  $v_0 = 15 \text{ m/s}$  san bahalarda ýerine yetirmeli.

5. 4-nji meselede gürrüni edilýän jisimiň hereketiniň traýektoriýasyny tapmaly.

— 6. Awtomobil ähli geçmeli ýolunyň ýarysyny  $v_0$  tizlik bilen geçdi. Ýoluň galan bölegine sarp etmeli wagtyň ýarysyny ol  $v_1$  tizlik, galan ýarysyny bolsa  $v_2$  tizlik bilen ýöredi. Awtomobiliň orta tizligini tapmaly.

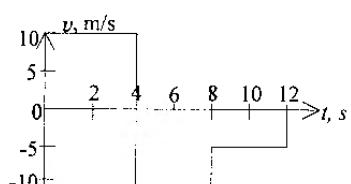


1-nji surat



2-nji surat

S uzaklykda yerleşýär (2-nji surat). Pökgini zyňyp, diwaryň aňrysyna geçirmegi üpjün edýän başlangyç tizligini iň az bahasy näçe? Başlangyç tizlik bilen gorizontyň arasyndaky  $\alpha$  burç näçe bolmaly? Pökgi hereket etmäge Yeriň üstünden başlayar diýip hasap etmeli.



3-nji surat

tapmaly. Material nokadyň wagtyň 4, 6, 10 s bahalarynda geçen ýollary we orun üýtgetmeleri näçe?

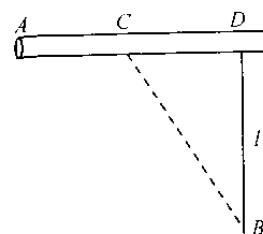
+ 7. Kölüň kenarynyň A nokadynda duran adam sarp etmegi mümkün bolan wagtyň iň gysgasyny sarp edip, kölüň içinde yerleşen B nokada barmaly (1-nji surat).  $AB=s$ ,  $BC=d$  bolýandygy belli. Adamyň suwdaky hereketiniň tizligi  $v_1$ , gury ýerde bolsa  $v_2$  ( $v_2 > v_1$ ). Iň az wagty sarp edip, A nokatdan B nokada barmak üçin adam haýsy ýol boýunça hereket etmeli?

— 8. Pökgini zyňyp, beýikligi  $H$  bolan dik diwardan aşyrmak gerek.

Diwar pökgini zyňyp, diwaryň aňrysyna geçirmegi üpjün edýän başlangyç tizlik bilen gorizontyň arasyndaky  $\alpha$  burç näçe bolmaly? Pökgi hereket etmäge Yeriň üstünden başlayar diýip hasap etmeli.

— 9. Xok boýunça hereket edýän material nokadyň tizliginiň grafigi 3-nji suratda görkezilen. Material nokadyň geçen ýoluny we onuň orun üýtgetmesini tapmaly.

Material nokadyň wagtyň 4, 6, 10 s bahalarynda geçen ýollary we orun üýtgetmeleri näçe?



4-nji surat

— 10. Reaktiv samolýot  $v = 500 \text{ m/s}$  tizlik bilen gözegçiden  $l = 6 \text{ km}$  daşlykdan uçup geçdi. Dwigateliň sesini eşiden pursatynda samolýot gözegçiden näçe uzaklykda bolar?

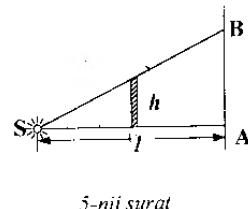
+ 11. Gara ýoluň ugrynda yerleşen A punktdan, ýoldan sowa meydanda yerleşen B punkta iň az wagt sarp edip maşynly barmak zerur (4-nji surat).

Maşynnyň meydandaky tizligi onuň gara ýoldaky tizliginden  $n$  esse az. Iň az wagty sarp edip, B punkta ýetmek üçin D nokatdan näçe  $CD$  uzaklykda gara ýoldan sowulmaly.

+ 12. Derýanyň akymynyň ugruna hereket edýän kater salyň yzyndan A menzilde ýetdi. Şundan soň kater  $t = 60 \text{ min}$  hereket edip, yzyna gaýdýar we A menzilden  $l = 6 \text{ km}$  uzaklykda ýene-de sal bilen duşuşýar. Derýa boýunça iki tarapa-da hereket edende, kateriň motory birmenzeş işläpdir diýip kabul etmek bilen derýanyň akyş  $v$  tizligini tapmaly.

13. Elektrik otlusynyň herekete başlan purasynda onuň öñiki ujunda duran adam birinji wagonyn öz duşundan  $t_1 = 4 \text{ s}$  wagtda geçenini belläpdir. Onuň duşundan otlynyň  $n$ -nji wagonı ( $n = 7$ ) näçe wagtda geber? Otlynyň hereketini deňtizlenýän diýip hasap etmeli.

— 14. Bir nokatdan şol bir wagtda iki sany jisimi garşylykly taraplara gorizontal ugrukdyrylan  $v_1 = 2 \text{ m/s}$  we  $v_2 = 5 \text{ m/s}$  başlangyç tizlikler bilen zyňyalar. Hereket başlanandan soň, näçe wagtdan jisimleriň tizlikleri biri-birine perpendikulär bolarlar?



5-nji surat

— 15. Nokatlanç S ýagylyk çeşmesi AB ekranidan  $l$  uzaklykda yerleşýär (5-nji surat). SA goni çyzyk boýunça ýagylyk geçirmeýän beýikligi  $h$  bolan predmet  $v_1$  tizlik bilen hereket edýär. Predmetiň

kolegesiniň ýokary ujunuň  $AB$  ekran boýunça edýän hereketiniň mgnoven tizligini tapmaly.

— 16.  $X$  ok boyunça hereket edýän material nokadyň koordinaty  $x = t^2 + 35 t + 11$  deňleme arkaly berilýär ( $x - sm$ ,  $t - s$ ). Material nokadyň herekete başlan  $x_n$  koordinatyny, onuň başlangyç tizligini we tizlenmesini tapmaly.

— 17. Tigir hereketsiz okuň töwereginde aýlanýar.  $\varphi$  burcuň waqtä baglylygy  $\varphi = \beta t^2$  ( $\beta = 0.2 \text{ rad/s}^2$ ) deňleme arkaly berilýär. Tigriň üstünde alnan  $A$  nokadyň  $t = 2.5 \text{ s}$  wagt pursatydaky doly  $m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F}$ .

— 18. Top oky topuň niliň içinde  $n = 2$  aýlaw edip (niliň iç yuzi hyrly),  $v = 320 \frac{m}{s}$  tizlik bilen çykyp gidýär. Niliň uzynlygy adius-wektory, tizligi we tizlenmesi ( $m = \sum_{(i)} m_i$ )

$I = 2m$ . Niliň içinde okuň hereketini deňtizlenyän diýip kabul etmek bilen onuň nilden çikan pursatydaky burç tizligini tapmaly.

— 19. Material nokat töwerek boýunça  $v = \alpha t$  tizlik bilen hereket

edýär ( $\alpha = 0.5 \frac{m}{s^2}$ ). Material nokadyň herekete başlap, töweregini  $n=0,1$

uzynlygyny geçen pursatydaky doly tizlenmesini tapmaly.

— 20. Dürli materiallardan ýasalan iki sany ýarym halka bar. Olary kebşirläp  $R$  radiusly halka ýasalýär. Ýarym halkalardaky sesiň tizligi  $C_1$  we  $C_2$ . Halkanyň kebşirlenen yerindäki nokady urmak arkaly döredilen ses tolkunlary näçe wagtdan soň duşuşarlar?

## II BÖLÜM

### Dinamikanyň esasy düzgünleri we kesitlemeleri

#### 1. Nýutonuň ikinji kanunu

$$m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F}. \quad (1)$$

2.  $n$  sany material nokatdan ybarat ulgamyň massa merkezinin yuzi hyrly,  $v = 320 \frac{m}{s}$  tizlik bilen çykyp gidýär. Niliň uzynlygy adius-wektory, tizligi we tizlenmesi ( $m = \sum_{(i)} m_i$ )

$$\vec{r}_M = \frac{1}{m} \sum_{(i)} m_i \vec{r}_i, \quad \vec{v}_M = \frac{1}{m} \sum_{(i)} m_i \vec{v}_i, \quad \vec{a}_M = \frac{1}{m} \sum_{(i)} m_i \vec{a}_i. \quad (2)$$

Massa merkezi üçin Nýutonuň ikinji kanunu:

$\vec{F}$  – ulgama täsir edýän daşky güýçleriň deňtäsirelijisi.

#### 3. Ulgamyň impulsynyň üýtgemegi:

$$\vec{p}_2 - \vec{p}_1 = \int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt. \quad (4)$$

4. Üýtgeýän massaly material nokadyň hereket deňlemesi (Meşşerskinin deňlemesi):

$$m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F} + \vec{u} \frac{dm}{dt}. \quad (5)$$

Bu ýerde  $\vec{u}$  – material nokatdan gidýän (ýa-da gelýän) massanyň tizligi.

5. Güýjüň işi we kuwwaty:

$$A = \int \vec{F} d\vec{r}, \quad P = (\vec{F} \cdot \vec{v}). \quad (6)$$

6. Material nokadyň kinetik energiyasyň üýtgemegi daşky güýçleriň eden işine deňdir:

$$\frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = A. \quad (7)$$

7. Potensial güýçleriň işi minus alamat bilen alınan potensial energiyanyň üýtgemegine deňdir:

$$A = -(U_2 - U_1). \quad (8)$$

8. Bütindünýä dartylma kanunu:

$$\vec{F} = G \frac{m_1 m_2}{r^3} \vec{r}. \quad (9)$$

9. Biribirinden  $r$  uzaklykda ýerleşen  $m_1$  we  $m_2$  massaly nokatlanç jisimleriň özara tásiriniň potensial energiyasy

$$U = -G \frac{m_1 m_2}{r}. \quad (10)$$

10. Material nokadyň impulsynyň haýsydyr bir  $O$  nokada görä momenti  $\vec{L} = [\vec{r} \vec{p}] = m[\vec{r} \vec{v}]$ . Impulsyn momentiniň üýtgemegi barada teorema

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = \vec{M}. \quad (11)$$

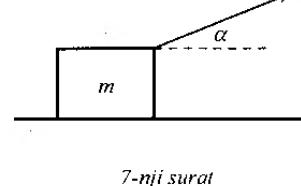
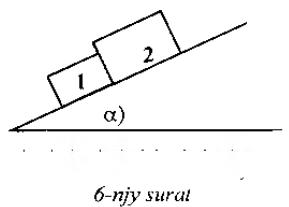
11. Güýjüň momenti

$$\vec{M} = [\vec{r} \vec{F}]. \quad (12)$$

$$12. \text{ Bernulliniň deňlemesi: } p + \frac{1}{2} \rho v^2 \equiv \text{hemiselik}. \quad (13)$$

### Meseleler

21. Hereketsiz bloguň üstünden geçirilen sapagyň uçlaryndan her biriniň massasy  $m=240$  g bolan iki sany yük asylgy. Her bir yük  $t=4$  s wagtda  $S=160$  sm ýol geçer ýaly yükleriň biriniň üstüne goşmaça näçe  $\Delta m$  yük goýmaly?



22. Gorizont bilen  $\alpha$  burç emele getirýän ýapgyt tekizligiň üstünde  $m_1$  we  $m_2$  massaly tagta bölekleri 6-nji suratdaýy edip ýerleşdirilýär. Tagta bölekleri bilen ýapgyt tekizligiň arasyndaky sürtülmeye köeffisiýentleri  $k_1$  we  $k_2$  ( $k_1 > k_2$ ). Tagta bölekleri hereket edip başlanlarynda, olaryň arasynda tásir edýän güýji we  $\alpha$  burcuň haýsy bahasynda typmagyň bolmajakdygyny kesgitlemeli.

23.  $m$  massaly tagta böleginiň sapagy çekip (7-nji surat), gorizontal tekizlikde hereketlendirýärler. Tekizlik bilen tagta böleginiň arasyndaky sürtülmeye köeffisiýenti  $k$ .  $\alpha$  burcuň haýsy bahasynda sapagyň dartylma güýji iň kiçi baha eyé bolar? Iň kiçi dartylma güýji tapmaly.

— 24.  $v_0$  tizlik bilen gelýän ok galyňlygy  $h$  bolan tagta degip, onuň içinden  $v$  tizlik bilen çykdy. Tagtaný içinde oka tásir edýän garşylyk

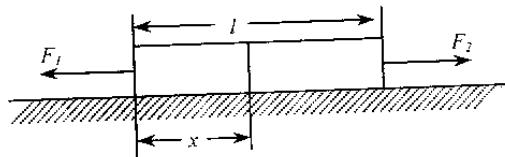
güyji tizligiň kwadratyna proporsional diýip kabul etmek bilen okuň tagtanyň içinde hereket eden wagtyny tapmaly.

25. Yeriň ekwatorynda  $h = 500 \text{ m}$  beýiklikden bir aýgr jisim başlangyç tiziksiz herekete başlayar. Howanyň garşylygyny hasaba almadan. Jisimiň Yere düsjek nokadynyň näçe aralyga we haýsy tarapa süýsektdigini tapmaly. Jisimiň traýektoriýasy dikden näçe gradus gyşarar?

26. Şaybany ýapgyl tekizlikde ýerleşdirýärler we oňa ýokarlygyna ugrukdyrlan başlangyç  $v_0$  tizligi berýärler. Şayba bilen tekizligiň arasyndaky sürtülmé koeffisiýenti  $k$ . Tekizligiň gorizonta ýapgytlık  $\alpha$  burçunyň haýsy bahasynda şaybanyň geçek ýolunyň uzynlygy iň kiçi baha eýe bolar?

27. Sapakdan asylgy şarjagaz dik tekizlikde yrgyldyly hereket edýär. Şarjagazyň iň ýokarky we iň aşaky ýagdaýlaryndaky tizlenmeleri absolvüt ululygy (moduly) boýunça biri-birine deň. Şarjagazyň deňagramlyk ýagdaydan gysaryan iň uly  $\phi$  burçuny tapmaly.

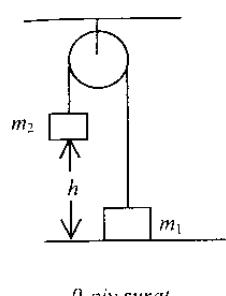
28. Potologa berkidiňen bloguň üsti bilen uçlaryna  $m_1$  we  $m_2$  massaly yükler berkidiňen sapak geçirilen. Bloguň we sapagyň massalary hasaba alardan az, sürtülmé ýok hasap edip,  $m_1$  we  $m_2$  yükleriň massa merkeziniň tizlenmesini tapmaly.



8-nji surat

29. Uzynlygy  $I$  bolan birhilli sterženiň uçlaryna garşylykly ugrukdyrlan  $F$  we  $F_2$  güýçler 8-nji suratdaky ýaly täsir edýärler. Sterženiň bir ujundan  $x$  uzaklykdaky kese kesige näçe güýç täsir edýär?

30. Ilki başda  $m_1$  we  $m_2$  massaly yükler 9-nji suratda görkezilişi ýaly ýerleşdirilýär:  $m_1$  pola degip dur,  $m_2$  bolsa poňdan  $h = 30 \text{ sm}$

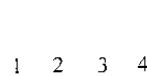


9-nji surat

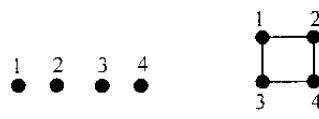
beýiklikde.  $m_2 = n m_1$  ( $n = 2$ ) bolýandygy bell.  $m_2$  ýuki goýberýärler welin, ol aşak tarapa hereket edýär,  $m_1$  bolsa ýokary galýar.  $m_2$  yük pola degenden soň,  $m_1$  ýükün galjak  $h_1$  beýikligini tapmaly. Yükleriň tizlenmesi näçe?

31. 9-nji suratdaky  $m_2$  yük pola degende,  $m_1$  ýükün tizligi näçe? Yükleriň massa merkeziniň tizlenmesini tapmaly.  $m_2$  yük pola degen pursatynda yükleriň massa merkeziniň tizligini kesgitlemeli.

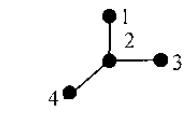
32. Ulgam massalary 1, 2, 3 we 4 g bolan dört sany şarjagazdan ybarat. Şarjagazlaryň giňişlikde ýerleşishi 10-nji a, b, ç suratlarda görkezilişi ýaly bolsa, ol suratlara degişli massa merkezleriň koordinatlaryny tapmaly.



a) goni çyzyk



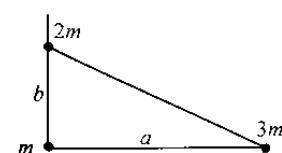
b) kwadrat



ç) kubuň çatyk depeleri

10-nji surat

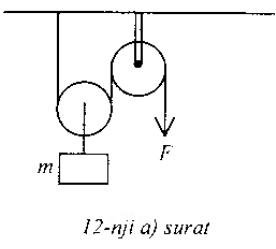
Ýerleşishiň hemme görnüşlerinde hem iki goňşy şarjagazlaryň arasyndaky uzaklyk 10 sm.



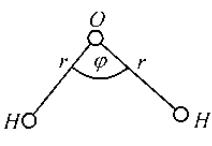
11-nji surat

33. a) katetleriniň uzynlygy  $a$  we  $b$  bolan gönüburçly üçburçlugyň burçlarynda ýerleşen  $m$ ,  $2 m$  we  $3 m$  massaly ýükleriň ulgamynyň massa merkeziniň koordinatlaryny tapmaly (11-nji surat);

b) katetleriniň uzynlygy  $a$  we  $b$  bolan birhilli ýuka plastinanyň massa merkeziniň koordinatlaryny tapmaly.



12-nji a) surat



12-nji b) surat

34. Hereketli bloquň okundan  $m$  massaly yük asylgy. Sapagyň ikinji ujy hereketsiz blokdan geçirilýär we  $F$  güýç bilen dartylyar (12-nji a) surat).  $m$  ýüküň ýokarlygyna  $a$  tizlenme bilen hereketlenmegi üçin  $F$  güýç näçe bolmaly?  $m$  ýuki dynçlykda saklamak üçin näçe güýç gerek? Sapagyň we bloklaryň massalary hasaba alardan az.

35. 12-nji b) suratda suw molekulasynda kislorod we wodorod atomlarynyň ýerleşishi görkezilen. Eger  $r = 0,96 \cdot 10^{-8} \text{ sm}$ ,  $\varphi = 108^\circ$  bolýandygy belli bolsa, suw molekulasynyň massa merkezininiň koordinatlaryny tapmaly.

36.  $m_1$  massaly tagta bölegini ýylmanak gorizontal tekizligiň üstünde yerleşdirýärler. Tagta bölegi tekizligiň üsti bilen sürtülmesiz hereket edip bilýär.  $m_1$  massaly tagta böleginiň üstünde  $m_2$  massaly ýük ýatyr (13-nji surat).  $m_1$  bilen  $m_2$  ýüküň arasyndaky sürtülmec köeffisiyent  $k$

bolsa,  $m_1$  täsir edýän  $F$  güýjüň häsy bahasynda  $m_2$  ýük typyp başlar? Tagta böleginiň uzynlygy  $l$  bolsa,  $m_2$  näçe wagtdan tagta böleginiň üstünden ýere gaçar?

37. Gapyrgasynyň uzynlygy  $a = 40 \text{ sm}$  bolan polatdan ýasalan kuby bir granyndan beýleki bir granyňa agdarmak üçin näçe  $A_1$  iş etmeli? Gabyň hususy massasy hasaba alardan az.

38. 37-nji mesclede gürrüni edilýän polat kuby  $L$  aralyga

süýşirmek gerek. Ony süýräp süýşirmek amatlymy ýa-da togalamak? Sürtülmec köeffisiyenti  $k$ . Kub y  $L$  uzaklyga geçirmegiň iki usulynda etmeli işler sürtülmec köeffisiyentiň häsy bahasynda deň bolarlar?

45. Massasy  $m = 800 \text{ t}$  bolan otylynyň tizligini  $36 \text{ km/sag}$ -dan  $54 \text{ km/sag}$ -a çenli artdyrmak üçin näçe iş etmeli? Bu otly  $72 \text{ km/sag}$  tizlik bilen baryarka, ony duruzmak üçin näçe iş etmeli?

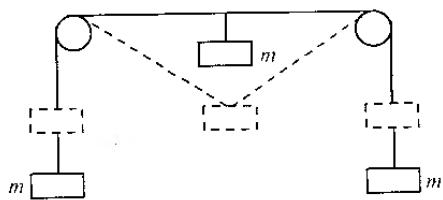
46. Tizlikleri  $v_1$  we  $v_2$ , massalary bolsa  $m_1$  we  $m_2$  bolan iki sany şar biri-birine tarap hereket edýärler. Şarlaryň absolút maýysgak däl çaknyşygy bolup geçse, olaryň temperaturasy näçe artar? Şarlaryň başlangyç temperaturalary deň, olaryň daşarky sreda bilen ýylykçalyşmasý ýok.

47. Gorizontal tekizlikde dynçlykda duran  $m = 1 \text{ kg}$  massaly kuba  $v_1 = 500 \text{ m/s}$  gorizontal tizlikli gelýän  $m_1 = 10 \text{ g}$  massaly polat şar degip, maýysgak yzyna serpigýär. Kub bilen gorizontal tekizligiň arasyndaky sürtülmec köeffisiyent  $k = 0,2$ . Urgudan soň kub näçe ýol geçer? Çaknyşmada enerjía ýitgileri näçe?

48. Massasy  $m = 1 \text{ kg}$ , uzynlygy  $l = 1,4 \text{ m}$  bolan zynjyr stolun üstünde bir ujundan ince sapak arkaly asylgy. Zynjyrin aşaky ujy stola degip dur. Zynjyrin ýokarky ujuna daňylgy sapagy otlayalar welin, ol stolun üstüne gaçýar. Zynjyr stola näçe hereket mukdaryny we näçe energiyany berýär?

49.  $m_1$  we  $m_2$  massaly iki sany şar  $v_1$  we  $v_2$  tizlikler bilen biri-birine tarap hereket edýärler. Merkezi çaknyşma bolup geçýär diýip şarlaryň çaknyşmagyndan soňky  $u_1$  we  $u_2$  tizliklerini tapmaly. Meseläni iki ýagday üçin çözüneli: a) çaknyşma absolút maýysgak; b) çaknyşma absolút maýysgak däl.

50. Oklary gorizontal yerleşdirilen iki sany meňzeş hereketsiz bloklar biri-birinden  $70 \text{ sm}$  uzaklykda yerleşyärler. Bloklaryň üsti bilen incejik silýnmeýän sapak geçirýärler. Sapagyň uçlaryna we ortasyna birmeňzeş üç sany ýük berkidyrlar (14-nji surat). Sapagyň ortasyndaky ýuki galdyryp, sapak gorizontal ýerleşer ýaly edýärler. Söndan soň ortaky ýuki erkine goýberýärler welin, ol aşak düşyär, sapagyň uçlaryna daňlan ýükler bolsa ýokarky galýarlar. Tapmaly: a) ortaky ýüke birigýän sapaklaryň arasyndaky burç  $120^\circ$  bolanda ýükleriň tizliklerini; b) ortaky ýüküň gaytadan ýokarlygyna herekete başlamazdan öñ gecjek ýolunu.



14-nji surat

45. Çuňlugu  $H$  bolan deňziň düybünde suwdan doldurylan kub şekilli gap ýatyr. Kubuň gapyrgasynyň uzynlygy  $h$ . Gapdaň suwy deňziň üstüne çykarmak üçin etmeli iň kiçi işi tapmaly. Ýokaryk çykarylyan suwa  $v_0$  başlangyç tizlik berlen bolsa, etmeli iş nähili ýütgär?

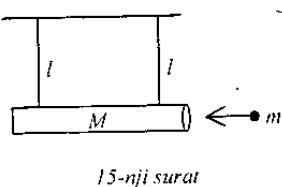
46. Yeriň atmosferasy ýok diýip hasap etmek bilen Yeriň üstünden dik ýokarlygyna  $5 \frac{km}{s}$  tizlik berlen jisim näçe beýiklige galar?

47.  $v_1$  we  $v_2$  tizlikler bilen hereket edýän  $m_1$  we  $m_2$  massaly jisimler ýapык ulgamy emele getirýär.  $v_1$  we  $v_2$  tizlikler biri-birine perpendicular ýarlykta ugrukdyrylan. Jisimleriň massa merkezi bilen bagly koordinat ulgamynda jisimleriň her biriniň impulsyny we kinetik energiyalarynyň jemini tapmaly.

48. Hereket edip barýan molekula edil özi ýaly başga bir dynçelykda duran molekula urulýar. Çaknyşma absolút maýışgak bolsa, molekulalaryň tizlikleriniň arasyndaky burcuň  $90^\circ$  bolýandygyny we

absolut maýışgak däli bolsa, tizlikleriň arasyndaky burcuň  $90^\circ$  bolmaýandygyny subut etmeli.

49. Gorizontal uçup gelýän  $m$  massaly ok her biriniň uzynlygy  $l$  bolan iki sany ýupden asylgy  $M$  massaly jisime degýär we onuň içinde galýar (15-nji surat). Şunlukda



15-nji surat

yüpler  $\phi$  burça gyşarýarlar.  $m < M$  diýip okuň başlangyç tizligini tapmaly. Başlangyç kinetik energiýanyň näçe bölegi ýylylyga öwrülýär?

50.  $m = 50\text{g}$  massaly polat şar  $h = 1\text{m}$  beýiklikden gorizontal yerleşen agyr tekiz demriň üstüne gaçýar. Şar köp gezek demriň üstüne gaçyp, ondan yzyna serpigýär. Eger her serpigende şaryň tizligi  $n = 0,8$  esse ýütgeýän bolsa, şaryň demre berýän impulsalarynyň jemini tapmaly.

51. Ýylimanak gorizontal üstde üç sany birmeňeş  $A$ ,  $B$  we  $C$  şaybalar ýatyrlar (16-nji surat).  $A$  şayba  $v$  tizlik berýärler welin, ol  $B$  we  $C$  şaybalaryny ikisi bilen hem çaknysýar. Başa B we C şaybalaryny merkezleriniň arasyndaky uzaklyk şaybalaryň diametrinden  $n$  esse uly.  $A$  şaybanyň çaknysýkdan soň tizligini tapmaly.  $n$ -ň haýsy bahasynda  $A$  şayba: a) yzyna serpiler; b) hereketini togtadar; c) öňe hereketini dowam eder?

52. Beýikligi  $h = 5\text{m}$  bolan sütüniň üstünde massasy  $M = 200\text{g}$  bolan şar dur. Massasy  $m = 10\text{g}$  bolan ok gorizontal ugurda  $v = 500 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  tizlik bilen gelip şara degýär we onuň diametri boýunça hereket edip içinden geçýär: a) eger şar sütünden  $l = 20\text{m}$  uzaklykda ýere gaçyan bolsa, okuň ýere düşjek  $L$  uzaklygyny tapmaly; b) okuň kinetik energiýasynyň näçe bölegi ýylylyga öwrülýär? Howanyň garşyligý hasaba alardan az.

53. Oýnawaç pistoletiň gatylygy  $k = 180 \frac{\text{N}}{\text{m}}$  bolan pružininin uzynlygy  $\Delta l = 6\text{sm}$  azalan bolsa, pistoletden  $m = 15\text{g}$  massaly ok näçe tizlik bilen çýkar?

54. Her biriniň massasy  $M = 250\text{kg}$  bolan üç sany gaýyk biribirli bilen tirkeşip,  $v = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  tizlik bilen barýarlar. Ikinji gaýykandan beýlekileriň her birine  $m = 20\text{kg}$  massaly yük bir wagta  $v_1 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  tizlik

bilen (ikinji gaýyga görä) oklýarlar. Ýükler oklanandan soň, gaýyklaryň u tizligini, her gaýygyň enerjýasynyň  $\Delta W$  üýtgesmesini tapmaly.

55. Uly bolmadyk jisim  $R$  radiusly sferanyň depesinden typmaga başlaýar (17-nji surat).

Jisim sferanyň depesinden  $h$  uzaklygyň haýsy bahasynda sferadan arasyň açar?

56. Futbolist 11 metrlik jerime urgyny ýerine ýetirip, pökgini derwezäniň ýokarsyndaky germewe degip, derwezä girer ýaly edip depdi we pökgini tora saldy. Şuňuň ýaly bolmagy üçin pökgä berilmeli iň kiçى energiya näçe bolmaly, pökginiň başlangyç tizligi bilen gorizontyň arasyndaky  $\alpha$  burç näçe bolmaly? Derwezäniň beýikligi  $h=2,5\text{ m}$ , pökginiň massasy  $m=0,5\text{ kg}$ .

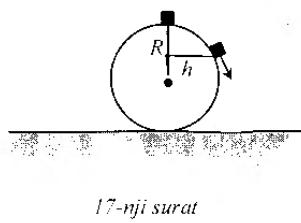
57. Matematiki mayatnigiň yrgyldylarynyň periodyny bir gezek beýikligi  $h=500\text{ m}$  bolan diňin üstünde kesitleyärler, bıýleki bir gezek bolsa çuňlugy  $H=2\text{ km}$  şahtanyň içinde kesitleyärler. Mayatnigiň yrgyldylarynyň periodyny  $\frac{\Delta T}{T}$  otnositel üýtgesmesini tapmaly. Ýeri radiusy  $R=6400\text{ km}$  bolan birhilli şar we diňin mayatnige täsiri ýok diýip kabul etmeli.

58. Aýdan örän köp uzaklykdä herekete başlayan meteorit onuň üstüne näçe tizlik bilen gaçar?

59. Neýtron ýyldyzynyň (pulsaryň) ýakyn hemrasynyň  $T$  aýlaw periodyny tapmaly. Neýtron ýyldyzynyň dykyzlygy  $\rho=10^{17}\text{ kg/m}^3$ .

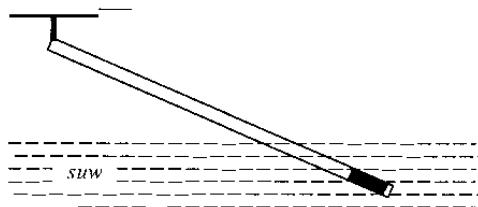
60. Aşakda agzalýan güýçleriň Ýeriň üstünde ýerleşen  $m$  massaly jisime berip biljek tizlenmelerini we olaryň gatnaşygyny tapmaly:

1. Ýeriň dartuw güýjuni;
2. Ýeriň öz okunyň töweregide aýlanýandygy sebäpli döreyän merkezden daşlaşyan inersiya güýjuni (hasaplamalary Ýeriň ekwatory üçin geçirmeli);
3. Günüň dartuw güýjuni;
4. Aýyň dartuw güýjuni.



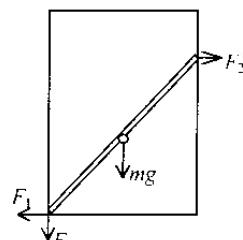
17-nji surat

61. Massasy  $m=2 \cdot 10^3\text{ kg}$  bolan kosmos gämisini Ýerden Aýa eltmek etmeli iň kiçى işi tapmaly. Atmosferanyň garşylygy hasaba alardan az.

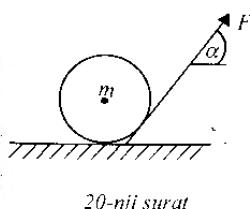


18-nji surat

62. Uzynlygy  $l=100\text{ sm}$  bolan ince agaç steržen bir ujuna daňylgy sapakdan asylgy (18-nji surat) sterženiň beýleki ujy suwuň içinde. Onuň suwuň daşyndaky böleginiň uzynlygy  $l_1=40\text{ sm}$ . Sterženiň dykyzlygyny tapmaly, suwuň dykyzlygy  $\rho_0=1\text{ g/sm}^3$ .



19-nji surat



20-nji surat

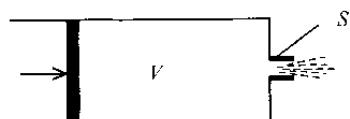
63. Içi ýylmanak silindr görnüşli stakanyň içinde uzynlygy  $l=15\text{ sm}$  we massasy  $m=30\text{ g}$  bolan taýajygy 19-nji suratda görkezilişi ýaly edip ýerleşdirýärler. Stakanyň radiusy  $R=7\text{ sm}$ . Stakanyň düybüne we diwallaryna täsir edýän  $F_1$ ,  $F_2$ ,  $F_3$  güýçleri tapmaly.

64.  $m$  massaly silindriň daşyna agramsyz, süýnmeýän ýüp saralypdyr. Ýüpün ujundan 20-nji suratda görkezilişi ýaly gorizonta  $\alpha$  burç bilen ugrukdyrylan  $F$  güýç bilen çekyärler. Silindr bilen poluň arasyndaky sürtülmec koeffisiýenti  $k$ .

Silindriň duran ýerinde aýlanyp durmagyny üpjün edip biljek  $F$  güýjüň iň kiçi bahasyny tapmaly. Güýjüň şu bahasynda  $\alpha$  burç näçe?

—65. Düýbünde kiçijik desigi bolan giň gap suw we kerosin bilen doldurylan. Şepbeşikligi hasaba almadan, deşikden akýan suwuň tizligini tapmaly. Suwuň galyňlygy  $h_1 = 30\text{sm}$ , kerosiniň galyňlygy bolsa  $h_2 = 20\text{sm}$ .

66. Radiusy  $R$ , massasy bolsa  $m$  bolan rezin pökginiň čuňlugy  $h$  bolan suwa çümdürýärler. Pökgi öz erkine goýberilenden soň, ol suwuň ýüzüne çykýar. Pökgi suwuň üstünden näçe beýiklige galardı? Pökginiň hereketine suwuň we howanyň garşylygy täsir etmeýär diýip kabul etmeli.



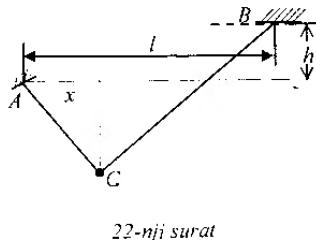
21-nji surat

67. Gorizontal yerleşen silindriň içinde  $V$  göwrümlü suw bar. Suwuň hemmesini kese-kesiginiň meydany  $S$  bolan deşikden (21-nji surat)  $t$  wagtda gysyp çykarmak üçin porşenc hemişelik güýç bilen täsip edip näçe iş etmeli bolar? Surtülme

we şepbeşiklik hasaba alardan az. Deşigiň meydany silindriň kese-kesiginiň meydanyndan juda kiçi.

68. Temperaturasy  $100^\circ S$  yokarlanan polat sterženiň uzynlygynyň artmazlygy üçin onuň uçlaryna nähili ululykdaky basyş goýmaly?

69. Uzynlygy  $L$ -deň agramsyz sapak agyr  $C$  halkadan geçirilen. Sapagyň uçlary 22-nji suratda görkezilişi ýaly,  $A$  we  $B$  nokatlarda berkidleñ. Nokatlar dürlü beýikliklerde.  $A$  nokatdan halkanyň üstünden geçýän dik çyzyga çenli  $x$  uzaklygy tapmaly.



22-nji surat

70. Massasy  $m$  bolan taýajygы içi suwly silindr görnüşli stakan salýarlar welin, onuň ýarysy suwa çümýär. Taýajygыň ýokarky ujy stakaný diwaryna

degýär, aşaky ujy bolsa, stakaný düybünc ýetenok. Gorizont bilen taýajygыň arasyndaky burç  $\alpha$  bolsa, taýajygыň stakaný diwaryna näçe güýç bilen täsip edýändigini tapmaly.

71. Beýikligi  $h_0$ , esasyňnyň meydany  $S_0$  bolan silindr görnüşli gap suwdan doldurylgы. Kese-kesiginiň meydany  $S$  bolan gabyň düýbündäki desigi açýarlar. Gapdaky suw näçe wagtda akyp gutarar?

72. Awtomobilin dört tigirine hemi bir wagta tormoz berlende, onuň durýança geçýän ýoly (tormoz ýoly)  $L$ . Ol awtomobilin diňe öňündäki iki tigirlerine tormoz berlende toqtaýança geçjek  $L_1$ , we diňe yzky iki tigirlerine tormoz berlende geçjek  $L_2$ , tormoz ýollaryny tapmaly. Awtomobilin öňki we yzky tigirleriniň arasyndaky uzaklyk  $L$ , onuň massa merkezinin ýeriň üstünden beýikligi  $h = l/4$ . Tipma sürtülme koeffisiýenti  $k = 0,8$ .

73. Kese-kesiginiň meydany  $S = 1\text{m}^2$  we beýikligi  $h = 0,4\text{ m}$  bolan buz bölegi suwda ýüzlüp ýör. Buzy tutuşlygyna suwa çümdürmek üçin etmeli işi tapmaly.

### III BÖLÜM

#### Molekulýar fizika we termodinamika. Esasy düzgünler we kesgitlemeler

1. İdeál gaz halynyň deňlemesi – Mendeleýew-Klapeýronyň  
deňlemesi

$$pV = \frac{m}{\mu} RT \quad (1)$$

2. Barometrik formula

$$p = p_0 \exp(-\mu g h / RT), \quad (2)$$

$p_0$  – Yeriň üstündäki atmosfera basyşy.

3. Molekulýar-kinetik nazarýetiň esasy deňlemesi

$$p = nkT. \quad (3)$$

4. Termodinamiki ulgam diýip, daşky sredanyň bir makroskopik bölegine aýdylyar. Berlen ulgam daşardan tásır bolmasa, oňa üzneleşdirilen (izolirlenen) ulgam diýilýär. Berlen ulgam beýleki ulgamlar bilen energiýa, massa, impuls alşygyna (çalşygyna) gatnaşyp biler.

Ulgamnyň ýagdaýy onuň hal-ýagdaý deňlemesi arkaly beýan edilýär. Bu deňlemäniň ýazylyşynyň umumy görnüşi:

$$f(p, V, T) = 0. \quad (4)$$

5. Termodinamikanyň birinji kanunu:

$$Q = \Delta U + A,$$

onuň differensial görnüşi

30

$$\delta Q = dU + \delta A. \quad (6)$$

6. Politropiki hadysanyň deňlemesi

$$pV^n = hemişelik. \quad (7)$$

Bu deňlemelerde:

- a)  $n = 1$  hemişelik temperaturada bolup geçýän (izotermik) hadysa degişli;
- b)  $n = 0$  hemişelik basyşda bolup geçýän (izobarik) hadysa degişli;
- c)  $n = \infty$  hemişelik göwrümde bolup geçýän (izohorik) hadysa degişli;
- d)  $n = \gamma = \frac{C_p}{C_v}$  bolsa adiabatiki hadysa degişli.  $C_p, C_v$  – hemişelik basyşdaky we hemişelik göwrümdäki udel ýylylyk sygymalar;  $\gamma$  – adiabatanyň görkezijisi.

7. Ideal gazlaryň molýar udel ýylylyk sygymy

$$C_V = \frac{i}{2} R, \quad C_P = \frac{i+2}{2} R = C_V + R. \quad (8)$$

Bu ýerde  $i$  molekulanyň erkinlik derejesiniň sany. Bir atomly gazlar üçin  $i = 3$ , iki atomly molekulalardan ybarat gazlar üçin  $i = 5$ , üç we ondan köp atomly molekulalardan durýan gazlar üçin  $i = 6$ . Şu ýerde görkezilen erkinlik derejelerden başga-da molekulalaryň içki erkinlik derejeleri hem bardyr. Olar molekulalaryň düzümindäki atomlaryň yrgyldyly hereketine degişlidirler.

8. Gazyň gjiselende edyän işi

$$A = \int_{V_1}^{V_2} pdV. \quad (9)$$

9. Gazyň içki energiyasy ( $U$ ) we entalpiýasy ( $H$ )

31

$$U = \frac{m}{\mu} C_V T = \frac{m}{\mu} \cdot \frac{RT}{\gamma - 1} = \frac{pV}{\gamma - 1}, \quad H = Q + U. \quad (10)$$

10. Hemişelik görrümdaki we hemişelik basyşdaky udel ýylylyk sygymalar

$$C_V = \left( \frac{dQ}{dT} \right)_V = \left( \frac{dU}{dT} \right)_V, \quad C_p = \left( \frac{dQ}{dT} \right)_p = \left( \frac{dH}{dT} \right)_p. \quad (11)$$

11. Termodinamikanyň ikinji kanunu: 1. Kelvin-Plankyn kesitlemesi. Durky käbir ýuki ýokary götermekden we degişlilikde ýylylyk çesmesini sowatmakdan ybarat bojan periodiki herçet ediji maşyny gurmak mümkün däldir. Klauzusyň kesitlemesi: Ýylylygyň has sowugrak jisimden has gyzgynrak jisime hiç hili iş etmezden, ýagny öz-özünden, geçmegi mümkün däldir.

12. Ýylylyk maşynynyň peýdaly tasır koeffisiýenti

$$\eta = \frac{A}{Q} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}, \quad (12)$$

$Q_1$  – çesmeden alnan ýylylyk mukdary;  $Q_2$  – sowadyja berlen ýylylyk mukdary.

13. Karnonyň sikliniň peýdaly täsir koeffisiýenti

$$\eta = \frac{T_1 - T_2}{T_1}, \quad (13)$$

$T_1, T_2$  – gyzdyryjynyň we sowadyjynyň temperaturalary.

14. “1” → “2” geçiş hadysada ulgamyň entropiyasynyň üýtgemegi

$$\Delta S = \int \frac{\delta Q}{T}. \quad (14)$$

Molekulýar-kinetik nazaryet entropiya ulgamyň tertipsizliginiň ölçegi hökmünde garayar. Mysal üçin, suw bugaryar we gaz halyna geçyär, entropiya artýar, ýagny tertipsizlik artýar. Termodinamika bolsa, entropiya yönkeý bir termodinamikí parametr hökmünde garayar.

15. Gelmgolsyň erkin energiýasynyň kesitlemesi:

$$F = U - TS. \quad (15)$$

16. Termodinamiki potensial (Gibbsiň funksiyasy)

$$G = F + pV = U - TS + pV \quad (16)$$

## Meseleler

74.  $V_0, V_1, V_2$  görrümleri bolan ideal gazly gaplар öz aralarynda ince turbajylar arkaly birikdirilen. Ilki başda gaplaryň üçüsiniňem temperaturasy  $T_0$ , olardaky basyş bolsa  $p_0$ . Soňra birinji gabyň temperaturasyň önküligine saklap,  $V_1$  we  $V_2$  görrümlü gaplary  $T_1$  we  $T_2$  temperaturalara çenli gyzdyryarlar. Gaplardaky soňky basyş tapmaly. Turbajylaryň görwämi örän kiçi.

75. Görümleri  $3l, 7l$  we  $5l$  bolan gaplaryň birinjisinde basyş  $2 \text{ atm}$  bolan kislorod bar, ikinjisinde  $3 \text{ atm}$  basyşdaky azot bar we üçünjisinde bolsa  $0.6 \text{ atm}$  basyşdaky kömürturşy gazy bar. Gaplardaky temperaturalar deň. Gaplar özara birləşdirilende, gazlaryň garyndysy emele gelýär. Garyndy alnanda temperatura üýtganok. Garyndynyň basyşyny tapmaly.

76.  $160 \text{ g}$  kislorodyň we  $120 \text{ g}$  azodyň garyndysynyň molýar massasyny tapmaly.

77.  $4 \text{ g}$  wodorodyň we  $32 \text{ g}$  kislorodyň  $7^\circ \text{ S}$  temperaturada we  $700 \text{ mm sim. süt}$  basyşdaky dykyzlygyny tapmaly.

78. Bir sorumynda  $\Delta V = 40 \text{ sm}^3$  howa alýan nasos bilen wélosiped tigriniň boş kamerasyň howadan doldurmak gerek. Tigrin ýol bilen galtaşyan üstüniň meydany  $S = 60 \text{ sm}^2$  bolmaly, tigre düşyän aýyrlyk güýji  $F = ? \text{ N}$ . Kameranyň görwämi  $V = 2000 \text{ sm}^3$ .

Atmosferanyň basyşy  $p_0 = 10^5 \text{ Pa}$ . Nasosyň näçe sorumyndan soň kamerada zerur bolan basyş alnar?

79. İki tarapy hem ýappyk silindr dikligine goýlan. Silindriň içinde yerleşdirilen porşenin her tarapynda 1 mol howa bar. Temperatura  $300 \text{ K}$  bolanda, porşenin ýokarsyndaky görrümiň aşagyndaky görrüme bolan gatnaşygy  $n = 4$ . Temperaturanyň haýsy bahasında bu gatnaşyk  $n = 3$  bolar?

80. Bir mol ideal gazyň basyşy bilen görrüminiň arasyndaky baglanyşyk  $p = p_0 - \alpha V$ ; ( $p_0 = \text{hemiselik}$ ,  $\alpha = \text{hemiselik}$ ) deňleme arkaly aňladylýan hadysada temperatura nähili üýtgeýär? Temperaturanyň iň uly bahasyny nädipl tapmaly? Ol temperatura näçä deň?

81. Misiň 1 gramynda näçe atom bar? 1 kg nahar duzunda näçe molekula bar? Adaty şertlerde kömürturşy gazyň 1  $\text{sm}^3$  görrüminde näçe molekula bar?

82. Paleozoý erasyň gadymy günleriniň birinde ýagan çagbanyň bir damjası ýeriň tekiz we ýumşak üstüne düşüpdir we öz ýzyny galdyrypdyr. Wagt geçmegi bilen damjanyň ýzy doňup galypdyr we daşa öwrülipdir. Ony biziň günlerimizde gazuw işlerini geçirip ýören talyp-geolog tapypdyr. Howa juda yssy bolandan soň, argyn we suwsan talyp küýzesindäki suwuň barjasyny içýär. Talyp dynç alyp otyrka, işsizlikden ýaňky içen suwunda gadymy ýagyş damjasynyň näçe molekulasy barka diýip çaklama hasaplalalary geçiripdir.

Size belli bolan maglumatlary ulanyp, meselede gürrüni edilýän talybyň hasaplalalary ýaly işleri sizem ýerine yetiriň. Meseläniň şertlerinde getirilmédik jikme-jikler barada kabul ederlikli çaklamalarylary ulanyň.

83. Gapda  $m_1 = 7\text{g}$  azot bilen  $m_2 = 11\text{g}$  kömürturşy gazyň garyndysy  $T = 290 \text{ K}$  temperaturada we  $p_0 = 1 \text{ atm}$  basyşda saklanýar. Garyndyň dykyzlygyny tapmaly.

84. Azot bilen wodorodyň garyndysynyň  $47^\circ\text{S}$  temperaturada we  $3 \text{ atm}$  basyşdaky dykyzlygy  $\rho = 3 \text{ g/l}$ . Garyndyň 1  $\text{sm}^3$  görrüminde wodorodyn näçe molekulasy bar?

85. Görrümi  $V_g = 1.1 \text{ l}$  bolan ýappyk gapda  $M = 100 \text{ g}$  gaýnap duran suw bar. Suwuň we buguň temperaturalary  $100^\circ\text{S}$ . Suwuň dykyzlygy  $\rho_0$  bolsa, buguň massasyny tapmaly. Gapda howa ýok.

86. Görrümi  $V = 10 \text{ l}$  bolan gapda gurak howa bar. Onuň basyşy  $p_0 = 10^5 \text{ Pa}$ , temperaturasy  $t_0 = 20^\circ\text{S}$ . Gaba 3 g suw guýyarlar we ony  $t = 100^\circ\text{S}$  čenli gyzdyryarlar. Gyzdyrylandan soň gapdaky p basyş näçe boldy?

87. Hayýdyr bir materialdan ýasalan iki şaryň her birine  $Q$  ýylylyk mukdary berilýär. Aşakdaky iki ýagdayda her bir şaryň massa merkezinin haýsy tarapa we näçe süýşjegini anyklamaly (şeýleki şertler iki şar üçin hem deň): a) şar stoluň üstünde dur; b) şar ýüpeden asylgy.

88. 87-nji meselede garalan şarlaryň gyzdyrylünden soňky temperaturalaryny deňşedirmeli. Gyzdyrmadan massa merkezinin ýtgemegi sebäpli temperatura ýtgemesini hasaplamaý.

89. Görrümi  $V = 1.1 \text{ l}$  bolan howa şary bar. Şaryň daşynyň (oboloçkasynyň) massasy  $m_0 = 0.187 \text{ g}$ . Şaryň ucuşa başlaýan wagtynda daşky howanyň temperaturasy  $t_1 = 20^\circ\text{S}$ , onuň basyşy bolsa  $p_1 = 1.013 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ , dykyzlygy  $\rho_1 = 1.2 \text{ kg/m}^3$ . Şaryň howada erkín ýýmalap bilmegi üçin onuň içindäki howanyň  $t_2$  temperaturasy näçe olmaý?

90. 89-nji meselede gürrüni edilýän şaryň içindäki howanyň temperaturasy  $t_3 = 110^\circ\text{S}$ -a čenli ýokarlansa, şaryň daňlyp goýlan ýpüne tásir edýän F dartuw güýjünü tapmaly.

91. İki sany gaby gysgajyk, kranly turbajyk arkaly bireleşdirmäge mümkünçilik bar. Birinji gapdaky howanyň parametrleri  $p_1$ ,  $V_1$ ,  $T_1$ , ikinji gapdaky howanyň parametrleri bolsa  $p_2$ ,  $V_2$ ,  $T_2$ . Gaplary bireleşdirýän turbajykdaky kran açylandan soň, howanyň temperaturasyň we basyşyny tapmaly.

92.  $m = 0.5 \text{ kg}$  ideal gazy hemiselik basyşda bolup geçýän hadysada  $\Delta T = 10 \text{ K}$  gyzdyrmak üçin zerur bolan ýylylyk hemiselik görrümde bolup bolup geçýän hadysadaky ýylylyk mukdaryndan  $\Delta Q = 1.48 \text{ kJ kóp}$ . Bu gazyň molýar massasyny tapmaly.

93.  $v_0$  tizlik bilen hereket edip barýan  $m_0$  massaly arabajygyn içine ýokdan  $m$  massaly kerpiç gaçýar. Şu hadysanyň bolup geçen wagtynda bölünip çýkan ýylylyk mukdaryny tapmaly.

94. Ýappyk gapda ozon ( $O_3$ ) gazyny saklayarlar. Onuň temperaturasy  $t_0 = 527^\circ\text{S}$ . Käbir wagt geçenden soň ozon, tutuşlygyna kiň oroda ( $O_2$ ) öwrülyär. Gapdaky basyş we temperatura nähili

üýtgeýär? Kislorodyň udel ýylylyk sygymy  $C_v = 21 \text{ J/(mol}\cdot\text{K)}$ , ozonyň emele gelmeginiň udel ýylylygy  $q = 14200 \text{ J/mol}$ .

95. Görümü 60  $\text{m}^3$  bolan otagdaky howanyň temperaturasy  $T_1=280 \text{ K}$  gradusdan  $T_2=300 \text{ K}$ -e çenli artanda, otagdan çykyp giden howanyň massasyny tapmaly. Atmosfera basyşyny adaty diýip kabul etmeli.

96. Kislorodyň  $v_1=2 \text{ molundan we kömürturşy gazyň } v_2=3 \text{ molundan ybarat garyndynnyň yadiabata görkezijisini tapmaly. Gazy ideal diýip kabul etmeli.}$

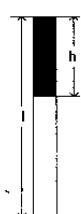
97. Ideal gazyň 1 molunyň temperaturasyny hemişelik basyşda  $\Delta T=72 \text{ K}$  ululyga artdyryarlar. Gyzdyrylanda gaza  $Q = 1.6 \text{ kJ}$  mukdardaky ýylylyk berýärler. Gazyň içki energiyasynyň ýokaranmasyny we yadiabata görkezijisini tapmaly.

98. Bir ujy ýapyk turbajygyn içinde beýikligi  $h=20 \text{ sm}$  bolan simap bar (23-nji surat). Turbajygyn uzynlygy  $l=70 \text{ sm}$ . Turbajygyn açık ujy aşak ugrukdyrylsa, simabyň bir bölegi dökülyär. Eger atmosferanyň basyşy  $H=75 \text{ sm sim. süt. bolsa, turbajykda galýan simabyň } x \text{ beýikligi näçe bolar? Haýsy şertde simabyň hemmesi döküler?}$

99. Ideal gazyň käbir mukdary ( $\gamma = 1.4$ ) politropiki hadysa gatnaşy়ar. Bu hadysada görüm  $V_1 = 10 \text{ l}$ -den  $V_2 = 5 \text{ l}-e$  çenli azalýar, basyş bolsa  $p_1=100 \text{ kPa-dan, } p_2=500 \text{ kPa-a}$  çenli artýar. Politropanyň  $n$  görkezijisini we gazyň molýar udel ýylylyk sygymyny tapmaly.

100. Käbir sıkl yerine ýetirilende, bir atomly gaz yzly-yzyna aşakdaky dört ýagdayyň üstünden geçýär: 1)  $2p, V$ ; 2)  $2p, 8V$ ; 3)  $p, 4V$ ; 4)  $p, 2V$ . Hemme ýagdayda sıkl politropiki hadysadır. Sikliň peýdaly tásir koeffisiýentini tapmaly. Görkezme: amatly maştablary seçip almak bilen sıkl  $p-V$  tekizlikde diagramma görnüşde yerleşdirmek maslahat beriliýär.

101. Silindriň aşaky bölegi we porşen bilen çäklenen görümde howa bar (24-nji surat). Agramy hasaba alynmasa hem boljak porşeniň meydany  $S=10 \text{ sm}^2$ . Porşeniň başdaky duran beýikligi  $h_0=15 \text{ sm}$ , daşky



23-nji surat



24-nji surat

basyş (atmosfera)  $p_0 = 760 \text{ mm sim.süt}$ . Porşeni  $h_1=10 \text{ sm}$  beýiklige galymak üçin etmeli işi tapmaly. Porşen süýsürilende temperatura üýtgänok.

102. Ýapyk kolbanyň içinde  $0^\circ\text{S}$  temperaturadaky suwuň käbir mukdary bar. Kolbanyň içindäki howa nasosyň kömegini bilen daşary çykarylýar. Netijede suw bugarýar. Suwuň haýsydyr bir mukdary bugarandan soň, galan suw doñupdyr. Suwuň näçe bölegi bugarypdyr? Kolba bilen daşky sredanyň arasynda ýylylyk çalsygy ýok.

103. Molýar massasy  $\mu$ , basyşy bolsa  $p$  bolan gaz iki sany gorizontal plastinanyň arasynda ýerleşyär. Aşaky plastinanyň temperaturasy  $T_1$ , ýokarkysynyň bolsa  $T_2$  (temperatura ýokarlygyna tarap goni çyzyk boýunça artýar). Gazyň görümü  $V$  bolsa, onuň massasyny tapmaly.

104. Gelý we argon gazlarynyň garyndysynyň basyşy  $p = 1.62 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ , temperaturasy  $t = 27^\circ\text{S}$ , dykzyllyg bolsa  $\rho = 2 \text{ kg/m}^3$ . 1  $\text{sm}^3$  görümdeki geliniň atomalarynyň sanyny tapmaly.

105. Haýsydyr bir gazyň hemişelik görümdeki udel ýylylyk sygymy  $C_p = 649 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , hemişelik basyşdaky udel ýylylyk sygymy  $C_p = 912 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ . Şu gazyň molýar massasyny we erkinlik derejesiniň sanyny tapmaly.

106. İki tarapý hem ýapyk gorizontal yerlesdirilen silindr ýeniljek porşen arkaly iki bölege bölünýär. Başdaky ýagdayda silindriň iki böleginiň görümüleri deň, porşen bolsa silindriň ortasynda dur. Her bölegiň görümü  $V_0$ , olardaky basyş  $p_0$ . Soňra, temperaturasy ýütgemez ýaly edip, porşeni örän haýallyk bilen hereketlendirýärler. Silindriň bir böleginiň görümmini beýlekiniňkiden  $n$  esse uly bolar ýaly edip porşeni hereketlendirmek üçin etmeli işi tapmaly.

107. Ideal gazyň üç molunyň temperaturasy  $T_0 = 273 \text{ K}$ . Gazyň görümmini hemişelik temperaturada  $n = 5$  esse giňeldýärler. Sondan soň gazy hemişelik görümde gyzdyryralar welin, onuň basyşy başdaky basyş bilen deňleşyär. Gaza jemi  $Q = 80 \text{ kJ ýylylyk}$  beriliýär. Şu gazyň yadiabata görkezijisini tapmaly.

108. Karnonyň sıkl boýunça işleyän ýylylyk maşynynda gyzdyryjynyň temperaturasy sowadyjjynyň temperaturasından  $n = 1.6$

esse ýokary. Bu maşyn her sıklde  $A=12 \text{ kJ}$  iş edýär. İşçi maddany hemişelik temperaturada gysmak üçin bir sıklde näçe iş edilýär?

109. Karnonyň sıklı boýunça işleyän ýylylyk maşynynyň gyzdyryjysynyň temperaturasyny  $\Delta T$  gradusa ýokarlandyrmak amatlymy ýa-da sowadyjynyň temperaturasyny  $\Delta T$  gradusa peseltmek?

Bellik: amatly diýip peýdaly tásir koeffisiýentiň artmagyna düşünilyär.

110. Käbir politropiki hadysada argonyň göwrümi  $\alpha = 4$  esse artdy, onuň basyşy bolsa  $\beta = 8$  esse peseldi. Argony ideal gaz diýip kabul etmek bilen şu hadysada argonyň molýar ýylylyk sygymyny tapmaly. Politropanyň  $n$  görkezijisi näçe?

111. Kömürturşy gazyň 1 molunuň termodinamiki temperaturasy  $k = 2$  esse ýokarlananda, onuň entropiyasynyň üýtgemesini hasaplamały. Temperaturanyň ýokarlanmasы: a) hemişelik göwrümde bolup geçýän hadysada; b) hemişelik basyşda bolup geçýän hadysada. Hasaplamalary a) we b) halatlar üçin aýratynlykda ýerine ýetirmeli.

112. 2 kg suw  $10^\circ\text{S}$  temperaturadan  $100^\circ\text{S}$  čenli gyzdyrylyar we şol temperaturada buga öwrülyär. Entropiyanyň üýtgemesini tapmaly.

113.  $100^\circ\text{S}$  temperaturaly 200 g demir içinde temperaturasy  $12^\circ\text{S}$  bolan 300 g suw guýlan kalorimetre salynýar. Ulgamyň temperaturasy durnuklaşanda, onuň entropiyasy nähili üýtgar?

114. Ýylylyk sygymyny hasaba almazlyk mümkün bolan kalorimetriň içinde  $23^\circ\text{S}$  temperaturaly 250 g suw bar. Suwuň içine 27 g eräp duran buz salýarlar. Buzuň doly erän pursadyna čenli entropiya üýtgemesini tapmaly.

115. Göwrümleri  $V_1 = 5 \text{ l}$  we  $V_2 = 3 \text{ l}$  bolan gaplarda saklanýan iki sany dürlü gaz (olar öz aralarynda himiki reaksiya girißenoklar) garyşdyrylyar. Gazlaryň temperaturasy  $T = 300 \text{ K}$ , basyşy bolsa  $p = 1 \text{ atm}$ . Gazlaryň garyşmagy netijesinde entropiyanyň üýtgemesini tapmaly.

116. İki sany hemişelik göwrümde (izohoradan) we iki sany hemişelik temperaturada bolup geçýän hadysalardan (izotermadan) ybarat sikliň peýdaly tásir koeffisiýentini tapmaly. İşçi madda ideal

gaz, onuň adiabata görkezijisi  $\gamma$ . Hemişelik temperaturaly hadysalaryň temperaturalary  $T_1$  we  $T_2$  ( $T_2 > T_1$ ), göwrümleriň gatnaşygy  $\frac{V_2}{V_1} = \alpha$ .

117. Adiabata görkezijisi  $\gamma$  bolan gaz iki sany hemişelik basyşda (izobaradan) we iki sany hemişelik göwrümde bolup geçýän hadysalardan (izohoradan) ybarat sikli ýerine ýetiryär. Sikliň dowamynnda hemişelik göwrümde gyzdyryşy we hemişelik basyşda giňelişiň her birisinde gazyň temperaturasy  $n$  esse artýar. Sikliň peýdaly tásir koeffisiýentini tapmaly.

118. Daşky sredanyň ýylylyk tásirinden üzneleşdirilen  $r$  radiusly silindr dik ýagdaýda ýerleşdirilen. Silindriň beýikliginiň ortasynda  $m$  massaly ýylylyg juda gowy geçirýän porşen berkidilen. Şu ýagdaýda silindriň aşaky we ýokarky bölekleriniň her birisinde temperaturasy  $T$ , basyşy bolsa  $p$  bolan ideal gazyň  $v$  moly bar. Porşeni boşadýarlar welin, ol aşak tarap süýşyär. Ulgamyň entropiyasynyň üýtgemesini tapmaly.  $\pi r^2 p >> mg$  diýip kabul etmeli.

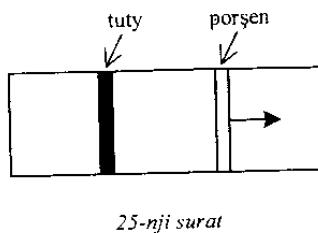
119. Agramsız porşenli silindriň içinde  $0^\circ\text{S}$  temperaturalady  $m = 30 \text{ g}$  suw bar. Porşenin meydany  $S = 512 \text{ sm}^2$ , daşky basyş  $p = 1 \text{ atm}$ . Silindriň içinde ýerleşdirilen elektrik gyzdyryjy  $Q = 24.2 \text{ kJ}$  ýylylyk mukdaryny işläp çykarsa, porşen näçe  $h$  beýiklige gałar? Silindriň daşky sreda bilen ýylylyk çalşygy ýok.

120. Her biriniň içinde 1 mol ideal gaz saklanýan iki sany deň göwrümlü gap kranly turbajyk arkaly özara bireleşdirilen. Olaryň birinjisindäki gazyň temperaturasy  $T_1$ , ikinji gapdaky gazyň temperaturasy bolsa  $T_2$ . Gaplaryň ikisinde hem şol bir gaz bar. Onuň molýar ýylylyk sygymy  $C_p$ . Krany açýarlar welin, gaz başga bir deňagramly ýagdaýa geçýär. Gazyň entropiyasynyň  $\Delta S$  üýtgemesini tapmaly. Entropiya artýarmy ýa-da azalýarmy?

121. Adiabata görkezijisi  $\gamma$  bolan ideal gazy  $p = \alpha V$  ( $\alpha = \text{hemişelik}$ ) deňleme bilen aňladylýan kanuna laýyklykda giňeldýärler. Gazyň göwrümi  $n$  esse artýar, onuň başlangyç göwrümi  $V_0$ . Tapmaly: a) gazyň içki energiyasynyň artmasyny; b) gazyň eden işini; c) gazyň şu hadysadaky molýar ýylylyk sygymyny.

122. Daşky sreda bilen ýylylyk gatnaşygy bolmadık silindr hereketli porşen bilen ýapylýar. Porşenin ýapýan göwrümini

syzyjylygy bolmadyk tuty (peregorodka) deň iki bölege bölýär (25-nji surat). Bu iki göwrümijň birinde ideal gaz bar, beýlekisinde bolsa wakuum. Tuty aýrylýar welin, gaz giňelýär we silindriň göwrüminiň hemmesini eýeleýär. Şöndan soň gazy gyzdryýarlar. Gaz yzly-yzyna iki sany hadysany ýerine yetirýär:



1. Hemiselik basyşdaky hadysanyň netijesinde gazyň göwrümi dört esse artýar;
2. Hemiselik göwrümdäki hadysanyň netijesinde gazyň basyş basyşdaky basyş bilen deňleşýär.

Hadysalaryň ikisinde hem gaza deň mukdardaky ýylylyk beriliýär. Gazyň ýadiabata görkezijisini tapmaly.

## IV BÖLÜM

### Elektrostatika we hemiselik elektrik akymy (tok). Esasy kesgitlemeler we düzgünler

1. Nokatlanç zaryadyň döredýän meýdanynyň güýjenmesi we potensialy:

$$\bar{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^3} \bar{r}, \quad \varphi = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}, \quad \epsilon_0 = 0.885 \cdot 10^{-11} F/m. \quad (1)$$

Meydanlaryň superpozisiýa düzgüni – zaryadlaryň ulgamynyň döredýän meýdanynyň güýjenmesi aýry-aýry zaryadlaryň döredýän güýjenmeleriniň wektor jemine deňdir.

2. Gaussyn teoremasы:

$$\oint_{\partial S} \bar{E} d\bar{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \int_V \rho dV. \quad (2)$$

Bu ýerde  $S$  seredilýän  $V$  göwrumi örtýän üstüň meýdany;  $\rho$  – zaryadlaryň göwrüm dykyzlygy.

3. Dipolyň (aralaryndaky uzaklyk  $l$  bolan iki sany dürlü atly, emma ululyklary boýunça deň nokatlanç zaryadlar) elektrik momenti:

$$\bar{p} = q\bar{l}. \quad (3)$$

4. Deňölçegli zaryadlanan ýuka tükeniksiz tekizligiň döredýän meýdanynyň güýjenmesi:

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}. \quad (4)$$

5. Deňölçegli zaryadlanan tükeniksiz uzyn goni ince simiň (sapagyň) özünden  $r$  uzaklykda döredýän meýdanynyň güýjenmesi:

$$W = \frac{1}{2} q u = \frac{q^2}{2C} = \frac{Cu^2}{2}. \quad (10)$$

6. Tükeniksiz geçiriji üstün ýakynynda ýerleşdirilen  $q$  zarýad geçirijiň içinde üste görä simmetrik ýerleşen  $-q$  zarýady döredýär (induktirleyär). Geçiriji üstün täsiri  $q$  we  $-q$  nokatlanç zaryadlaryň jemleyji meýdany bilen çalşyrylyar.

7. Dielektrik syzyjylygy  $\varepsilon$  bolan dielektrigiň içindäki meýdan wakuumdakydan  $\varepsilon$  esse az bolýar.

8. Tekiz, silindr we sfera görnüşli kondensatorlaryň sygymy degişlitikde:

$$C = \frac{\varepsilon \varepsilon_0 S}{d}, \quad C = \frac{2\pi \varepsilon \varepsilon_0 l}{\ln \frac{R_2}{R_1}}, \quad C = \frac{4\pi \varepsilon \varepsilon_0}{\sqrt{R_1} - \sqrt{R_2}}. \quad (6)$$

9. Elektrik meýdanyň güýjenmesi bilen onuň potensialynyň arasyndaky baglanyşyk (meýdan bir ölçegli):

$$E = -\frac{\Delta \varphi}{\Delta x} \quad \text{ýa-da} \quad E = -\frac{d\varphi}{dx}. \quad (7)$$

10.  $n$  sany nokatlanç zaryadlaryň ulgamynyň özara täsir energiyasy:

$$W = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n q_i \varphi_i. \quad (8)$$

11. Zarýadlanan iki jisimiň doly energiyasy olaryň hususy energiyalary bilen özara täsir energiyasynyň jemine deňdir:

$$W = W_1 + W_2 + W_{12}. \quad (9)$$

12. Zarýadlanan kondensatoryň energiyasy:

$$W = \frac{1}{2} q u = \frac{q^2}{2C} = \frac{Cu^2}{2}. \quad (10)$$

13. Elektrik meýdanyň energiyasynyň dykylzlygy:

$$W' = \frac{1}{2} \varepsilon \varepsilon_0 E^2. \quad (11)$$

14. Metaldaky elektrik akymynyň dykylzlygy:

$$i = e n \tilde{v}, \quad (12)$$

$i$  – elektronlaryň birlik görürümäki sany;  $\tilde{v}$  – olaryň orta tizligi.

15. Kirhgoſyň düzgünleri:

1. Geçirijileriň düwnüne (üç we ondanam köp geçirijileriň ýerleşyän nokady) gitýän we ondan çykýan elektrik akymalarynyň jemi ola deň, ýagny

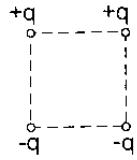
$$\sum I_k = 0. \quad (13)$$

2. İslendik ýapyk konturda geçirijilerdäki napräzeniyeleriň şelmeleriniň jemi şol konturdaky çeşmeleriň elektrik hereketlendiriji týcileriniň (EHG) jemine deňdir, ýagny

$$\sum I_k R_k = \sum \varepsilon_n. \quad (14)$$

### Meseleler

123. Her biriniň massasy 1 g bolan iki sany mis şar bir-birinden  $1 m$  uzaklykda ýerleşyär. Eger olardaky ähli elektronlaryň zaryady hemme ýadrolaryň zaryadyndan 1% tapawutly bolsa, şarlar näçe güýç bilen täsir edişerler?



124. Diagonaly  $2l$  bolean kwadratyň depelerinde  $26$ -njy suratda görkezilişi ýaly,  $q$  we  $-q$  zarýadlar ýerleşdirilen. Kwadratyň merkezinden  $x$  uzaklykda onuň depelerine görä simmetrik ýerleşen nokatdaky elektrik meýdanynyň güýjenmesiniň modulyny tapmaly.

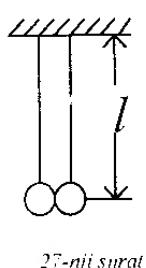
125. Gorizontallý ýerleşdirilen geçiriji tekizligiň üstünden gatylygy  $k$  bolean sapakdan şarjagaz asylgy. Şarjagaz zarýadlandyrylandan soň, ol  $x$  aralyga aşak düşýär. Şundan soň şarjagaz bilen tekizligiň arasyndaky uzaklyk  $l$  bolupdyr. Şarjagaza berlen zarýady tapmaly.

126.  $q$  we  $-q$  nokatlanç zarýadlar biri-birinden  $l$  uzaklykda ýerleşdirilipdir. Bu zarýadlardan  $l/2$  uzaklykda tükéniksiz geçiriji tekizlik bar (zarýadlaryň ikisi-de tekizligiň bir tarapynda). Her zarýada tásir edýän güýjüň modulyny tapmaly.

127. Radiusy  $R$  bolean şara göwrüm dykyzlygy  $\rho = \rho_0 \left(1 - \frac{r}{R}\right)$  bolean zarýad berilýär ( $\rho_0 = \text{hemiselik}$ ,  $0 < r < R$ ).

Dielektrik syzyjylyk  $\varepsilon = 1$  diýip kabul etmek bilen: a) şaryň içindäki we daşyndaky meýdanyň güýjenmesiniň radial  $r$  koordinata baglylygyny tapmaly; b) güýjenmäniň iň uly bahasyny ( $E_{muh}$ ) we oňa degişli radius wektoryň iň uly bahasyny ( $r_{muh}$ ) tapmaly.

128. Simden ýasałan haľka  $q$ , zarýad berilse, ol üzülyär. Halkanyň diametri we simiň diametri üç esse artdyrylsa, halkanyň üzülmegi oňa näçe mukdardaky zarýad bermeli?



129. İki sany birmeňzeş şarjagazlaryň her birine  $q$  zarýad berilipdir. Şarjagazlar biri-biri bilen pružin arkaly birleşdirilipdir. Şarjagazlar yrgylداýarlar we şol sebäpli ołaryň arasyndaky uzaklyk  $l$ -deň  $4 l$ -e çenli üýtgeýär. Deformirlemedik pružiniň uzynlylygy  $2l$  bolsa, onuň  $k$  gatylygyny tapmaly.

130. Radiusy  $R = 1\text{ sm}$  bolean iki sany şar 27-nji suratda görkezilişi ýaly edip

uzynlylygy  $I = 10\text{ sm}$  sapaklardan asylgy. Şarlara deň mukdardaky zarýadlar berilýär welin, sapaklaryň her biriniň dartuw güýgi  $F = 49 \cdot 10^{-5}\text{ N}$ -a çenli artýar. Her şaryň agramy  $P = 40 \cdot 10^{-5}\text{ N}$  bolsa şarlaryň potensialaryny tapmaly.

131. İki sany dik plastinalaryň arasyndaky uzaklyk  $d = 0.5\text{ sm}$ . Plastinalaryň arasyndaky giňislikde  $m = 10^{-9}\text{ g}$  massaly damjajyk hemiselik tizlik bilen aşak gaçýar. Plastinalara  $u = 400\text{ W}$  bolean potensialaryny tapawudy berilýär welin, damjajyk plastinalar bilen  $\alpha = 7^{\circ}25'$  burç emele getirýän gönü çyzyk boýunça gaçýar. Damjajygyn jızligi oňa tásir edýän göye proporsional diýip kabul etmek bilen onuň zarýadyny tapmaly.

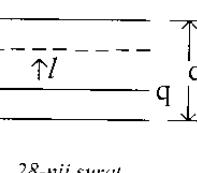
132. Ince sterženiň uzynlygy boýunça  $q = 2 \cdot 10^{-7} Kl$  zarýad ýradeň paýlanan. Sterženiň uçlaryndan  $R = 3\text{ m}$ , ortarasыndan bolsa,  $\rho_0 = 0.1\text{ m}$  uzaklykda ýerleşen nokatdaky meýdan güýjenmesini tapmaly.

133. Zarýadyň göwrüm dykyzlygy  $\rho = \text{hemiselik}$  bolean şaryň içinde sferiki boşluk bar. Boşlugyň merkezi bilen şaryň merkezinin arasyndaky uzaklyk  $\bar{a}$  wektor bilen häsiyetlendirilýär. Boşlugyň içindäki elektrik meýdanyň  $\vec{E}$  güýjenmesini tapmaly.

134. Gyrađen zarýadlanan ýarym sferanyň merkezindäki potensialy we elektrik meýdanynyň güýjenmesini tapmaly. Ýarym sferanyň radiusy  $R$ , zarýadlaryň üst dykyzlygy bolsa  $\sigma$ .

135. Biratly zarýadlanan iki sany birmemeňzeş şarjagazlar zynlyklary deň sapaklar arkaly bir noktadan asylgy. Daşarky sreda erosin bilen doldurylanda, sapaklaryň arasyndaky burç üýtgedemi, şarjagazlaryň materialynyň dykyzlygyny tapmaly.

136.  $q = 2 \text{ mkCl}$  zarýad biri-birinc perpendikulär edip goýlan geçiriji tekizliklerin arasynda ýerleşýär.  $q$  zarýad tekizlikleriň ikisinden tem  $l = 5\text{ sm}$  uzaklykda. Bu zarýada tásir edýän güýjüň modulyny tapmaly.



28-nji surat

Zaryadlanan plastina / aralyga süýşürilse, kondensatoryň plastinalaryny birleşdirýän simden akyp geçek  $\Delta q$  zarády tapmaly.

138. Geçiriji sferanyň zarádynyň üst dykyzlygy  $\sigma$ . Zarádyň üst boýunça paýlanyşy gyraðeñ. Sferanyň içindäki islendik nokatda elektrik meydanyň güýjenmesiniň nola deñ bolýandygyny subut etmeti. Sferanyň merkezindäki potensial näçe?

139. Ince simden ýasalan radiusy  $r = 100 \text{ mm}$  bolan halkanyň  $q = 50 \text{ mkC}$  zarády bar. Halkanyň merkezinde  $q_0 = 7 \text{ mkC}$  nokatlanç zarád ýerleşdirilse, simi dartyan güýjün  $\Delta F$  üýtgemesi näçä deñ bolar?

1	
2	

29-njy a) surat

aşakdaky ýagdaylar üçin ýerine ýetirmeli:

a) dielektrik ýerleşdirilende, kondensatoryň napryaženiýesi üýtgedilmedi;

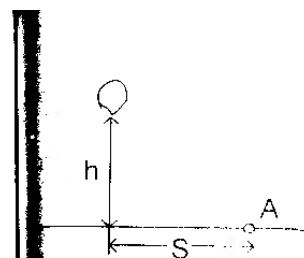
b) dielektrik ýerleşdirilende, plastinalardaky zarádlar üýtgedilmedi.

1	2
---	---

29-njy b) surat

damja emele getirýärler. Birleşmekden alınan damjanyň potensialyny tapmaly.

143. Diametri  $2 \text{ m}$  bolan metal şar  $\varphi = 10 \text{ kW}$  potensiala çenli zarádlandyrlypdyr. Bu şar Yer bilen birleşdirilende, näçe mukdarda ýylylyk bölünip çýkar?

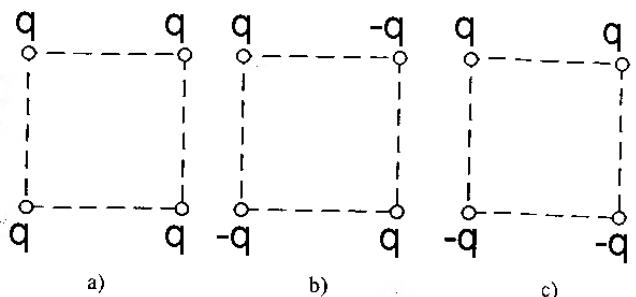


30-njy surat

144. Yeriň üstünde  $h = 1 \text{ km}$  beýiklikde elektrik zarády  $q = 20 \text{ kC}$  bolan bulut bar. Yeriň üstü tekiz. özem geçiriji diýip kabul etmek bilen A nokatdaky (30-njy surat) meydanyň güýjenmesini tapmaly.  $S = 3 \text{ km}^2$  bolýany belli.

145. Tekiz kondensatoryň plastinalaryny biri-birine  $1 \text{ mm/s}$  tizlikten ýakynlaşdyrylyar. Plastinalaryn arasyndaky uzaklyk  $2 \text{ mm}$  bolan ~~soňda~~, kondensatordan näçe elektrik akamy (tok) geçer? ~~soňda~~ plastinalaryň her biriniň meydany  $S = 400 \text{ sm}^2$ ,  $u = 300 \text{ W}$ .

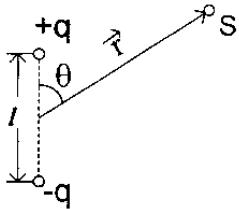
146. Tarapnyň uzynlygy  $a$  bolan kwadratyň depelerinde ýerleşdirilen nokatlanç zarádlaryň özara täsir energiyasyныň jemini tapmaly. Zarádlaryň ýerleşishi 31-njy suratda görkezilendir.



31-njy surat

147. Tükeniksiz uzyň gönü çyzygyň üstünde  $q$  we  $-q$  nokatlanç zarádlar gezekleşdirilip biri-birinden  $a$  uzaklykda ýerleşer.  $\pi$  edip goýlan. Zarádlaryň şu tükeniksiz uzyň zynjyrynyň her bir zarádyň beýleki zarádlar bilen özara täsir energiyasyny tapmaly. Çiskezme: mesele çözülende  $\ln(1+x)$  funksiyanyň tükeniksiz hatar gönünde ýazylyşyny ullanmaly (Goşundylara serediñ).

148.  $R_1$  radiusly sfera  $q$  zarýad beryärler we soň onuň radiusyny  $R_2$ -ä çenli ulaldýarlar. Elektrik güýçleriniň eden işini tapmaly.



32-nji surat

149. Momenti  $\vec{p} = q\vec{l}$  bolan dipol berlipdir (32-nji surat). Giňişligiň  $S$  nokadynda dipolynы döredýän meýdanynyň  $\phi$  potensialyny tapmaly ( $r \gg l$ ).  $\phi$  üçin tapylan deňlemäni we böлümىň girişinde berlen maglumatlary ulanyp güýjennäniň modulyny tapmaly.

150. Tekiz kondensatoryň plastinalarynyň arasynda optiki aýna ( $\varepsilon = 9$ ) plastinasы salynýar we lin, galyňlygy  $a = 1 \text{ mm}$  bolan howa gatlagy galýar. Kondensatoryň obkladkalarynyň (plastinalarynyň) arasy  $d = 1 \text{ sm}$ . Kondensatora  $u = 100 \text{ W}$  napräzeniye berlen. Kondensator elektrik akymynyň çeşmesinden aýrylyp, aýna plastina onuň içinden çykarsa, potensiallaryň  $u_1$  tapawudyny näce bolar?

151. Syzyjylygy  $\varepsilon$  bolan suwuk dielektrikli kondensatory  $W_1$  energiýa sarp edip zarýadlandyrduylar. Soň kondensatory elektrik çeşmeden aýyrdylar, dielektrigi bolsa döküp, ony zarýadsyzlandyrduylar. Zarýadsyzlanmadá bölünip çykan  $W_2$  energiýanyň tapmaly.

152. Kondensatory çalt (impuls režimde) zarýadsyzlandyrmak bilen seýrekendirilen gazy (wodorody) juda ýokary temperaturalara çenli gyzdymagyn (mysal üçin termoýadro reaksiýanyň başlangyç temperaturasy  $T_0 = 293 \text{ K}$ , gazyň görürmi  $V = 10^{-3} \text{ m}^3$ , basyşy  $p = 1.29 \text{ Pa}$  diýip kabul ediň;

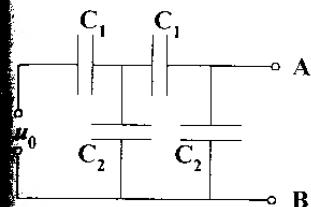
a) kondensatorda toplanan ähli energiýa gazy gyzdymak üçin sarp edilýär diýip, gazyň temperaturasyny hasaplamaň. San hasaplamalary geçireniňizde  $u = 3 \cdot 10^4 \text{ W}$ ,  $C = 1.8 \cdot 10^{-5} \text{ F}$ , gazyň başlangyç temperaturasy  $T_0 = 293 \text{ K}$ , gazyň görürmi  $V = 10^{-3} \text{ m}^3$ , basyşy  $p = 1.29 \text{ Pa}$  diýip kabul ediň;

b) eger zarýadsyzlanma energiýasy tutuşlygyna kondensatoryň obkladkalaryny gyzdýrmaga sarp boldy diýilse, olaryň

temperaturasynyň ýokarlanmasý näce bolar? Obkladkalaryň massasy  $m = 100 \text{ g}$ , misiň udel ýylylyk sygymy  $C = 420 \text{ J/(kg K)}$ .

153. 152-nji meselede garalan kondensatorda toplanan energiýa zy we kondensatoryň plastinalaryny gyzdymakdan başga nähili dysalara sarp edilýär? Bu energiýalary hasaba almak üçin näme etmeli?

154. 33-nji surattdaky



33-nji surat

shemada  $u_0 = 110 \text{ V}$ ,  $\frac{C_2}{C_1} = n = 2$

bolýandygy bell. A we B nokatlaryň arasyndaky potensiallaryň tapawudyny tapmaly.

155.  $q$  zarýad  $R$  radiusly şaryň görürmi boýunça gyraðeň paýlanan. Dielektrik syzyjylyk  $\varepsilon = 1$  diýip kabul etmek bilen:

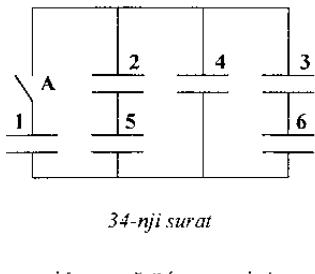
a) şaryň hususy elektrik energiýasyny tapmaly;

b) şaryň içindäki  $W_1$  energiýanyň onuň daşyndaky  $W_2$  energiýa naşygyyny tapmaly.

156. Dielektrigi howa bolan silindr şekilli kondensatory präzañeniyesi  $u = 200 \text{ W}$  bolan elektrik akymynyň çeşmesine deşdirýärler. Soň ony  $v = 5 \text{ mm/s}$  tizlik bilen vertikal ýagdayda assalanan (distillirlenen) suwa salýarlar. Kondensatoryň obkladkalarynyň arasyndaky uzaklyk  $d = 2 \text{ mm}$ , orta radiusy  $r = 50 \text{ mm}$ ,  $d$  bolanda, çeşmedäki elektrik akymynyň güýjünü tapmaly.

157. Her biriniň sygymy  $C = 440 \text{ pF}$  bolan  $n = 5$  sany kondensator yzygider birleşdirilen. Şeýle edip alınan kondensatorlaryň bareasy napräzeniyesi  $u = 60000 \text{ W}$  bolan çeşmä birleşdirilýär. Kondensatorlaryň biri hatardan çykyar (obkladkalary özara birleşirýärler). Esmaly: a) batareyanyň energiýasynyň üýtgesmesini; b) zarýadsyzlanmadaky edilen işi; c) tok çeşmesiniň eden işini.

158. Her biriniň sygymy  $C = 900 \text{ pF}$  bolan iki sany tekiz kondensatory aýry-aýrylykda  $u = 900 \text{ W}$  napräzeniýä çenli zarýadlandyrduylar. Kondensatorlaryň birini zarýadlanan ýagdayda usine salýarlar. Soň kondensatorlary parallel birleşdirýärler. Zarýadsyzlanmanýň işini tapmaly.



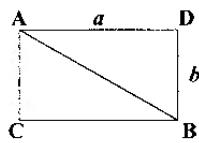
34-nji surat

159.  $u$  naprāzeniye berlen  $C$  sygymly 1-nji kondensatora  $A$  açaryň üsti bilen her biriniň sygymy  $C$  bolan  $S$  sany kondensatordan ybarat batareýä birleşdirilýär. Tapmaly:

- her kondensatora geçen zaryady;
- elektrik meýdanyň

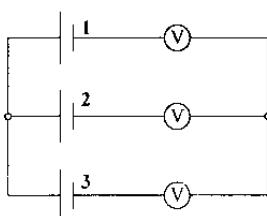
energiýasynyň üýtgesmesini.

160. Radiusy  $a$  bolan metal şar  $b$  radiusly metal sferanyň içinde yerleşdirilipdir (şar bilen sferanyň merkezleri umumy). Olaryň arasyndaky giňişlik udel garşylygy  $\rho$  bolan sreda bilen doldurylen (mysal üçin, elektrolit). Şar bilen sferanyň arasyndaky garşylygy tapmaly.  $b \rightarrow \infty$  bolsa, mescleniň jogaby nähili üýtgar?



35-nji surat

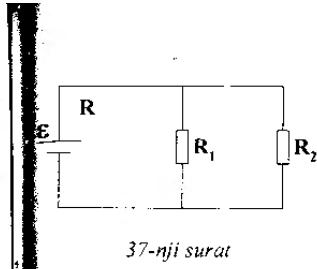
161. a) 35-nji suratdaky shemada elektrik akmy  $A$  nokatdan  $B$  nokada tarap akýan bolsa, ulgamyň garşylygyny tapmaly. Simiň uzynlyk birliginiň garşylygy  $\gamma$ ; b) tok  $C$  nokatdan  $D$  nokada tarap akýan bolsa, sim karkasynyň garşylygy näçe bolar?



36-nji surat

162. Üç sany galwaniki element we üç sany woltmetr 36-nji suratdaky shema laýyklykda birleşdirilýärler.  $\varepsilon_1 = 1 W$ ,  $\varepsilon_2 = 2 W$ ,  $\varepsilon_3 = 1.5 W$ . Woltmetrleriň içki garşylyklary  $R_1 = 2 kOm$ ,  $R_2 = 3 kOm$ ,  $R_3 = 4 kOm$ . Galwaniki elementleriň içki garşylyklary hasaba alardan az. Tapmaly: a) woltmetrleriň görkezýän naprāzeniýelerini; b) shemanyň düwünleriniň arasyndaky potensiallaryň tapawudyny.

163. 37-nji suratda görkezilen shemada  $V=5 W$ ,  $R=0.1 Om$ ,  $R_1=4 Om$ ,  $R_2=6 Om$ .  $R$ , we  $R$ , garşylyklardan geçýän elektrik akymynyň güýçlerini tapmaly.



37-nji surat

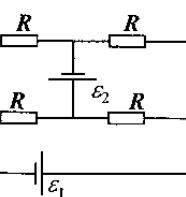
164. Garşylygy  $R$  bolan rezistor we wolt-amper häsiyetnamasy (WAH)  $u=a\sqrt{I}$  ( $a=hemiselik$ ) deňleme bilen berilýän çyzykly, däl garşylyk yzygider birleşdirilýär. Şeýletlik bilen alınan zynjyr  $u_z$  naprāzeniýeli elektrik akymynyň eşmesine tırıkdirilýär. Zynjyrdaky elektrik akymynyň güýjünü tapmaly.

165. Uzynlygy  $l=1000 m$ , kese kesiginiň meýdany  $S=1 mm^2$  olan gönü mis simden  $I=4.5 A$  elektrik akymy geçýär. Misiň her bir tomyna bir èrkin elektron düşyär diýip kabul etmek bilen tapmaly:

a) simiň bir ujundan beýleki ujuna geçýänçä elektronnyň sarp ijeck wagtyny;

b) şu simdäki ähli erkin elektronlara täsir edýän elektrik güýçlerini.

166. Garşylygy  $R = 75 Om$  bolan geçirijiden  $100 kV$  zarýad eçende näçe mukdardaky ýylylyk bölünip çykar? Elektrik akymynyň ýtgeýiniň aşakdaky ýagdaýlaryna aýratlynykda garamaly: a) elektrik akymy hemiselik tizlik bilen  $\Delta t = 50 s$  wagtyň dowamynnda nola çenli zalýar; b) her  $\Delta t = 2 s$  wagtda elektrik akymy iki esse azalýar.



38-nji surat

167. 38-nji suratdaky shemada  $\varepsilon_1$ ,  $\varepsilon_2$ , we dört sany rezistor berlen. Rezistorlaryň her biriniň garşylygy  $R$ . Rezistorlaryň her birinde bölünip çykýan kuwwaty tapmaly.

168. Uzynlygy  $l = 10 km$  bolan gönü simden  $I = 400 A$  elektrik akymy geçýär. Şu elektrik akymyny emele getiryän elektronlaryň hereket mukdaryny (impulsyny) tapmaly.

169. EHG-si  $12 W$ , içki garşylygy bolsa  $1.5 Om$  bolan çeşmä garşylyk birleşdirilýär ( $0.8 \leq R \leq 10 Om$ ). Zynjyryň peýdalý täsir deffisiýentiniň ( $\eta$ ) we peýdalý  $A$  işin  $R$  garşylyga baglylygyny tapmaly, ýagny  $\eta = f_1(R)$ ,  $A = f_2(R)$  funksiýalary.

## V BÖLÜM

### Magnit meydany we elektromagnit induksiýasy barada esasy kesgitlemeler we düzgünler

1. Geçirijiden ýasalan ýapyk tekiz konturyň (ramkanyň) magnit momenti

$$\vec{p}_m = IS \vec{n}_0. \quad (1)$$

Bu ýerde  $S$  – konturyň meydany;  $I$  – ondaky elektrik akymynyň güýji;  $\vec{n}_0$  – konturyň tekizligine perpendikulýar ugrukdyrylan birlik wektor.

2. Induksiýasy  $\vec{B}$  bolan magnit meydanynda ýerleşdirilen elektrik akymy bar kontura täsir edýän güýjüň momenti

$$\vec{M} = [\vec{p}_m \vec{B}]; \quad M = p_m B \sin \alpha. \quad (2)$$

Bu ýerde  $\alpha$ ,  $\vec{p}_m$  we  $\vec{B}$  wektorlaryň arasyndaky burç.

3. Magnit meydanyň  $\vec{B}$  induksiýasy (2) deňlemeden kesgitlenýär. Ol kesgitleme şcýledir:

$$B = \frac{M_{indy}}{p_m} = \frac{M_{indy}}{IS}. \quad (3)$$

4.  $\vec{v}$  tizlik bilen hereket edýän nokatlanç zarýadyň döredýän magnit meydanyň induksiýasy

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q[\vec{v}\vec{r}]}{r^3}; \quad B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{qv \sin(\hat{\vec{v}\vec{r}})}{r^2}. \quad (4)$$

Bu ýerde  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} G\eta/m$  – magnit hemişeligi.

5.  $I\Delta l$  elektrik akymynyň elementiniň  $r$  uzaklykda döredýän magnit meydanyň induksiýasy üçin Bio we Sawaryň kanunu:

$$\Delta \vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{[\Delta \vec{l} \vec{r}]}{r^3} \quad \text{ýa-da} \quad d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{[d\vec{l} \vec{r}]}{r^3}. \quad (5)$$

$$\text{Induksiýanyň moduły } dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl \sin(\hat{dl \vec{r}})}{r^2}. \quad (6)$$

$I$  elektrik akymy bar  $R$  radiusly sarymyň (ramkanyň) merkezindäki induksiýa:

$$B = \frac{\mu_0 I}{2R}. \quad (6.a)$$

Tükeniksiz uzyn gönü  $I$  elektrik akymynyň özünden  $a$  uzaklykda döredýän induksiýasy:

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}. \quad (6.b)$$

6. Magnit induksiýasynyň köwlenmesi (sirkulyasiýasy) barada teorema:

$$\oint \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \sum_K I_K. \quad (7)$$

Ýapyk  $\vec{l}$  kontur boýunça alınan integral şol konturyň öz içine alýan elektrik akymalarynyň jemine deňdir.

7. Magnit induksiýasy üçin Gaussyn teoremasы:

$$\oint \vec{B} d\vec{s} = 0. \quad (8)$$

8. Magnit induksiyasynyň akymy:

$$\Delta\Phi = (\vec{B} \Delta \vec{S}) = B \Delta S \cos(\vec{B} \Delta \vec{S}). \quad (9)$$

Magnit meýdany birhilli, ýagny  $B = \text{hemisilik}$  bolsa, (9) formula yonekeýlesýär

$$\Phi = (\vec{B} \vec{S}) = B S \cos(\vec{B} \vec{S}). \quad (10)$$

9. Elektrik akymy bar geçirijileriň magnit meýdanynyň induksiyasynyň akymy

$$\Phi = LI, \quad L - \text{induktivlik}. \quad (11)$$

10. Magnit meýdanynda yerleşdirilen elektrik akymynyň elementine ( $I/\Delta l$ ) tásir edýän güýç Amperiň kanunu esasynda hasaplanlyýar:

$$\Delta F = I \Delta l \cdot B \sin(\Delta l \vec{B}). \quad (12)$$

Amperiň kanunynyň wektorlaýyn ýazgysy:

$$\Delta \vec{F} = I \left[ \Delta l \vec{B} \right]. \quad (13)$$

11. Magnit meýdanynda hereket edýän zaryadlanan bölejige tásir edýän güýç – Lorensiň güýji:

$$\vec{F} = q \left[ \vec{v} \vec{B} \right], \quad \text{güýjüň moduly } F = q v B \sin(\vec{v} \vec{B}). \quad (14)$$

Zaryadlanan bölejige elektromagnit meýdanynda tásir edýän güýç:

$$\vec{F} = q \vec{E} + q \left[ \vec{v} \vec{B} \right]. \quad (15)$$

12. Faradeýiň elektromagnit induksiyá kanunu:

$$\varepsilon_i = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \quad \text{ýa-da} \quad \varepsilon_i = -\frac{d\Phi}{dt}. \quad (16)$$

13. Elektrik akymynyň (tuguň) magnit meýdanynyň hususy energiyasy:

$$W = \frac{1}{2} L I^2. \quad (17)$$

14.  $I_1$  we  $I_2$  elektrik akymalarynyň özara magnit tásiriniň energiyasy:

$$W_{12} = \frac{1}{2} L_{12} I_1 I_2. \quad (18)$$

Bu ýerde  $L_{12}$  – özara induksiyá koeffisiýenti.

15. Magnit meýdanyň energiyasynyň göwrüm dykyzlygy:

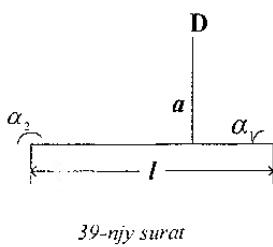
$$W' = \frac{1}{2} (\vec{B} \vec{H}) = \frac{1}{2} \frac{B^2}{\mu \mu_0}. \quad (19)$$

Bu ýerde  $\vec{H}$  – magnit meýdanynyň güýjenmesi;  $\mu$  – sredanyň magnit syzyjylygy.

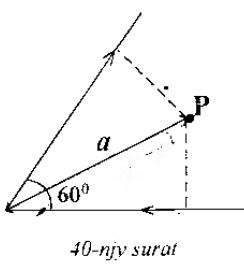
## Meseleler

170. Nokatlanç zaryad  $v = 900 \text{ m/s}$  tizlik bilen hereket edyär. Käbir wagt pursatunda gözegçilik edilýän  $P$  nokatda şu zaryadyň döredýän elektrik meýdanynyň güýjenmesi  $E = 600 \text{ W/m}$ .  $\vec{E}$  we  $\vec{v}$  wektorlaryň arasyndaky burç  $\alpha = 30^\circ$  bolupdyr. Şu zaryadyň  $P$  nokatda döredýän magnit meýdanynyň induksiyasyny tapmaly.

171. Bir tekizlikde yerleşen üç sany özara parallel uzyn elektrik akymy bar simler berlipdir. Olar biri-birinden  $3 \text{ sm}$  uzaklykda yerleşdirilen.  $I_1=I_2$  we  $I_3=-(I_1+I_2)$  bolýandygy bell. Magnit meýdanynyň induksiyasynyň nola deň boljak gönü çyzygy nirede yerleşyär?



ýasalan gönüburçlukdan  $I = 6 \text{ A}$  elektrik akymy akýar. Gönüburçlugyň merkezindäki induksiyany tapmaly. Onuň magnit momenti näçe?



175. Radiusy  $R$  bolan uzyn togalak simden  $I_0$  elektrik akymy akýar. Simiň  $a$  içindäki we b) daşyndaky magnit meýdanynyň induksiyasyny tapmaly.

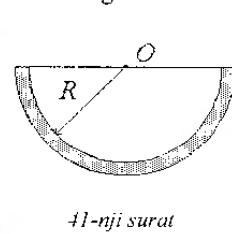
172. Uzynlygy  $l$  bolan / elektrik akymy bar gönü simden  $\alpha$  uzaklykda ýatan  $D$  nokatdaky magnit meýdanynyň induksiyasyny tapmaly (39-nji surat). Mesele dogry çözülip tapylan deňlemede  $l \rightarrow \infty$  bolanda bölgemiň girişinde getirilen (6 b) deňleme gelip çykýat.

173. Taraplarynyň uzynlygy  $a=16 \text{ sm}$  we  $b=30 \text{ sm}$  bolup, simden

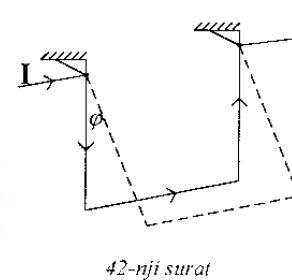
174.  $I=20 \text{ A}$  elektrik akymy bar tükeniksiz uzyn geçirijini 40-nji suratda görkezilişi ýaly epläpdirler. Burçdan  $a=10 \text{ sm}$  uzaklykda ýatan  $P$  nokatdaky magnit meýdanynyň induksiyasyny tapmaly.  $P$  nokat simleriň ikisinden hem deň uzaklykda ýatyr.

176. İki radiusy  $R_1$ , daşky radiusy bolsa  $R_2$  bolan silindrik turba şekilli geçirijiden  $I_0$  elektrik akymy akýar. Tapmaly: a) turbanyň içindäki magnit meýdanynyň induksiyasyny ( $r < R_1$ ); b) geçirijiniň içindäki magnit meýdanynyň induksiyasyny ( $R_1 < r < R_2$ ); c) turbanyň daşyndaky ( $r > R_2$ ) magnit meýdanynyň induksiyasyny.

177. Izolyatordan ýasalan  $R$  radiusly ýuka diskini bir tarapyna üst dykyzlygy  $\sigma$  bolan zaryad berlipdir. Diski öz okunyň töwereginde  $\omega$  burç tizlik bilen aýlaýarlar. Diskiň merkezindäki induksiyany we diskini magnit momentini tapmaly.



41-nji surat



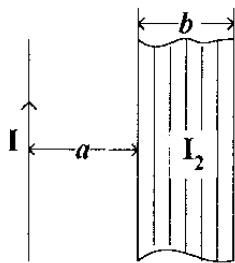
42-nji surat

178. Ýukajyk  $R$  radiusly ýarym halka şekilli juda uzyn geçirijiden (41-nji surat)  $I$  elektrik akymy akýar.  $O$  nokatdaky magnit induksiyasyny tapmaly.

179. Radiusy  $R = 2 \text{ sm}$  uzyn togalak simden  $I = 500 \text{ A}$  elektrik akymy geçýär. a)  $r = 1 \text{ sm}$  nokatdaky induksiyany tapmaly; b) sim öz okunyň üstünden geçýän tekizlik bilen iki bölege bölünse, onuň bir böleginden çykýan magnit akymyny tapmaly. Hasaplamlary simiň uzynlygy  $l = 3 \text{ m}$  üçin ýetirmeli.

180. Kese kesiginiň meýdany  $S = 2.5 \text{ mm}^2$  bolan mis simi kwadratny üç tarapы görnüşde epleýärler. Simi gorizontał okuň töwereginde aýlanyp biler ýaly edip asýarlar (42-nji surat). Sim magnit meýdanynyň induksiyasy dik ugur boyunça ugrukdyylan birhilli meýdanda yerleşyär. Simden  $I=16 \text{ A}$  elektrik akymy geçende, ramka  $\varphi = 20^\circ$  burça gysaryar. Magnit meýdanyň induksiyasyny tapmaly.

181. İki sany ince özara parallel geçirijilerden  $I_1$  we  $I_2$  elektrik akymalary akyp geçýär. Geçrijileriň yerleşdirilişi 43-nji a) suratda görkezilýär ( $I_1$  elektrik akymy ýukajyk lenta şekilli geçirijiden akýar). Geçrijiler bir tekizlikde ýatan bolsalar, olaryň uzynlyk birligine düşyän özara magnit täsir güýji tapmaly.



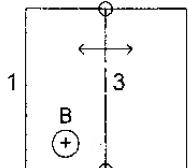
43-nji a surat

182. Izolýator bilen örtülen inçejik simden saralan *tekiz* spiral şekilli tegek berlipdir. Bu tegegiň biri-birine örän ýakyn ýerleşen  $N=100$  sarymy bar. In içerkى we in daşarky sarymlaryň radiuslary  $a$  we  $b$ . Tegekden  $I=8\text{ mA}$  elektrik akamy geçyär. Tapmaly: a) spiralyň merkezindäki magnit meydanyň induksiýasyny; b) berlen elektrik akamy üçin spiralyň magnit momentini.

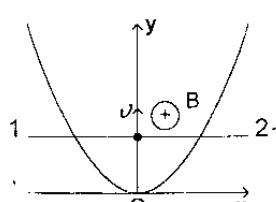
183. İki sany protonyň her birisi  $v = 300 \text{ km/s}$  tizlik bilen biri-birine parallel hereket edýärler. Şu protonlara tásır edýän  $F_M$  magnit we  $F_E$  elektrik güýçleriň gatnaşygyny tapmaly.

184. Elektron induksiyasy  $B = 2 \text{ mT}$  bolan magnit meydanynda spiral şekilli trayektoriya boýunça hereket edýär. Spiralyň radiusy  $R=2 \text{ sm}$ , ädimi  $h=5 \text{ sm}$ . Elektronyň tizligini tapmaly.

185. Simden ýasalan kwadrat 1 we 2 taraplarynyň arasynda süýşürip bolýan 3-nji sim (germewaç) bar (43-nji b) surat). Ulgam üýtgeyän magnit meydanynda ýerleşdirilýär. Şol sebäpli-de onda induksiýanyň EHG-si yüze çykýar we simlerinden elektrik akamy geçyär. Bu bolsa öz gezeginde käbir ýylylyk mukdarynyň bölünip çykmagyna getirýär. Germewaç simiň a) ortada we b) gyrada durýan ýagdaýlarynda bölünip çykan ýylylyk  $Q$ , we  $Q$ , mukdaralaryny deneşdirmeli. Olaryň gatnaşygы näçe?



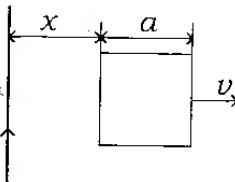
43-nji b surat



44-nji surat

186. Simden ýasalan  $y = kr^2$ ,  $k=hemişelik > 0$ , parabola birhilli magnit meydanynda ýerleşdirilýär (44-nji surat). Parabolanyň şahalary hereket edip bitýän 1-2 simden ýasalan germewaç arkaly birleşdirilýär. Germewaç: a) hemişelik  $v$  tizlik bilen hereket edýär; b) ol hemişelik aňızlenme

bilen hereket edýär diýip kabul edip, 0-1-2 konturda yüze çykýan induksiýanyň EHG-siniň y koordinata baglylyk funksiyasyny tapmaly. Germewajyň başlangyç tizligi nola deň.



45-nji surat

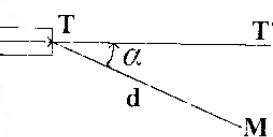
187. I elektrik akamy bar uzyn göni geçiriji we taraplarynyň uzynlygy  $a$  bolan kwadrat ramka bir tekezlikde ýatyrlar (45-nji surat). Eger ramka sag tarapa hemişelik  $v$  tizlik bilen süýşürilse, onda döreyen induksiýanyň EHG-siniň x uzaklyga baglylygyny tapmaly.

188. Induksiýasy  $B=0.8 \text{ Tl}$  bolan, dik ýokaryk ugrukdyrylan birhilli magnit meydanynda uzynlygy  $l=10 \text{ sm}$  bolan ince göni steržen aýlanýar. Aýlanma oky

induksiýa parallel we sterženiň bir ujundan geçyär. Sterženiň aýlaw ýyglylygы  $v=20 \text{ ayl/s}$ . Eger dik aýlanma ok sterženiň bir ujundan  $l_1=3 \text{ sm}$  uzaklykdan geçýän bolsa, uçlardaky potensiallaryň tapawudy näçe болар?

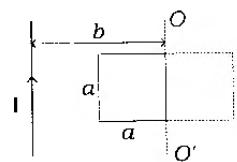
189.  $v = 0.35 \cdot 10^7 \text{ m/s}$  tizlik bilen hereket edýän  $\alpha$ -bölejik induksiýasy  $B=1 \text{ Tl}$  bolan birhilli magnit meydanyna girýär (tizlik  $v$  we  $B$  biri-birine perpendikulyar). Bölejigini trayektoriyasynyň  $R$  radiusyny,  $p_m$  magnit momentiniň modulyny we ugruny hem-de  $P$  mehaniki momentini tapmaly.

190. Elektronlar potensiallaryň tapawudy  $u=10^3 \text{ W}$  bolan aralagy geçip,  $T$  nokada gelýärler (46-nji surat). Olar  $T$  nokatdan çykyp,  $TT'$  trayektoriya boýunça hereket edip bilyärler.  $T$  nokatdan  $d=5 \text{ sm}$  uzaklykda  $M$  nokatda nyşana ýerleşýär;  $\alpha$  burç  $60^\circ$  deň.  $T$  nokatdan çikan elektronlaryň  $M$  nyşana uruñagy üçin çyzgynyň tekezligine perpendikulyar ugrukdyrylan birhilli magnit meydanynyň  $B$  induksiýasy näçe bolmalý?  $T$  nokatdan çikan elektronlaryň  $M$  nyşan, uruñagy üçin,  $TM$  gönü paralleli ugrukdyrylan



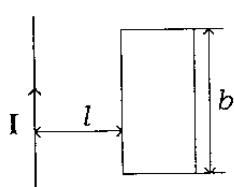
46-nji surat

bir hilli magnit meydanyň  $B_0$  induksiyasyny tapmaly.  $B$  we  $B_0$  induksiyalar 0,03  $Tl$ -dan köп bolmaly däldir.

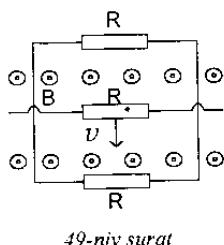


47-nii surat

berýän energiyasyň görüm dykyzlygy bilen ýyldyzara magnit meýdanynyň energiyasyň dykyzlygy Günden näçe uzaklykda deiň holalar?



48-nji surat



49-njy surat

maglumatlary ulanyp, merkezinde Gün ýerleşdirilen 1a.b. radiusly sferanyň içindäki ýyldyzara magnit meýdanynyň energiýasyny hasaplamały.

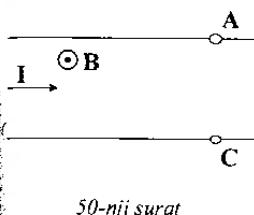
191. Simden ýasalan kwadrat ramka we I elektrik akymy bar uzyn sim bir tekizlikde ýerleşýärler (47-nji surat). Ramkanyň garşylygy R. Ramkany  $O O'$  okun töwereginde  $180^\circ$  aýlasalar, onuň simlerinden näçe mukdardaky zarýad akyp gecer?

192. Ылдyzara magnit meýdanyның induksiyasy takmynan  $B=2 \cdot 10^{-10} Tl$ . Гүнүн

193. Elektrik akымы бар узун сим  
we гарşылыгы  $R$  болан гönüburçы ramka  
48-нji suratdaky ýaly ýerleşýärler. Simdäki  
Elektrik akымы ýapylsa, ramka näçe  
hereket mukdaryny (impuñs) alar?  
Ramkanyň diñe işjeň (aktív) гаршылыгы  
ber.

194. İki sany dik goýlan geçiriji simiň uçlarynda  $R = 0.01 \text{ Om}$  garşylyk birleşdirilien (49-njy surat). Massasy  $m = 100 \text{ g}$ , uzynlygy  $l=100 \text{ sm}$ , garşylygy bolsa  $R=0.01 \text{ Om}$  germewaç simler boyunça aňsatlyk bilen hereket edip bilyär. Şu ulgam induksiyasy  $B=0.1 \text{ Tl}$  bolan birhilli magnit meydanynda yerleşdiriliýär. Simleriň garşylygy ýok. Agyrlyk güýjüň täsiri bilen hereket edende germewajyň iň uly tizligi näçe bolar?

195. 192-nii meselede berlen



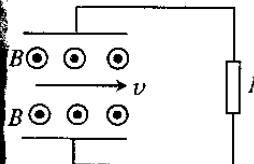
50-nii surat

196. Ini  $a$  bolan lenta şekilli geçirijiden  $I$  elektrik akymy akýar (50-nji surat). Indüksiyasy  $B$  bolan birhilli magnit meydany 50-nji suratda görkezilişi ýaly ugrukdyrylan.  $A$  we  $C$  nokatlaryň arasyndaky potensiallaryň tapawudyny tapmaly.

197. Radiusy  $a = 30 \text{ sm}$  bolan

metal disk merkezinden geçyń dik okuň töwereginde  $50 \text{ ayl/s}$  tizlik  
ilen aýlanýar. Yerit magnit meýdanyň dik düzüjisi  $B=5 \cdot 10^{-5} \text{ T}$   
olsa, diskin radiusynyň uçlaryndaky potensiallaryň tapawudyny  
apmaly.

198. Radiusı  $R = 5 \text{ mm}$  bolan togalak mis simden  $I=50 \text{ A}$  elektrik akymy geçýr. Simiň oky bilen onuň üstüniň arasyndaky potensiallaryň tapawudyny taptaly. Misdäki erkın elektronlaryň birlik gõwrümdäki sany  $n = 9 \cdot 10^{22} \text{ sm}^{-3}$ .



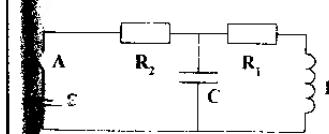
SI-nii surat

199. Magnit gidrodinamiki generatoryň in ýonekeý shemasы iki sany parallel plastinalaryň arasynda – v tizlik bilen hereket edýän elektrik akymy bar geçiriji suwuklyk akymyndan hem-de tizlige perpendikulyär ugrukdyrylan birhilli magnit meýdanyndan ybarat (51-nji

(urat). Suwuklygyň üdel garşylygy  $\rho$ , her plastinanyň meýdanы  $S$ , арын арасындакы узаклык  $d$  bolsa,  $R$  garşylykda bölünip çykjak  $P$  suwwaty tapmaly. Ol kuwwai häysy şertde iň uly bolar? Iň uly kuwwat açaq deň?

200. 52-ndi suratdaky shemada  $\varepsilon=1.4\text{ W}$ ,  $R_1=1\text{ Om}$ ,  $R_2=50\text{ Om}$ ,  $C=1\text{ m}\mu\text{F}$ ,  $L=1\text{ Gn}$ . Shema A achar arkaly elektrik akymynyň çesmesine birleşdirilenden ýeterlik wagt geçenden soň,  $C$  kondensatordaky we  $L$  induktiwlikdäki toplanan elektrik we magnit meýdanalaryň energiyalaryny tapmaly.

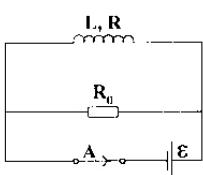
52-ndi surat



52-nii surai

201. Magnit syzyjylygy  $\mu=1$  materialdan ýasalan gönü togalak simden  $I$  elektrik akymy geçýär. Simiň bir uzynlyk birligine düşyän içki magnit meýdanyň energiyasyny tapmaly.

202. Elektrik meýdanynyň energiyasynyň wakuumdaky göwrüm dykyzlygy bilen induksiyasy  $B=1 \text{ T}$  bolan magnit meýdanynyň energiyasynyň wakuumdaky dykyzlygyna deň bolmagy üçin elektrik meýdanyň güýjenmesi näčä deň bolmaly?



53-nji surat

203. Induktivligi  $L=2 \text{ mGn}$  we garşylygy  $R = 1 \text{ Om}$  bolan tegek EHG-si  $\varepsilon = 3 \text{ W}$  bolan çesmä birikdirilen (53-nji surat). Tegek bilen parallel  $R_0=2 \text{ Om}$  garşylyk birləşdirilýär.  $A$  açar arkaly zynjyrdaky elektrik akymy ýapylandan soň, induktiv tegekden näçe mukdardaky ýylylyk bölünip çykar?

204. Aşageçirijiden ýasaijan  $a$  radiusly, induktivligi bolsa  $L$  bolan halkanyň tekizligi bırhilli magnit meýdanyň induksiýasyna parallel ýerleşdirilen. Soňra halkanyň tekizligini  $90^\circ$  aýlap, daşarky magnit meýdana perpendikulýar edip goýýartalar. Tapmaly: a) halkanyň tekizligi  $90^\circ$  öwrülenden soň, ondaky elektrik akymynyň güýjünü; b) tekizlik öwrülende edilen işi.

205. Termoádro reaksiýalary amala aşyrmak üçin, ýeterlik bolan ýokary temperaturany almaga niyetlenip hödürlichen teklipleriň biri – magnit ýylylyk izolyasiýasyny döretmekden ybarat. Bu usulyň manysy ýokary temperaturaly oblastdan gaty çalt hereket edýän zarýadlanan bölejikleriň çykyp gitmeginiň öňünü almak üçin magnit meýdanynyň ulyanylmagyna syrykdyrylyar. Aşa ýokary temperaturada saklanýan göwrüm gaz razrýady bolup geçýän radiusy  $r=3 \text{ sm}$  bolan silindrik sütün görnüşli oblast diýeliň. Tertipsiz hereketiniň orta tizligi  $T=10^\circ \text{ K}$  temperatura gabat gelýän elektronlaryň gaz razrýady bolup geçýän sütüniň üstünden  $l=3 \cdot 10^{-3} \text{ sm}$  uzaklykdan aňry daşlaşyp bilmezliklerini üpjün etmek üçin sütüniň içi bilen akyp geçmeli / elektrik akymynyň güýji näçe bolmaly?

Bellik:  $I$  elektrik akymynyň döredýän magnit meýdany sütüniň daşyna çykmaçy bolýan zarýadly bölejikleri yzyna serpikdirmeäge ymtlyýar.

206. Incejik simden ýasalan radiusy  $a=50 \text{ mm}$  bolean halkanyň induktivligi  $L=0.26 \text{ mGn}$ . Şu halkany induksiýasy  $B=0.5 \text{ mT}$  bolan bırhilli magnit meýdanynda ýerleşdirýärler. Halkanyň tekizligine geçirilen normal bilen  $B$  induksiýanyň arasyndaky burç  $\alpha=60^\circ$ . Soň halkany sowadyp, aşageçiriji ýagdaýa geçirýärler we magnit meýdanyny ölçürýärler. Halkadaky elektrik akymynyň güýjünü tapmaly.

## VI BÖLÜM

### Yrgyldylar hem-de tolkunlar barada esasy düzgünler we kesgitlemeler

1. Garmoniki yrgyldyly hereket edýän matematiki we pružinli maýatnikleriň hereket deňlemesi:

$$\ddot{x} + \omega_0^2 x = 0. \quad (1)$$

$\ddot{x}$  – süýşmäniň wagt boýunça ikinji önümi. Bu deňlemäniň çözülişi:

$$x = a_0 \cos(\omega_0 t + \alpha). \quad (2)$$

Yrgyldyly ulgamyň hususy ýyglygy:

$$\omega_0^2 = \frac{L}{m} \text{ – matematiki maýatnik we } \omega_0^2 = \frac{k}{m} \text{ – pružinli maýatnik.}$$

Garmoniki yrgyldy edýän ulgama ossillýator diýilýär.

2. Sönyän yrgyldylaryň deňlemesi we onuň çözgüdi:

$$\ddot{x} + 2\beta \dot{x} + \omega_0^2 x = 0, \quad (3)$$

$$x = a_0 e^{-\beta t} \cos(\omega t + \alpha). \quad (4)$$

Bu ýerde  $\beta$  – sönme koeffisiýenti;  $\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$  – sönyän yrgyldylaryň hususy ýyglygy. Sönmegiň logarifmik dekrementi:

$$\theta = \beta T = \frac{2\pi\beta}{\omega}. \quad (5)$$

3. Mejburý yrgyldylaryň deňlemesi we onuň çözgüdi:

$$\ddot{x} + 2\beta \dot{x} + \omega_0^2 x = f_0 \cos \omega t. \quad (6)$$

$$x = \frac{f_0 \cos(\omega t - \varphi)}{\left[ (\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 4\beta^2 \omega^2 \right]^{\frac{1}{2}}}, \quad \operatorname{tg} \varphi = \frac{2\beta\alpha}{\omega_0^2 - \omega^2}. \quad (7)$$

4. Yzygider birleşdirilen  $R$  garşylykdan,  $C$  sygymdan we  $L$  induktiwlikden ybarat zynjyra  $u = u_m \cos \omega t$  napräzeniye berlende, zynjyrdaky elektrik akymynyň güýjى:

$$I = I_m \cos(\omega t - \varphi). \quad (8)$$

Bu ýerde

$$I_m = \frac{u_m}{\sqrt{R^2 + \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}}, \quad \operatorname{tg} \varphi = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R},$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 - \beta^2, \quad \beta = \frac{R}{2L}, \quad \omega_0^2 = \frac{1}{LC}. \quad (9)$$

$$5. \text{ Doly garşylyk } Z = \sqrt{R^2 + \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}. \quad (10)$$

6. Üytgeýän elektrik akymynyň zynjyry üçin wektorlaýyn diagrammalar gurmakda ulanylýan esasy düzgünler:

a) işjeň garşylykdaky elektrik akym we napräzeniye deň fazada olaryň fazas tapawudy nola deň;

b) induktiwlikde elektrik akymynyň wektory napräzeniye vektorystan 90° ýzda (wektorlar sagat strelkalarynyň ters ugruna  $\omega$  turç tizlik bilen aýlanýarlar);

c) sygymdaky tok napräzeniýeden 90° önde.

Şu düzgünler nazarda tutulsa, induktiw we sygym garşylyklaryny

$$x_L = i\omega L, \quad x_C = \frac{1}{i\omega C} = -\frac{i}{\omega C}, \quad i = \sqrt{-1}$$

görnüşde yazmak bolar.

7. Sinusoidal napryaženiýanıň we elektrik akymyň täsir edýän (effektiv) bahalary

$$U = \frac{U_m}{\sqrt{2}}, \quad I = \frac{I_m}{\sqrt{2}}. \quad (11)$$

8. Tekiz tolkunlaryň deňlemesi:

$$s = a \cos(\omega t - kx) \quad (12),$$

$k = \frac{2\pi}{\lambda}$  – tolkunlaýyn san;  $s$  – sredanyň süýşmesi;  $a$  – tolkunyň amplitudasy.

9. Durujo tekiz tolkunlaryň (düşyän we serpigen tolkunlaryň superpozisiýasy, ýagny jemlenmegi) deňlemesi:

$$s = a \cos kx \cdot \cos \omega t. \quad (13)$$

Bu ýerdäki  $a \cos kx$  ululyga durujo tolkunlaryň amplitudasy diýilýär.

10. Ses tolkunlaryň gazdaky tizligi

$$v = (\gamma RT / \mu)^{1/2}. \quad (14)$$

Bu ýerde  $\gamma$  – gazyň adiabata görkezijisi;  $R$  – uniwersal gaz hemişeligi;  $T$  – absolút temperatura;  $\mu$  – gazyň molýar massasy.

11. Ses tolkunlary üçin Doppleriň effektı – gözegçiniň kabul edýän ses tolkunlarynyň ýygyligы

$$v = v_0 / (1 \pm \frac{u}{v}). \quad (15)$$

Bu ýerde  $u$  – ses çeşmesiniň tizligi;  $v_0$  – hereketsiz ses çeşmesiniň beryän ýygyligы; çeşme gözegçilik edýäne ýakynlaşyan bolsa (15) deňlemede “-”, çeşme daşlaşyan bolsa, “+” alamat almaly.

12. Elektromagnit tolkunlarynyň dörlü sredalardaky faza tizligi ( $c$  – wakuumdaky tizlik)

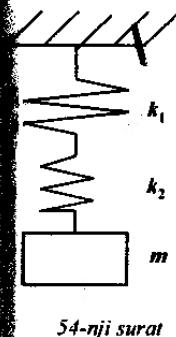
$$v = \frac{c}{\sqrt{\mu \epsilon}}, \quad c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}. \quad (16)$$

13. Umow-Poýntingiň wektory – elektromagnit energiyasynyň akymynyň dykyzlygy:

$$\vec{S} = [\vec{E} \vec{H}]. \quad (17)$$

### Meseleler

\* 207.  $m$  massaly jisim gatylyklary  $k_1$  we  $k_2$  bolan iki sany pružinden 54-nji suratda görkezilişi ýaly edip asylan. Jisimiň kiçi amplitudaly dik yrgyldylarynyň periodyny tapmaly.



54-nji surat

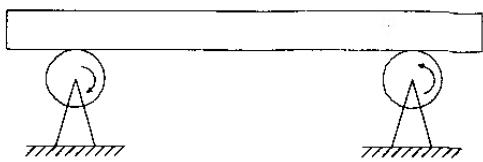
208. Bolejik  $x$  ok boýunça  $x = 0$  deňagramlyk ýagdayyynyň golaýynda garmóniki yrgyldylaryň hereket edýär. Yrgyldylaryň burç ýygyligы  $\omega = 4 \text{ rad/s}$ . Haýsydyr bir wagt pursatynda bölejigiň koordinaty  $x_0 = 25 \text{ sm}$ , onuň tizligi bolsa  $v_{x0} = 100 \text{ sm/s}$ . Şu wagt pursatyndan  $t = 2.4 \text{ s}$  geçenden soň, bölejigiň  $x$  koordinatyny we  $v_x$  tizligini tapmaly.

209. Bolejigiň koordinatlary:

- a)  $x = a \sin \omega t, y = a \sin 2\omega t;$
- b)  $x = a \sin \omega t, y = a \cos 2\omega t$

Deňlemeler bilen berilýän bolsa, onuň traýektoriýalarynyň  $y(x)$  deňlemesini tapmaly.

210. Garşylykly taraplara çalt aýlanýan iki sany bloğuň üstüne 55-nji suratda görkezilişi ýaly edip birhilli tagtany goýýarlar. Bloklaryň oklarynyň arasy  $l = 20 \text{ sm}$ , tagta bilen bloklaryň arasyndaky sürtülmé koeffisiýenti  $k = 0.18$ . Tagtanyň garmoniki yrgyldylar etjegini subut etmeli. Tagtanyň yrgyldylarynyň periodyny tapmaly.



55-nji surat

211. Material nokadyň sónyän yrgyldylarynyň başlangyç amplitudasy  $A_0 = 1 \text{ mm}$ , yrgyldylaryň sónmeginiň logarifmik dekrementi  $\theta = 0.002$ . Yrgyldylar doly sónyänçä, material nokadyň öne-yza geçýän s ýolunu tapmaly.

212. Elektrik akymy güýjuniň sónyän yrgyldylaryny öwrenmek bilen baglansyklı geçirilýän tejribelerin birinde galwanometr ilkini gezekde  $n_1 = 20$  birlilik elektrik akymy güýjuni görkezdi, ikinji gezekde elektrik akymy azalyp, galwanometr  $n_2 = 5.6$ , üçünji gezekde elektrik akymy ýene artyp,  $n_3 = 12.8$  birlilik görkezdi. Sónmeginiň logarifmik dekrementi hemişelik diýip kabul etmek bilen deňagramlylyk ýagdaýda (zynjyrda elektrik akymy ýok) galwanometriň görkezje  $n_g$  birlikleriniň sanyny tapmaly.

213. Yeriň üstünden dik ýokarlygyna howa tolkunlary ýáýraýarlar. Yeriň üstüne ýakyn howa gatlaklarynyň temperaturasy  $16^\circ\text{S}$ , atmosferadaky temperatura gradiýenti  $-0.007 \text{ K/m}$  bolsa, tolkunlar näçe wagtdan soň  $10 \text{ km}$  beýiklige ýeterler?

214.  $I_0$  hemişelik tokda akkumulyatory zarýadlandyrmaç üçin  $t_0$  sagat wagt gerek. Şol akkumulyatory ýarymperiödly gönüldijiden zarýadlandyrmaç üçin näçe wagt gerek bolar? Ikinji usul bilen zarýadlananda, toguň täsir edýän bahasy hem  $I_0$  deň diýip kabul etmeli.

215. Bir ugra gönükdirilen iki garmoniki yrgyldylar goşulanda, material nokadyň jemleyjí yrgyldysy  $x = a \cos 2 \cdot It \cos 50t$

( $t$  – sekuntlarda) deňleme arkaly aňladylýar. Biri-birine goşulýan yrgyldylaryň aýlaw ýygylaryny tapmaly.

216. Biri-birinden  $l$  uzaklykda ýatan  $A$  we  $B$  nokatlaryň arasyndaky howanyň temperaturasy goni çyzyk boýunça üýtgeýär. Howanyň  $A$  nokatdaky temperaturasy  $T_A$ ,  $B$  nokatda bolsa  $T_B$ . Ses tolkunlary bu iki nokadyň arasyны näçe wagtda geçer?

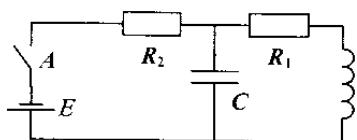
217. Tekiz ses tolkunlaryň deňlemesi  $s = 60 \cos(1800t - 5 \cdot 3x)$ . Bu yerde  $x$  – metrlerde,  $s$  – mikrometrelerde,  $t$  – sekuntlarda aňladylýar. Tapmaly: a) tolkunlaryň amplitudasyny; b) tolkun yrgyldylarynyň ýygyligyny; ç) tolkunyň uzynlygyny we ýáýraýış tizligini.

218.  $u = 120 \text{ km/sag}$  tizlik bilen hereket edýän otly dowamlylygy  $\Delta t_0 = 5 \text{ s}$  bolan gudok berýär. Demir ýol düşegine görä hereketsiz duran gözegçä ýaňky gudok näçe wagt dowam edýän bolup eşidiler? Mümkin bolan iki ýagdaýa seretmeli: a) otly gözegçä ýakynlaşýar; b) otly gözegçiden daşlaşýar. Sesiň howadaky tizligi  $v = 330 \text{ m/s}$ .

219. Ýygyliggy  $v_n = 1700 \text{ Gs}$  bolan ses yrgyldylarynyň çeşmesi we tolkuulary kabul ediji ilki başda bir nokatda durlar.  $t=0$  wagt pursatynnda çeşme hemişelik tizlenme bilen hereket edip gözegçiden daşlaşyp başlayar. Çeşmäniň tizlenmesi  $a = 10 \text{ m/s}^2$ , sesiň tizligi  $v = 340 \text{ m/s}$  diýip kabul etmek bilen  $t = 10 \text{ s}$ -dan soň kabul edijä gelýän ses yrgyldylarynyň ýygyligyny tapmaly.

220. Ses çeşmesiniň hususy ýygyliggy  $v_n = 1.8 \text{ kGs}$ . Ol gözegçiden  $l = 250 \text{ m}$  uzaklykdan geçýän goni çyzyk boýunça hereket edýär. Çeşmäniň tizliginiň sesiň tizligine bolan gatnaşygy  $n = 0.8$ . Tapmaly: a) çeşme gözegçiniň gabat garşysyna gelende, gözegçiniň kabul edýän sesiň ýygyligyny; b) gözegçiniň kabul edýän sesiň ýygyliggy  $v = v_n$  bolan pursatynnda çeşmäniň ondan  $r$  daşlygyny.

221. 56-nji suratdaky shemanyň elementlerindäki elektrik akymy we napryázeniyeler durnuklaşan bahalaryna eýe bolan soň,  $A$  açaryň kömegi bilen shemany  $\varepsilon$  çeşmeden aýyrýarlar. Şundan soň  $LC$  konturda ýüze çykýan yrgyldylaryň başlangyç energiyasy näçe? Yrgyldylaryň sónme koeffisiýenti  $\beta$  tapmaly.

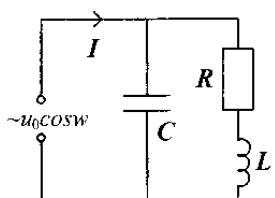


56-nji surat

222. Yzygider birleşdirilen  $C$  sygymly kondesatordan, induktiwligi  $L$  bolan tegekden (onuň işjeň garşylygy juda az) we  $R$  işjeň garşylykdan ybarat zynjyr sinusoidal napräzeniyäniň generatoryna birkdirilýär. Generotoryň berýän napräzeniyänesiniň amplitudasyny hemişelik saklap, ýygyligyny úytgetmek bolýar. Tapmaly: a) kondensatordaky napräzeniyäniň amplitudasyny iň uly baha eýe bolýan ýygyligyny; b) tegekdäki napräzeniyäniň amplitudasyny iň uly baha eýe bolýan ýygyligyny.

223. Täsir ediji napräzeniyesi  $u=100 W$  bolan zynjyra induktiw garşylygy  $X_L=30 \text{ Om}$  bolan tegek birleşdirilýär. Tegegiň doły garşylygy  $Z=50 \text{ Om}$ . Tegekte böлünip çykýan ýýlylyk kuwwaty we elektrik akymy bilen napräzeniyäniň arasyndaky  $\phi$  faza tapawudy tapmaly.

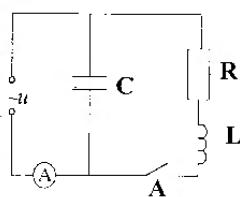
224. Induktivligi  $L=0.7 \text{ Gn}$  we aktiw garşylygy  $r=20 \text{ Om}$  bolan tegek  $R$  işjeň garsylyk bilen yzygider birleşdirilýär. Şeýle edip düzülen zynjyr täsir ediji bahasy  $u=220 W$ , ýygyligyny  $\omega=314 \text{ s}^{-1}$  bolan zynjyra birleşdirilýär.  $R$  garşylygyň haýsy bahasynda zynjyrdə böлünip çykjak ýýlylyk kuwwaty iň uly baha eýe bolar? Iň uly kuwwatyň san bahasyň tapmaly.



57-nji surat

225. 57-nji suratdaky shemada  $L=0.01 \text{ Gn}$ ,  $R=6 \text{ Om}$ . Üýtgeýän elektrik akymynyň aýlaw ýygyligyny  $\omega=300 \text{ s}^{-1}$ . Kondensatoryň sygymy näčä deň bolanda, elektrik akymy bilen napräzeniyäniň faza tapawudy nola deň bolar?

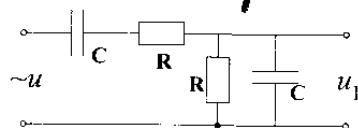
226. 58-nji suratdaky shemada tegegiň induktivligi  $L$ , kondensatoryň sygymy  $C$ , napräzeniyesi  $u=380 W$ .



58-nji surat

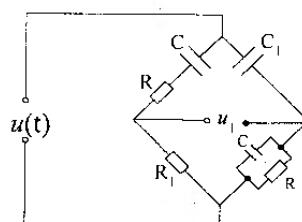
ýygyliggy  $\nu=50 \text{ Gs}$  bolan elektrik akymynyň güýji  $I=0.5 \text{ A}$  (bu elektrik akymyny ampermetr ölçeyär). Sygymyň we induktiwligiň seçiliп alnan kâbir bahalarynda  $A$  açaryň kömegi bilen  $L$  induktiwlik elektrik akymyna birleşdirilýär welin, ampermetriň görkezyän elektrik akymy úytgänok. Tegegiň induktiwligini tapmaly.

227. 59-nji suratdaky shemanyň  $R$  we  $C$  elementleri belli. Üýtgeýän elektrik akymynyň ýygyliggy  $\omega$  näčä deň bolanda, giriş  $u$  we çykyş  $u_1$  napräzeniyeleriň arasyndaky faza tapawut nola deň bolar? Şu ýygylıkda giriş we çykyş napräzeniyeleriň amplitudalarynyň gatnaşygyň tapnaaly.



59-nji surat

228.  $u(t)$  islendik görnüşli periodiki napräzeniyé bolup biler diýip hasap etmek bilen 60-nji suratdaky shemanyň deňagramlylyk ýagdaýda boljak şertlerini tapmaly. Bellik: Deňagramlylyk diýip,  $u=0$  bolan ýagdaý kabul edilýär.

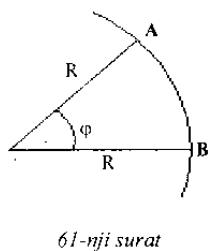


60-nji surat

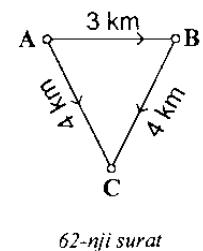
229. Elektromagnit tolkunlarynyň kerosindäki ýaýraýyş tizligini tapmaly.

230. Induktivligi  $L = 1.2 \cdot 10^{-3} \text{ Gn}$  we sygymy  $C = 3 \cdot 10^{-2} \text{ mF}$  bolan yrgyldyly kontura degişli tolkunlaryň uzynlygyny tapmaly.

231. Yer gabygynda boý tolkunlaryň tizligi  $c_1 = 14 \text{ km/s}$ , kesc tolkunlaryň tizligi bolsa  $c_2 = 7.5 \text{ km/s}$ . Yer titremesiniň A merkezi bilen B seýsmostansiyanyň (61-nji surat) arasyndaky  $\varphi$  burç uzaklygyny tapmaly. Seýsmografyň ýazgylaryndan boý tolkunlaryň kesc tolkunlardan  $\Delta t = 91 \text{ s}$  öň gelendigi belli ( $\Delta t$  - wagtyň şu bahasy tolkunlaryň Yer gabygy boyunça ýaýraýar diýen netije çykarmaga mumkinçilik berýär).



61-nji surat



62-nji surat

232.  $C$  nokatda ýerleşen televizoryň kabul ediji antennasyna iki signal gelip düşyär. Olaryň birinjisi A nokatda ýerleşen telestansiyadan, ikinji B nokatda ýerleşen demir üçekden serpilen tolkun (62-nji surat). Televizoryň ekranyny alynyan goşa şekil biri-birine görä näçe  $\Delta l$  aralyga süýşer? Televizoryň ekranynyň giňligi  $l = 50 \text{ sm}$ , bir sekunda 25 şekil berilýär, her şekilde bolsa 625 setir bar.

233. Ýygyliggy  $v = 3 \text{ MGS}$  bolan elektromagnit tolkuny wakuumdan dielektrik syzyjylygy  $\epsilon = 4$ , magnit syzyjylygy  $\mu = 1$  bolan sreda geçýär. Bu geçişde tolkun uzynlygy näçe üýtgar?

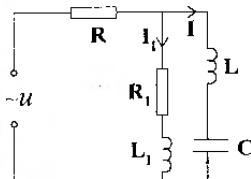
234. Şarjagaz şekilli bölejik öz üstüne düşyän ählí ýagtylygy ýuwudýar. Şarjagaza edilýän ýagtylyk basyşy bilen ony Güne tarap dartýan güýç özara deňagramlaşýar diýip hasap etmek bilen bölejigiň  $R$  radiusyny tapmaly. Günüň berýän ýagtylygynyň kuwwaty  $P = 4 \cdot 10^{26} \text{ Wt}$ , bölejigiň dykyzlygy  $\rho = 1 \text{ g/sm}^3$ .

235. Radiusy  $a$  uzyn togalak simden hemişelik  $I$  elektrik akmy akýar. Simiň garşylygy  $R$ , uzynlygy bolsa  $l$  bolan böleginiň gapdal üstünden Poýntingň wektorynyň akymyny tapmaly.

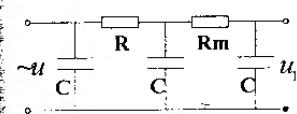
236.  $u$  potensiallaryň tapawudyny geçirip, tizlenen relyatiwistik däl protonlar togalak kese kesikli ince / elektrik akymynyň dessejigini emele getirýärler. Dessejigijň okundan  $r$  uzaklykda Poýntingň wektorynyň ugrunu we ululygyny kesgitlemeli.  $r$  uzaklyk dessejigijň daşynda diýip hasap etmeli.

237.  $R = 160 \text{ Om}$  işjeň garşylyk bilen käbir işjeň garşylygy bolan induktiv tegegi yzygider birleşdirip, täsir ediji napräzeniyesi  $u = 220 \text{ W}$  bolan zynjyra birleşdirýärler.  $R$  garşylykdaky we tegekdäki napräzeniyeleleriň täsir ediji bahalary  $u_1 = 80 \text{ W}$  we  $u_2 = 180 \text{ W}$ . Tegekden bölünip çykýan ýyglyk kuwwaty tapmaly.

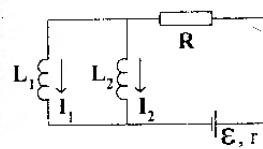
238. Zynjyra parallel birleşdirilen  $C$  sygymly kondensatordan we işjeň garşylygy  $R$ , induktivligi bolsa  $L$  bolan tegekden ybarat. Zynjyrdaky  $\omega$  ýyglyklyk üýtgeýän elektrik akmy üçin garşylygy tapmaly.



63-nji surat



64-nji surat



65-nji surat

239. 63-nji suratdaky shemanyň girişine  $u = u_0 \cos 2\omega t$  napräzeniye berilýär. Shemanyň parametrleri

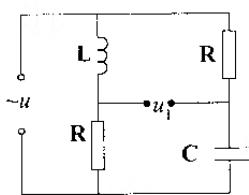
$$\omega^2 = \frac{1}{4LC} \quad \text{serti kanagatlandyrýan bolsalar, } I \text{ we } I_1 \text{ elektrik akymynyň güýçlerini tapmaly.}$$

240. Süzgijij (filtrin) girişine

$$u = u_0 \cos \omega t, \quad \omega = \frac{1}{RC} \quad (64-nji surat)$$

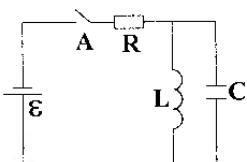
deňleme arkaly aňladylýan napräzeniye berilýär. Süzgijijin çykyşyndaky napräzeniyeňiň  $u_{\omega}$  amplitudasyny tapmaly.

241. Aşagecirijiden saralan tegekleriň induktivlikleri  $L_1$  we  $L_2$ . Bu tegekleri 65-nji suratdaky ýaly edip, zynjyra birleşdirýärler. Tegeklerdäki  $I_1$  we  $I_2$  elektrik akymynyň güýçlerini tapmaly.



66-nji surat

batareýanyň EHG-si  $n = 100$  eseden artyk bolmazlygy üçin, onuň  $C$  sygymy näçe bolmaly.  $R=1 \text{ Om}$ ,  $L=1 \text{ mGn}$  bolýandygy belli.



67-nji surat

242. 66-njy suratkaky shemanyň girişine  $u = u_0 \cos \omega t$  naprýaženiye beriliýär. Shemanyň çykyşyndaky we girişindäki naprýaženiyeleriň faza tapawudynyň nola deň bolmagy üçin ýerine ýetmeli şertleri tapmaly.

243. 67-nji suratkaky shemadaky  $A$  açar ýazdyrylýar welin, yrgyldyly konturda erkin yrgyldylar ýuze çykýarlar. Kondensatoryň üstündäki naprýaženiye

## VII BÖLÜM

### Şöhle optikasynyň esasy düzgünleri we kesgitlemeleri

#### 1. Fotometriýanyň esaslary

Berlen meydanyň üstünden ýagtylyk tolkunlarynyň wagi birliginde geçýän enerjýasyna ýagtylyk akymy diýilýär:

$$\Phi = \frac{\Delta W}{\Delta t} . \quad (1 \text{ A})$$

Ýagtylygyň güýji – jisim burçunyň bir birligine düşyän ýagtylyk akymydyr:

$$I = \frac{\Delta \Phi}{\Delta \Omega} . \quad (1 \text{ B})$$

Meydan birligine düşyän ýagtylyk akymyna ýagtylandyrış diýilýär:

$$E = \frac{\Delta \Phi}{\Delta S} = \frac{\Delta \Phi}{r^2 \Delta \Omega} = \frac{I}{r^2} . \quad (1 \text{ C})$$

Nokatlanç ýagtylyk çeşmäniň  $r$  uzaklykda döredyän ýagtylandyrışy:

$$E = \frac{I}{r^2} \cos \alpha . \quad (2)$$

Bu ýerde  $\alpha$  – düşme burçy.

Ýagtylanýan jisimiň meydän birliginden çykýan ýagtylyk akymyna ýagtylanyş (swetimost) diýilýär:

$$M = \frac{\Delta \Phi}{\Delta S} . \quad (3)$$

Jisimiň  $M$  ýagtylanyşy onuň  $E$  ýagtylandyrylyşy bilen aşakdaky deňlemäniň üstü bilen baglanyşandy:

$$M = \rho E. \quad (3)$$

Bu ýerde  $\rho$  – serpikme koeffisiýenti.

Ýagtylyk berýän jisimiň üstüniniň ýagtylygynyň ýitiliği (ýarkost):

$$L = \frac{\Delta\Phi}{\Delta\Omega\Delta S \cos\alpha} = \frac{\Delta I}{\Delta S \cos\alpha}. \quad (4)$$

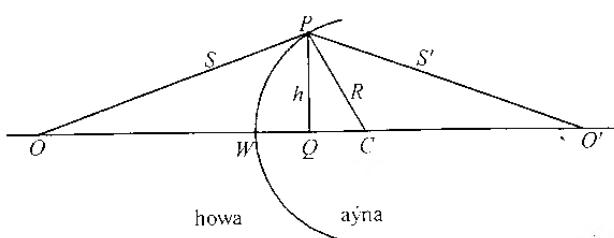
Bu ýerde  $\alpha$  – üstün  $\Delta S$  elementine geçirilen normal bileyň gözegçilik edilýän ugruň arasyndaky burç.

Eger jisimiň şöhlelenişi Lamberttiň kanununa laýyk bolup geçýän bolsa, ýagny ýagtylygyň ýitiliği gözegçiliğin ugruna bagly däl bolsa,  $M$  bilen  $L$  ululyklaryň arasynda

$$M = \pi L. \quad (5)$$

deňleme arkaly aňladylýan baglanyşyk bardyr.

2. Fermanýň (bu alymyň ady Ferma) düzgüni (prinsipi). İki nokadyň arasyndaky uzaklygy ýagtylyk mümkün bolan wagtlaryň iň azyny sarp edip geçýär. Başgaça aýdylsa: ýagtylyk iki nokady birleşdirýän mümkün bolan ýöllaryň iň az wagtda geçip bolýanyny seçip alýar. Snelliň döwülme kanunynyň hem şu düzgünden gelip çykýandygyny belläliň.



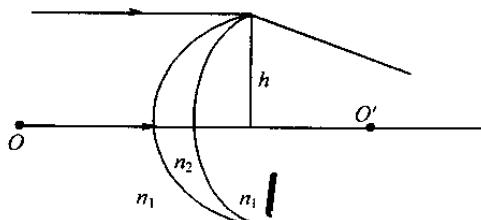
### 3. Sferiki üstün fokus aralygy

Nokatlanç  $O$  çeşmeden çykýan şöhleler  $OPO'$  we  $OWO'$  ýöllary deň wagtda geçýär. Şu şartdan üstün fokus aralygy kesgitlenýär:

$$\frac{1}{S} + \frac{n}{S'} = \frac{n-1}{R} \equiv \frac{1}{F}. \quad (7)$$

Bu ýerde  $F$  – sferiki aýnanyň fokus aralygy;  $n$  – aýnanyň howa görä döwülme görkezijisi.

### 4. Ýuka lizanyň fokus aralygy:



$$\frac{1}{S} + \frac{n_1}{S'} = (n_2 - n_1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad (8)$$

a-da

$$\frac{1}{S} + \frac{1}{S'} = (n-1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right). \quad (9)$$

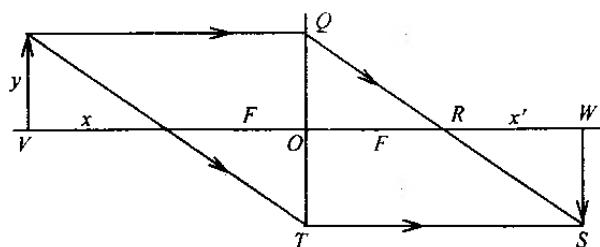
### Güberçek lizanyň fokus aralygy:

$$\frac{1}{F} = (n-1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right). \quad (10)$$

İki üsti hem güberçek linza üçin

$$\frac{1}{F} = (n - 1) \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right). \quad (11)$$

5. Linzanyň formulasы: çyzgydaky dört sany üçburçluklaryň meňzeşliginden



$$x \cdot x' = F^2. \quad (12)$$

Linzanyň formulasynyň başgaça ýazylyşy:

$$\frac{1}{x+F} + \frac{1}{x'+F} = \frac{1}{F}. \quad (13)$$

6. İki sany jebisleşdirilen ýuka linzanyň optiki güýji aýry-aýry linzalaryň optiki güýceleriniň jemine deňdir, ýagny:

$$D = D_1 + D_2. \quad (14)$$

7. Ýagtylygyň döwülmé kanunu:

$$n_1 \sin \alpha = n_2 \sin \beta, \quad (15)$$

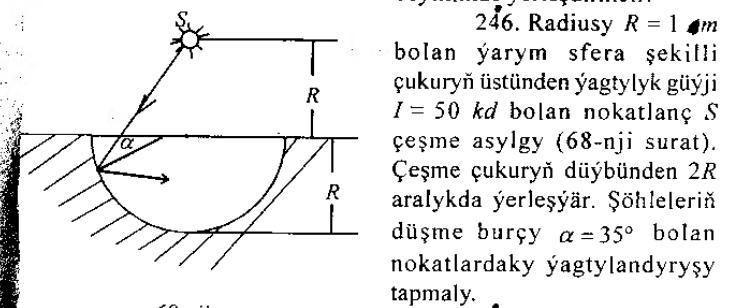
bu ýerde  $\alpha, \beta$  – düşme we döwülmé burçlary.

### Meseleler

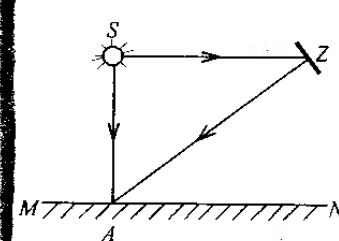
244. Diametri 1,6 m bolan stoldan 0,6 m beýiklikde nokatlanç ýagtylyk çeşmesi ýerleşyär. Onuň stoluň üstüne berýän ýagtylyk akymy 201 lm. Tapmaly:

- a) stoluň üstüne degişli jisim burçuny;
- b) ýagtylyk güýjünü;
- c) çeşmäniň berýän ähli ýagtylyk akymyny;
- d) stoluň merkezindäki we gyralaryndaky ýagtylandyrlyşy.

245. Meýdany 4 m<sup>2</sup> bolan stoluň burçlarynda iň uly ýagtylandyrlyş bolar ýaly ýagtylyk çeşmesini stoluň üstünden näçe beýiklikde ýerleşdirmeli?



68-nji surat



69-nji surat

beýlekisinden 1 m uzaklykda iki sany ýagtylyk çeşmesi ýerleşyär. Olaryň her birisi 300 lm ýagtylyk akymyny berýär. MN tekizligiň üstünde ýatan

nokatlardaky ýagtylandyrlyş tapmaly.

247. Nokatlanç S çeşme MN üstü ýagtylandyrýar (69-nji surat). A nokada şöhle perpendikulyar düşyär. Çesmäniň gapdalynda A nokat bilen deň uzaklykda Z aýna ýerleşdirilýär. Aýna düşyän şöhleler doly serpigip, A nokada düşyärler. Şeýle edilenden soň, A nokatdaky ýagtylandyrlyş näçe esse üýtgär?

248. MN gorizontal tekizlikden 2 m beýiklikde biri

aşakda görkezilen nokatlardaky ýagtylandyryşy tapmaly: a) çeşmeleriň gönü aşagyndaky nokatlarda; b) olaryň orta arasyndaky nokatda.

249. Uzynlygy  $l = 60 \text{ sm}$  bolan gyzdyrylyan gönü simiň berýän ýagtylyk akymy  $\Phi = 132 \text{ lm}$ . Simden  $a = 5 \text{ sm}$  uzaklykda yerleşen tekiz üstüň iň uly ýagtylandyrylyşyny tapmaly.

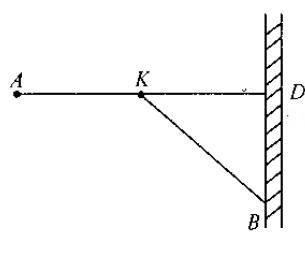
250. Ýagtylyk çeşmesi gapyrgasynyň uzynlygy  $10 \text{ sm}$  bolan kub. Ýagtylygyň iň uly güjji  $90 \text{ kd}$ . Çeşmäniň ýagtylygyny tapmaly.

251. Projektor özüniň ýagtylandyrmaly meýdanynyň üstünden  $h = 15 \text{ m}$  beýiklikde berkidilen. Meýdanyň kabir nokadında horizontal üstüň ýagtylandyrylyşy  $10 \text{ lk}$ , edil şol nokatda dik üstüň ýagtylandyrylyşy  $20 \text{ lk}$ . Projektoryň şu nokada ugrukdyrylan güjyünü tapmaly.

252. Meýdany  $S = 3 \text{ m}^2$  bolan ekrana  $\Phi = 150 \text{ lm}$  ýagtylyk akymy düşyär. Ekrandan serpikme koeffisiýenti  $r = 0,8$ . Ekranyň ýagtylyk berijiliginini we ýagtylanyşyny tapmaly.

253. Kuwwaty  $15 \text{ Wt}$  bolan lýuminessent çyranyň ýagtylyk berýän bölegi uzynlygy  $42 \text{ sm}$ , diametri bolsa  $2,24 \text{ sm}$  bolan silindr görnüşli. Onuň ýagtylyk berijiliği  $0,5 \text{ sb}$ . Çyranyň ýagtylyk beriş peýdaly tásır koeffisiýentini tapmaly.

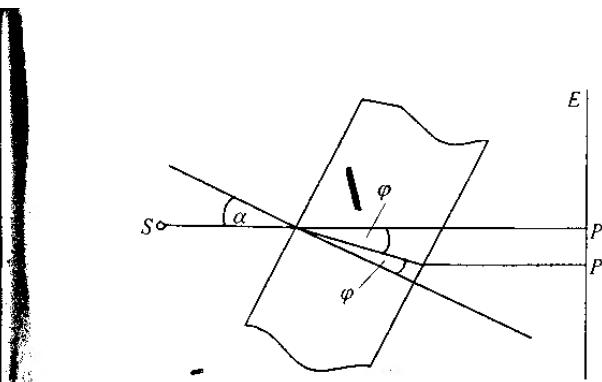
254. Pyýada adam



70-nji surat

sürülmedik ýerden  $1,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  tizlik bilen ýöräp bilyär, sürülen ýerden ýörände bolsa, onuň tizligi  $0,9$ .  $AD = 42 \text{ m}$ ,  $DB = 36 \text{ m}$  bolsa tapmaly: a) iň az wagt sarp edip, A nokatdan B nokada barmaga mümkünilik berýän AKB ugry. ýagny ýoly (70-nji surat); b) AKB ýoly geçmek için sarp edilýän iň az wagty.

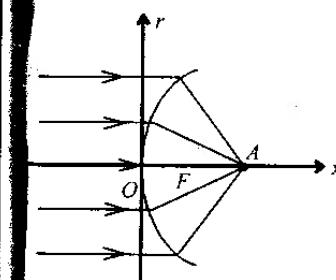
255. S nokatlanç ýagtylyk çeşmesi bilen E ekranyň arasynda galyňlygy  $l = 0,2 \text{ m}$  aýna plastina  $\varphi = 30^\circ$  burç bilen ýapgyň goýlupdyr (71-nji surat). Tapmaly: a)  $PP'$  kesimiň uzynlygyny; b)  $SP$  we  $SP'$  ýollary geçmek üçin şöhläniň sarp edýän wagtlarynyň tapawudyny.



71-nji surat

256. Ýagtylyk şöhlesi birnäçe tekiz, dury plastinalaryň içinden geçirýär. Şöhle her gezek döwlende ýagtylyk güjüniň  $r = 0,1$  bölegi itýär, her plastinanyň içinden geçende, onuň  $k = 0,2$  bölegi ýuwduýýär. Şöhläniň başdaky ýagtylyk güjji  $I_o = 10 \text{ kd}$  bolsa, onuň  $n = 6$  plastinadan geçenden soňky güjüni kesgitlemeli.

257. Şöhle galyňlygy  $d = 6 \text{ sm}$  bolan aýna plastinanyň üstüne  $\alpha = 60^\circ$  burç bilen düşyär. Plastinanyň içinde şöhläniň süyşen x ralagyyny tapmaly.



72-nji surat

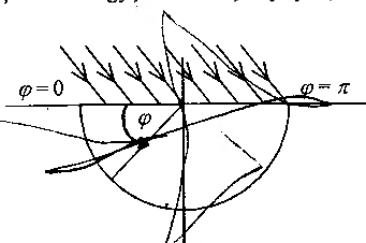
258. Şöhleleriň parallel dessesi wakuumdan döwülmeye görkezisi  $n$  bolan oblasty çäklendirýän üste gelip düşyär. Şöhleleriň O depeden F uzaklykda yatan A nokatda jemlenmegini (fokusirlenmegini) üpjün edip biljek üstüň  $x(r)$  deňlemesini tapmaly (72-nji surat). Şu üstüň kömegini bilen şöhleleriniň jemlenmegi mümkün bolan iň ýogyn dessäniň radiusyny tapmaly.

259. Suwuň üstünden serpigen şöhläniň döwlen şöhlä perpendikulár bolmagy üçin düşme  $\alpha$  burçy näce gradus bolmaly?



260. Yagtylyk çeşmesi ekrandan  $l = 90 \text{ sm}$  uzaklykda yerleşyär. Çeşme bilen ekranyň arasynda ýuka ýygnaýy linnzany goýyärlar. Ekranda çeşmäniň dury sekili linnzanyň iki ýagdaýynda alynýar. Ol ýagdaýlar: a) linnzanyň iki ýagdaýynyň arasyndaky uzaklyk  $\Delta l = 30 \text{ sm}$ ; b) çeşmäniň ekranda birinji ýagdaýda alynýan sekiliniň kese ölçegleri ikinji ýagdaýdaky sekiliň kese ölçeglerinden  $k=4$  esseuly. a) we b) ýagdaýlar üçin linnzanyň fokus aralagygyň tapmaly.

261. Döwüji burçy  $\psi = 60^\circ$  bolan aýna prizmadan geçyän şöhleleriň gyşarma burclarynyň çäklerini tapmaly.



73-nji surat

bolsa çymazlar? Aýnanyň döwülmeye görkezijisi  $n = \sqrt{2}$ .

263. Radiusy  $R = 6 \text{ sm}$  bolan uly bolmadyk ýagtylgyc (çyra) poldan  $h = 3 \text{ m}$  beýiklikde yerleşyär. Onuň ýagtylyk derejesi ugurlara bagly däl. Ýagtylgycyň ýagtylyk derejesi  $L = 2 \cdot 10^4 \frac{kd}{m^2}$ . Ýagtylgycyň dik aşagynda poluň ýagtylandyrlyşyny kesgitlemeli.

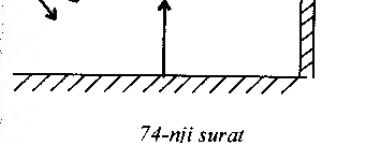
264. Käbir aýna prizma üçin şöhläniň in kiçi gyşarma burçy onuň döwüji burçuna deň. Bu prizmanyň döwüji  $\psi$  burçunu tapmaly.

265. Tekiz aýna plastinanyň üstüne  $\varphi$  düşme burç bilen giňligi  $a$  bolan ýuka ýagtylyk dessesi düşyär. Dessäniň iki sany spektral düzüjisi bar. Bu düzüjiler üçin aýnanyň döwülmeye görkezijisi  $n_1$  we  $n_2$ . Plastinanyň üstüne düşen dessäniň ondan çykandan soň, her biri diňe bir spektral düzüjiden ybarat iki görnüşde ýaýramagy üçin plastinanyň in kiçi galyňlygy näçe bolmaly?

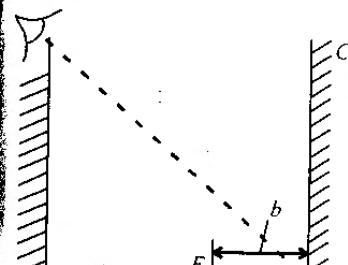
266. İki üsti hem gübercek ýuka linnza aýnadan ýasalan. Onuň iki üstüniň hem radiusy  $13 \text{ sm}$ -e deň. Bu linnzanyň fokus uzaklygyny tapmaly.

267. Yagtylyk şöhlesi döwüji burçy  $\psi$  bolan aýna prizma  $\alpha$  burç bilen giryär,  $\beta$  burç bilen bolsa, howa tarap çykyp gidýär. Şöhle prizmadan geçende, başlangyç ugrundan ýburça gyşarýar. Prizmanyň döwüji burçy  $\psi$  bilen onuň ýasalan materialynyň  $n$  döwülmeye görkezijisini tapmaly.

268. İki sany tekiz aýna aralaryndaky iki granly burç  $\alpha = 32^\circ$  bolar ýaly edip seplenipdir. Uly bolmadyk predmet aýnalaryň sepleşyän çyzygyndan  $r = 10 \text{ sm}$  uzaklykda aýnalaryň birine sähelçejik ýakyn edip yerleşdirilipdir. Tapmaly: a) aýnalarda görünýän ilkinji hyaly sekilleriň arasyndaky  $x$  uzaklygy; b) predmet radiusy  $r = 10 \text{ sm}$  töwerek boyunça  $l = 2 \text{ sm}$  süýşürilse, iki sekili birleşdirýän goni çyzygyň ortasyndaky nokadyň nirä we näce y aralyga süýşjekdigini.



74-nji surat



75-nji surat

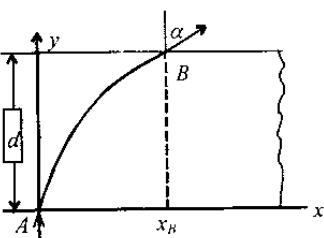
269. Gün şöhleleri gorizontal yerleşdirilen aýnadan serpigip, dik goýlan ekrana düşyär (74-nji surat). Aýnanyň üstünde yerleşdirilen A predmetiň ekrandaky kölegesiniň sekili nähili bolar? Kölegäniň uzynlygyny tapmaly.

270. Kub sekilli gabyň diwarlaryndan ýagtylyk geçenok. Gözegçilik edilýän ýerden adam gabyň düybünü görüp bilenok. Gözegçi CD diwary tutuşlygyna görýär. Gabyň D burçundan  $b = 10 \text{ sm}$  uzaklykda ýatan F predmeti

gözegçiniň görüp bilmegi üçin gaba guýmaly suwuň iň az  $V$  göwrümini tapmaly. Kubuň gapyrgasynyň uzynlygy  $\alpha = 40 \text{ sm}$ .

271. Meydany tükeniksiz uly bolan tekiz plastinanyň üstüne  $W$  energiyaly şöhleleriň dessesi düşyär. Iki sredanyň araçägine düşyän energiyanyň bir bölegi serpiýär, galany bolsa plastinanyň içine girýär. Plastinanyň içinde energiya ýuwdulanok. Plastinadan geçip, ikinji sreda giren energiyanyň  $W_1$  mukdaryny we yzyna serpigen  $W_2$  energiyany tapmaly.

272. İki sany tekiz aýna  $20^\circ$  bolan iki granly burçy emete getirýärler. Aýnalaryň biriniň üstüne bu burçy deň ikä bölyän tekizlige parallel, aýnalaryň kesişme çyzygyna bolsa, perpendikulyar ugrukdyrylan şöhle düşyär. Bu şöhle şundan soň nähili hereket eder? Her serpikmede şöhläniň ýagtylyk güýji iki esse azalyar. Şöhle iki granly burça girende, onuň güýji  $10 \text{ kd}$  bolsa, ondan çykandan soň güýji näçe bolar?



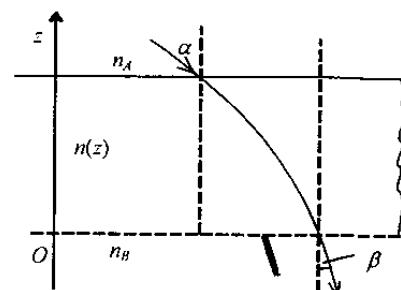
76-nji surat

görkezijisi  $x$  koordinata bagly (76-nji surat) we  $n(x) = \frac{n_0}{1 - x/R}$

deňleme arkaly berilýär ( $n_0$  we  $R$  – hemicelik sanlar). Şöhle  $B$  nokatda plastinadan çykýar. Tapmaly: a)  $B$  nokatdaky  $n_B$  döwülme koeffisiýentini; b)  $B$  nokatdyň  $x_B$  koordinatyny; ç) plastinanyň  $d$  galyňlygyny.

Hasaplamlar geçirilende  $n_0 = 1,2$ ,  $R = 13 \text{ sm}$ ,  $\alpha = 30^\circ$  diýip kabul etmeli.

274. 77-nji suratda döwülme görkezijisi  $z$  koordinat boyunça üznüsiz ýütgeýän tekiz plastinadan ýagtylyk şöhlesiniň geçişi görkezilen:

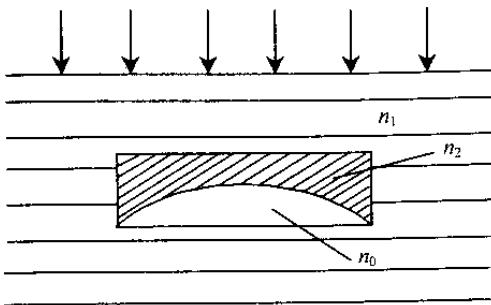


77-nji surat

a)  $n_A \sin \alpha = n_B \sin \beta$  bolýandygyny subut etmeli; b) jokrama tomus günleriniň birinde tekiz çöllük meydanyň ortasında durun diýip göz öňüne getiriň. Duran ýeriňizden ep-esli uzaklykda suw kólune meňzeş bir zat görýärsiňiz. "Suwa" ýakynlaşmakçy bolup, öne tarap ýöräp başlaýarsyňız welin, ol daşlaşýar. "Suw kólune" čenli aralyk hemise takmynan  $250 \text{ m}$  çemesi bolmagynda galýar. Bu hadysany düşündiriň; ç) gözleriňiz ýeriň üstünden  $h = 1,6 \text{ m}$  beýiklikde yerleşyär diýip kabul etmek bilen b) ýagdaýda ýeriň üstüne ýakyn howa gatlagynyň  $T$  temperaturasyny tapmaly.  $T_0 = 288K$  temperaturada, adaty atmosfera basyşynda howanyň döwülme görkezijisi  $n_0 = 1,000276$ . Ýeriň üstünden  $1 \text{ m}$  beýiklikde howanyň temperaturasy  $T_1 = 303K$ , atmosfera basyşy bolsa  $0,1013 \text{ MPa}$ . Hasaplamlarda  $(n-1)$  ululyk molekulalaryň sanyna proporsional diýip hasap etmeli.

275. Döwülme görkezijisi  $n = 1,6$  bolan aýnadan ýasalan iki üsti hem güberçek linnzanyň howadaky fokus aralygy  $F = 10 \text{ sm}$ . Şu linza döwülme görkezijisi  $n_1 = 1,5$  bolan sredada yerleşdirilse, onuň  $F_1$  fokus aralygy näçe bolar? Linza döwülme görkezijisi  $n_2 = 1,7$  sreda yerleşdirilse, onuň  $F_2$  fokus aralygy näçe bolar?

276. İki üsti hem güberçek aýna linnzanyň üstleriniň egrilik koeffisiýentleri deň. Onuň howadaky fokus aralygy  $F_1$ , suwdaky fokus aralygy bolsa  $F_2$ . Şu linza howa bilen suwuň araçägine yerleşdirilse, onuň  $F_1'$  we  $F_2'$  fokus aralyklaryny tapmaly.



78-nji surat

277. Ыка текиз-оýuk линза горизонтал ýагдаýда 78-nji suratda görkezilişi ýaly, suwuň içinde yerleşdirilen. Linzanyň aşagyndaky kabisir gowrümü howa tutýar. Oýuk üstüň radiusy  $R = 15 \text{ sm}$ , suwuň döwülmé görkezijisi  $n_1$ , aýnanyňky bolsa  $n_2$  we howanyň döwülmé görkezijisi  $n_0$ . Şu optiki ulgamyň fokus aralygyny tapmaly.

## VIII BÖLÜM

### Tolkun optikasynyň esasy düzgünleri we kesgitlemeleri

1. Deň ýygylykly iki tolkunyň jemi:

$$R = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) + A_2 \cos(\omega t + \varphi_2).$$

Jemleýji tolkunyň amplitudasy:

$$A_R^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1). \quad (1)$$

Jemleýji tolkunyň amplitudasy faza tapawut  $\Delta\varphi = (\varphi_2 - \varphi_1)$  bilen kesgitlenýär.  $\Delta\varphi = 0$  bolsa  $A_R = A_1 + A_2$ ,  $\Delta\varphi = \pi$  bolsa  $A_R = (A_2 - A_1)$ ,  $\Delta\varphi = \frac{\pi}{2}$  bolsa  $A_R = (A_1^2 + A_2^2)^{\frac{1}{2}}$ .

Yrgyldylar kompleks sanlar görnüşde berilse, hasaplamaýar epesli ýenillesýär. Jemlenýän iki sany yrgyldy kompleks sanlar arkaly berilen bolsalar,

$$R_1 = A_1 e^{i(\omega t + \varphi_1)}, \quad R_2 = A_2 e^{i(\omega t + \varphi_2)}$$

görnüşde ýazylyarlar. Kompleks sanlaryň diňe hakyky böleginiň fiziki manyсы bardyr, onuň hyýaly böleginiň fiziki manyсы ýokdur.

2.  $n$  sany şöhlelenýän birmeňzeş dipollaryň tolkunlarynyň jemi:

$$R = A [\cos \omega t + \cos(\omega t + \varphi) + \cos(\omega t + 2\varphi) + \dots + \cos(\omega t + n\varphi - \varphi)].$$

$$\text{Jemiň amplitudasy: } A_R = \frac{A \sin\left(\frac{n\varphi}{2}\right)}{\sin\frac{\varphi}{2}}. \quad (2)$$

Dürlü ugurlara şöhlelenýän ölçegsiz energiya:

$$\rho(\varphi) = \frac{I(\varphi)}{I_0} = \frac{\sin^2 \frac{n\varphi}{2}}{\sin^2 \frac{\varphi}{2}}. \quad (3)$$

3. Gýugens-Freneliň düzgüni (prinsipi): a) islendik tolkun frontunyň  $S_1, S_2, S_3, \dots$  nokatlary ikinji ýagtylyk çeşmeleridir; b) tolkun frontunda yerleşyän  $S_1, S_2, S_3, \dots$  ikinji çeşmeler özara kogerentdirler; ç) giňişiğiň islendik nokadynyň tolkunyň amplitudasy şol nokatdaky interferensiýanyň netijesidir.

Freneliň  $k$ -njy zolagynyň daşky araçaginiň radiusy:

$$r_k = [k\lambda ab / (a+b)]^{1/2}, \quad k=1,2,3,\dots \quad (4)$$

Bu ýerde  $a$  – nokatlanç çeşmeden diafragma çenli uzaklyk;  $b$  – diafragmadan ekrança çenli uzaklyk.

4. Giňligi  $b$  bolan yşa normal düşyän şöhleler üçin minimumlaryň şerti:

$$b \sin \varphi = \pm k\lambda, \quad k=1,2,3,\dots \quad (5)$$

5. Periody  $d = a+b$  bolan difraksiya gözenegé normal düşyän şöhleler üçin baş maksimumlaryň şerti:

$$d \sin \varphi = \pm k\lambda, \quad k=1,2,3,\dots \quad (6)$$

Şöhleler difraksiya gözenegé  $\alpha$  burç bilen düşseler, (6) denleme aşakdaky şert bilen çalşyrylyar:

$$d(\sin \varphi - \sin \alpha) = k\lambda. \quad (7)$$

6. Kristallardan serpigýän rentgen şöhleleri üçin Bregg-Wulffyň kanunu:

$$2d \sin \varphi = \pm k\lambda, \quad k=1,2,3,\dots \quad (8)$$

Bu ýerde  $d$  – kristallik gözenegiň hemişeligi;  $\varphi$  – serpigen şöhle bilen kristalyň granynyň arasyndaky burç (bu burça typma burçy hem diýilýär).

7. Ýagtylygyň polýarlanmasynyň nazarýetiniň esasy düzgünleri. Elektromagnit tolkunlarynyň keseligi bilen baglyasykly tolkun optikasynda garalyan hadysalar toplumyna ýagtylygyň polýarlanmasы diýilýär. Eger-de ýagtylyk tolkunynyň  $\vec{E}$  we  $\vec{B}$  wektorlarynyň yrgylidlary giňişiğinde belki bir ýagdayda berkidilen tekizlikde bolup geçyän bolsa, munuň ýaly ýagtylyga tekiz polýarlanan ýagtylyk diýilýär. Kä halatlarda muňa çzyzkly polýarlanma hem diýilýär.

Eger-de ýagtylyk tolkunlarynyň  $\vec{E}$  we  $\vec{B}$  wektorlarynyň yrgylidlary islendik tekizlikde bolup geçyän bolsa, oňa tebigy polýarlanan (ýa-da polýarlanmadık) ýagtylyk diýilýär.

Döwülme görkezijisi ýagtylygyň çzyzkly polýarlanmasynyň ol ýa-da beýteki ugry bilen kesgitlenýän sredalar (materiallar) hem duş gelýärler. Bular ýaly sredalara iki hilli şöhle döwülmesi bolan sredalar diýilýär. Olar juda uzyn sferiki däl molekulalardan ýa-da incejik iňne şekilli kristallardan ybaratdyr. Bu hilli materiallaryň molekulalarynyň ýa-da kristallarynyň uzynlygynyň ugry boyunça fiziki häsiyetleri molekulalara ýa-da kristallara perpendikulyar ugurlardaky häsiyetlerinden düýpli tapawutlanýarlar.

Materialyň iki hilli şöhle döwülmeye häsiyetiniň bolmagy üçin onuň uzyn molekulalardan ybarat bolmagy ýeterlik däldir. Molekulalaryň giňişiğinde yerleşishi olara degişli elektrik dipollaryň töötänleýin taraplara ugrukdyrylman, olaryň belki bir taraplara ugrukdyrylmaklaryna getirýär.

Tebigy ýagtylygy polýarlanan ýagtylyga öwürmek üçin polýarlayjylar ulanylýar. Polýarlayjylar hökmünde turmalin diýen mineralyň kristallary ulanylýar. Turmalin kristalyndan, ýagny polýarlayjydan, geçen şöhlaniň polýarlanandygyna göz ýetirmek üçin analizator ulanylýar. Analizator hökmünde hem turmaliniň kristaly ulanylýar.

Polyarlanan ýagtylyk şöhlelerini almak üçin, turmalinden başga-da polýaroid diýilýän material hem giňden ulanylýar. Ol gerapatis atly duzuň kiçijik kristallarynyň ýuka gatlagyndan ybaratdyr. Kristallaryň oklary özara paraňel ugrukdyrylyarlar.

Iki hilli şöhle döwülmé hadysasy suwuklyklarda hem yüze çykýar. Uzyn molekulalardan ybarat suwuklyk elektrik meýdanynda ýerleşdirilse, molekulalara degişli dipollaryň meýdan boyunça ugrukdyrylmasy bolup geçýär. Şunlukda suwuklyk iki hilli şöhle döwülmé häsiyetine eýe bolýar.

Polyarlanma tekizlikleri  $\alpha$  burç emele getirýän polyarlayjy bilen analizatordan geçen ýagtylygyň intensiwligi:

$$I = I_0 \cos^2 \alpha. \quad (9)$$

(9) deňlemä Malýusyň kanunuñ hem diýilýär ( $I_0$  – analizatora düşyän ýagtylygyň intensiwligi).

Döwülmé görkezijisi  $n$ , bolan dielektrikden döwülmé görkezijisi  $n_1$  bolan sreda serpigende, ýagtylygyň doly polyarlanmagy üçin ýagtylygyň düşme burçy aşakdaky şertden tapylýar:

$$\operatorname{tg} \theta_B = \frac{n_2}{n_1}. \quad (10)$$

(10) formula Brýusteriň kanunuñ diýilýär;  $\theta_B$  – burça bolsa Brýusteriň burçy diýilýär.

Ýagtylyk maddanyň içinden geçende, polyarlanma tekizliginiň öwrülme (aýlanma) burçy:

$$\varphi = \alpha d. \quad (11)$$

Bu ýerde  $\alpha$  – öwrülme (aýlanma) hemişeligi;  $d$  – ýagtylyk şöhlesiniň maddanyň içindäki uzynlygy (maddanyň içi bilen geçen ýoly).

8. Hereket edýän ýagtylyk çeşmeleri üçin Doppleriň formulasy:

$$\omega = \omega_0 \frac{\sqrt{1 - \beta^2}}{1 - \beta \cos \theta}, \quad \beta = \frac{v}{c}. \quad (12)$$

Bu ýerde  $\theta$  – çeşmäniň tizligini gözegçi bilen birleşdirýän goni çyzygyň arasyndaky burç.

9. Ýagtylygyň faza tizligi  $v = \frac{\omega}{k}$ ; onuň toparlaýyn tizligi

$$u = \frac{d\omega}{dk}. \quad$$

Bu iki tizligiň arasyndaky baglanyşyk (Releyiň formulasy):

$$u = v - \lambda \frac{dv}{d\lambda}. \quad (13)$$

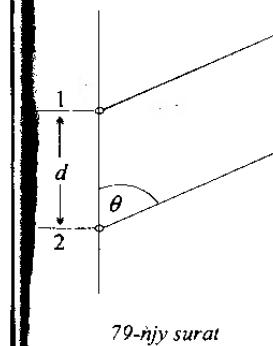
### Meseleler

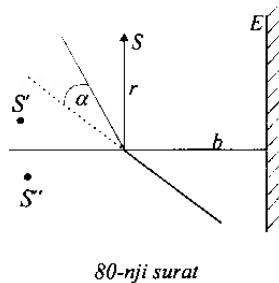
278. Bir ugurda bolup geçýän üç sany yrgyldy berlen:

$$u_1 = \alpha \cos \omega t, \quad u_2 = 2\alpha \sin \omega t, \quad u_3 = 1,5\alpha \cos \left( \omega t + \frac{\pi}{3} \right).$$

Yrgyldylary kompleks sanlar görnüşde bermek usulyny ulanyp, jemleyji yrgyldynyn amplitudasyny tapmaly.

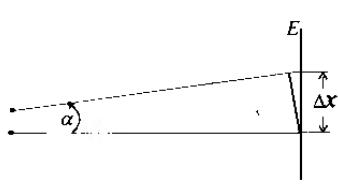
279. Kogerent şöhleleri berýän iki sany çeşmeden ybarat ulgam berlen (79-njy surat). Şöhleleriň tolkun uzynlygy  $\lambda$ . Ikinji çeşmäniň yrgyldylary birinjiniň yrgyldylaryndan fazasy boyunça  $\phi$  burça yza galýar ( $\phi < \pi$ ). Tapmaly: a)  $\theta$  burcuň häsy bahalarynda şöhlelenmäniň in uly boljagyny; b)  $\theta = \pi$





80-nji surat

düşyär. Berlenler: tolkun uzynlygy  $\lambda=0,55 \text{ mkm}$ ,  $r=10 \text{ sm}$ ,  $b=130 \text{ sm}$ . Tapmaly: a) ekranda alynýan interferensiýa zolagynyň  $\Delta x$  giňligini we mümkin bolan iň uly bahalarynyň (maksimumlarynyň) sanyny; b)  $S$  ýs  $r$  radiusly töwerek boýunça  $\delta = 1 \text{ mm}$  aralyga süýsürilse, interferensiýa şekiliniň süýşek  $\delta x$  uzaklygyny.



81-nji surat

uzynlygy  $\lambda$ .

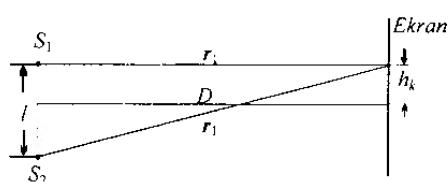
282. Taraplarynyň uzynlygy  $a=0,02 \text{ m}$ ,  $b=0,3 \text{ m}$  bolan simden ýasalan gönübürcülük şekilli ramka sabynly sunda ýerleşdirilýär. Ramkada sabyn perdejigi (plýonkasy) alynýar. Şu perdejigisiň üstüne  $\alpha=30^\circ$  burç bilen düşüp, ondan serpigýän şöhlelere gözegçilik edilende, perdejik ýaşyl bolup görünüýär ( $\lambda_g=500 \text{ nm}$ ). Duýgurlagy  $0,1 \text{ mg}$  terezide şu perdejiginiň massasyny kesgitläp bolarmy? Sabyn perdejiginiň dykyzlygy  $\rho=1 \text{ g/sm}^3$ .

283.  $S_1$  we  $S_2$  kogerent ýagtylyk çeşmeleri 82-nji suratdaky ýaly ýerleşyärler ( $l \ll D$ ). Ekranyň merkezinde ýerleşyän iki sany goňsy

bolanda, şöhlelenmäniň iň uly bolmagynyň,  $\theta=0$  bolanda bolsa şöhlelenmäniň iň kiçi bolmagynyň şertlerini.

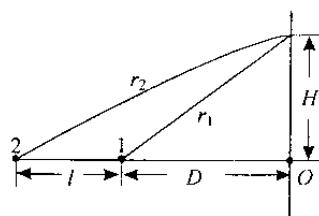
280. Freneliň goşa aýnalaryny ulanyp, interferensiýa boýunça tejribeler geçirmegiň shemasy 80-nji suratda görkezilýär. İki sany sepleşdirilip goýlan tekiz aýnalaryny arasyndaky burç  $\alpha=12'$ . Ýagtylyk  $S$  ýsdan çykyp, aýnalaryň sepgidine düşyär we serpigip,  $E$  ekrana

interferensiýanyň iň uly bahalarynyň arasyndaky uzaklygy tapmaly. Tolkun uzynlygy  $\lambda$ .



82-nji surat

284. 1 we 2 kogerent nokatlanç ýagtylyk çeşmeleri birleşdiriyän goni çyzyk  $A$  ekranyň tekizligine perpendikulýar (83-nji surat). Ekranda alynýan ýagty interferensiýa zolaklarynyň  $O$  nokatdan  $H$  uzaklygyny tapmaly. Mesele çözülende,  $l=n\lambda$  diýip kabul etmek bolýar.

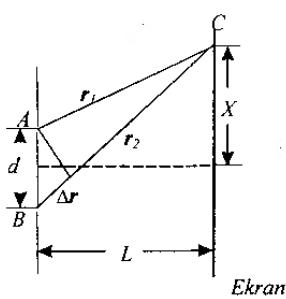


83-nji surat

285. Yunguň interferensiýadan tejribesi. İki sany ýsdan ýagtylyk şöhleleri geçirilýär (84-nji surat). Şöhleler juda insiz  $A$  we  $B$  ýslardan çykyp, ekranyň  $C$  nokadyna düşyärler. Ýslardan çykýan şöhleleriň fazalalary deň.

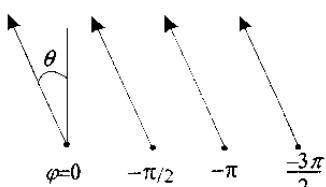
**Mesele.** Yunguň tejribesi ilki bilen dury suwuklyk ulanylyp,  $\lambda=600 \text{ nm}$  tolkun bilen geçirilýär. Soňra bolsa,  $\lambda$ , tolkun uzynlygy lanylyp, tejribe gaýtalanyar. Birinji tejribede alynýan 7-nji ( $k_1$ ) ýagty olagyň alynýan ýeri ikinji tejribede alynýan 10-njy ( $k_2$ ) garaňky

zolagyň ýeri bilen gabat gelýär. Ikinji tejribede ulanylan  $\lambda$ , tolkun uzynlygyny tapmaly.



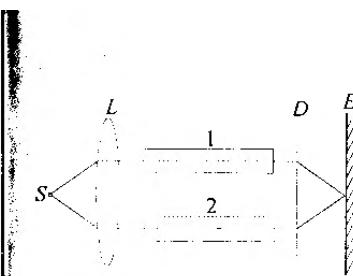
84-nji surat

286. Şöhlelenyň dört sany meňzeş dipol özara parallel yerleşdirilen (85-nji surat). Dipollaryň arasyndaky uzaklyk  $d = 2,5 \text{ sm}$ , tolkunlaryň ýygylgy  $v = 3 \cdot 10^9 \text{ Gs}$ . Dipollaryň goýberýän şöhleleriniň biri-birinden fazaya tapawudy  $\phi$ . Dipollaryň ulgamymdan örän daşlykda ekwatoriał tekizlikde (çyzgynyň tekizligi) tolkunyň kuwwatynyň  $\theta$  burç boýunça paýlanyşyny tapmaly.



85-nji surat

287. Dury suwuklyklaryň we gazlaryň döwülme görkezijilerini kesgitlemek üçin ulanylyan interferometriň shemasy 86-nji suratda görkezilýär.  $S$  – monohromatik ýagtylyk berýän insizje ýş; 1, 2 – her biriniň uzynlygy  $l = 10 \text{ sm}$  bolan içi howadan doldurylan



86-nji surat

turbajyklar;  $D$  – deşikli tuty (diafragma);  $L$  – linza;  $E$  – ekran. Ölçeg geçirmek üçin 1-nji turbajykdaky howany ammiak bilen çalşyrýarlar. Şondan soň ekrandaky interferensiya şekili (kartinası)  $N = 17$  zolak ýokary galypdyr. Howanyň döwülme görkezijisi  $n = 1,000277$  bolsa, ammiagyň  $n_1$  döwülme görkezijisini tapmaly.  $\lambda = 589 \text{ nm}$ .

288. Difraksiya gözenegiň periody  $d = 0,005 \text{ mm}$ .  $\lambda_1 = 760 \text{ nm}$  we  $\lambda_2 = 440 \text{ nm}$  tolkun uzynlyklary üçin iň uly bahalaryň (maksimumumlaryň) sanyny tapmaly.

289. Difraksiya gözeneginiň periody  $d = 4 \text{ mkm}$ . Ýagtylyk şöhleleri onuň üstüne perpendikulyar düşýärler. Ikinji we üçünji iň uly bahalaryň arasyndaky burç  $\Delta\varphi = 2^\circ 30'$ . Ýagtylygyň tolkun uzynlygyny tapmaly.

290. Bir millimettrinde 500 sany ýş (ştrih) bolan difraksiya gözenegine (onuň periody  $d = 2 \cdot 10^{-3} \text{ mm}$ ) tolkun uzynlygy  $\lambda = 590 \text{ nm}$  bolan monohromatik tolkun  $\theta = 30^\circ$  burç bilen düşýär. Şu gözenegi ulanyp, gözegçilik edip boljak spektriň iň uly tertibini tapmaly.

291. Radiusy  $r = 1 \text{ mm}$  bolan tegelek deşijekli (diafragmaly) tutynyň (ekranyň) öňünde  $\alpha = 100 \text{ sm}$  uzaklykda tolkun uzynlygy  $\lambda = 0,5 \text{ mkm}$  bolan nokatlanç ýagtylyk çeşmesi yerleşdirilýär. Gözegçilik editilýän nokatdan bu diafragma Freneliň zolaklarynyň  $k = 3$  sanysyna gabat gelýän bolsa, gözegçilik editilýän nokatdan deşijege čenli bolan  $b$  uzaklygy tapmaly.

292. Ýagtylyk difraksiya gözenegine normal düşende  $\lambda_1 = 0,65 \text{ mkm}$  tolkun üçin ikinji tertipdäki difraksiya burçy  $\theta_1 = 45^\circ$ .  $\lambda_2 = 0,5 \text{ mkm}$  tolkun üçin üçünji tertipdäki  $\theta_2$  difraksiya burçunu tapmaly.

293. Periody  $d = 2,2 \text{ mkm}$  bolan difraksiya gözenegine monohromatik ýagtylyk şöhleleri normal düşýärler. Birinji we ikinji tertipli maksimumumlaryň arasyndaky burç  $\Delta\theta = 15^\circ$  bolsa, ýagtylygyň tolkun uzynlygyny tapmaly.

294. Tolkun uzynlygy  $530 \text{ nm}$  bolan monohromatik ýagtylyk periody  $1,5 \text{ mkm}$  bolan dury difraksiýa gözenegine düşyär. Gözenege düşyän normal bilen iň uly tertipli difraksiýanyň iň uly bahalarynyň alynyan ugrunyň arasyndaky burçy tapmaly. Meseläni şöhle gözenegi: a) normal; b) normala  $60^\circ$  burç bilen düşyär diýip kabul etmek bilen çözmeli.

295. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 0.5 \text{ mkm}$  bolan ýagtylyk giňligi  $b = 10 \text{ mkm}$  bolan yşa  $\alpha = 30^\circ$  burç bilen düşyär. Difraksiýanyň merkezi iň uly bahalarynyň (maksimumyň) iki tarapynda yerleşen iki iň kiçi bahalarynyň (minimumyň) difraksiýa burçlaryny tapmaly.

296. Nokatlanç ýagtylyk çeşmesi bilen ekranyň arasynda tegelek deşijek yerleşdirilýär. Deşijegin  $r$  radiusyny üýtgedip bolýar. Deşijegin çeşmeden uzaklygy  $a = 100 \text{ sm}$ , ekran dan uzaklygy bolsa  $b = 125 \text{ sm}$ . Ekranda alynyan difraksiýa şekiliň merkezindäki iň uly ýagtylandyrısy  $r_1 = 1$  we  $r_2 = 1,29 \text{ mm}$  bahalarda alynyan bolsa,  $\lambda$  tolkun uzynlygy tapmaly.

297. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 600 \text{ nm}$  bolan ýagtylyk tegelek deşijekli tutynyň üstüne düşyär. Deşijekden  $b = 2 \text{ m}$  uzaklykda ekran yerleşyär. Ekrana düşyän ýagtylyk şöhleleriniň okunyň üstünde yerleşen  $B$  nokadyň iň uly ýagtylandyrılysyň bolmagy üçin deşijegin radiusy näçe bolmaly?

298. Rentgen şöhleleriniň insizje dessesi typma burçy  $\alpha = 60^\circ$  bilen nahar duzunyň monokristalynyň tebigy granyna düşyär. Monokristalyň dykyllygy  $\rho = 2,16 \text{ g/sm}^3$ . Şu grandan şöhle serpigende ikinji tertipli maksimum alynyar. Şöhleleriň tolkun uzynlygyny tapmaly.

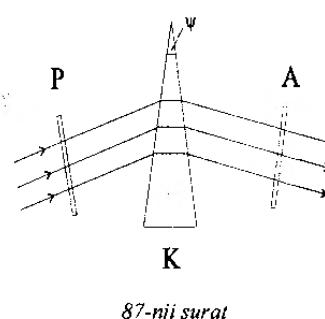
299. Ýagtylyk aýna bilen suwuň araçaginden serpigende doly polýarlanmagyň  $\theta_B$  burçunu (Brýusteriň burçy) kesgitlemeli.

300. Şöhläniň aýna prizma giriş burçunuň we ondan çykyş burçunuň doly polýarlanma burçlary bolmagy üçin prizmanyň döwüji  $\psi$  burçy näçe bolmaly? Şu döwüji burçda şöhläniň prizmada iň kiçi gışarma  $\gamma$  burçunuň näçe bolýandygyny tapmaly.

301. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 509 \text{ nm}$  bolan ýagtylygyň polýarlanma tekizligini  $\phi = 180^\circ$  öwürmegi üpjün edip bilýän kwars

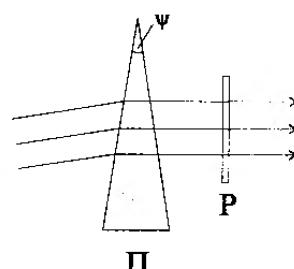
plastinasynyň  $d$  galyňlygyny tapmaly. Kwars plastina üçin öwürme hemişeligi  $\alpha = 29.7^\circ \text{ mm}^{-1}$ .

302. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 404.7 \text{ nm}$  bolan monohromatik ýagtylyk  $P$  polýaroidden geçip, pahna şekilli  $K$  kwars plastinanyň üstüne düşyär (87-nji surat). Pahnanyň granlarynyň arasyndaky burç  $\psi = 7^\circ 48'$ . Kwarsyň optiki okunyň ugru ştribler bilen şekillendirilen. Ýagtylyk şöhleleri kwarsyň içinde birnäçe  $mm$  ýol geçýärler. Berlen ýagtylyk tolkun uzynlygında kwarsyň öwürme koeffisiýenti  $\alpha = 48.9^\circ \text{ mm}^{-1}$ . Ikinji  $A$  polýaroidde gözegçilik edilende näme görner?



87-nji surat

303. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 0.59 \text{ mkm}$  bolan ýagtylyk kwarsdan yasalan  $\Pi$  prizmanyň üstüne düşyär (88-nji surat). Prizmanyň döwüji burçy  $\psi = 30^\circ$ . Prizmada şöhleler onuň ştribler bilen şekillendirilen optiki okunyň ugruna ýárayáyalar.  $P$  polýaroida gözegçilik edilende, giňligi  $\Delta h$  bolan garaňky we ýagty zolaklaryň ulgamy görünýär. Kwarsyň  $\alpha$  öwürme hemişeligini tapmaly.



88-nji surat

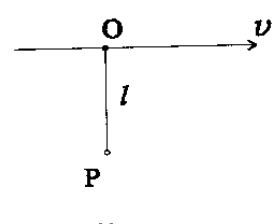
304. Tolkun uzynlygy 546 bilen 589,3 nm aralykda yerlesyän ýagtylyk şöhleleri üçin suwuň döwülmе görkezijisi 1,33447 bilen 1,33300 aralygynda üýtgeýär. Tolkun uzynlyklaryň şu çäkleri üçin faza we toparlaýyn tizikleriň orta bahalaryny tapmaly.

305. Kükürt uglerodýň tolkuň uzynlyklary 509, 534 we 589 nm bolan ýagtylyk şöhleleri üçin döwülmе görkezijisi 1,647, 1,640 we 1,630.  $\lambda = 534 \text{ nm}$  tolkuň uzynlygyň ýakynynda faza we toparlaýyn tizikleri tapmaly.

306. Käbir sredada toparlaýyn we faza tizikleriň arasyndaky baglanyşyk  $uv = c^2$  deňleme arkaly aňladylýar ( $c$  – ýagtylygyň wakuumdaky tizligi). Şu sredanyň dielektrik syzyjyligynyň tolkunyň ýygyligы bilen arabaglanyşygyny tapmaly.

307. Wodorod atomynyň goýberýän spektriniň biriniň tolkuň uzynlygy  $\lambda = 656,3 \text{ nm}$ . Kinetik energiyasy  $W=1 \text{ MeV}$  bolan wodorod atomlarynyň ince dessesine  $90^\circ$  burç bilen gözegçilik edilýär (Doppleriň keseleyín effekti). Doppler effekti sebäpli gözegçiniň ölçejek  $\Delta\lambda$  ululygyny tapmaly.

308. Swetoforyň gyzyl reňkli çyrasynyň ( $\lambda_1 \approx 0,7 \text{ mkm}$ ) ýasyň reňkli ( $\lambda_2 \approx 0,55 \text{ mkm}$ ) bolup görünmegi üçin awtomobil näçe tizlik bilen hereket etmeli bolar?



309. Ýygyligы  $\omega_0 = 3 \cdot 10^{10} \text{ c}^{-1}$

bolan elektromagnit tolkunlary goýberýän çeşme  $v = 0,8 \text{ s}$  tizlik bilen  $P$  noktadaky gözegçiden  $l$  uzaklykda ýerleşen goni çyzyk boýunça hereket edýär (89-njy surat). Tapmaly: a) çeşme  $O$  noktada ýeten pursatında gözegçiniň kabul eden tolkunynyň ýygyligyny; b) gözegçiniň çeşmäni  $O$  noktadà去做 pursatydaky ölçenen tolkunyň ýygyligyny.

## IX BÖLÜM

### Tolkunlaryň kwant fizikasynyň esasy düzgünleri we düşünjeleri

1. Fotonyň energiyasy  $h\nu$ , onuň impulsy  $h\nu/c$  we massasy  $h\nu/c^2$ ,  $h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$  – Plankyn hemişeligi; Bu hemişeligiň  $\hbar = \frac{h}{2\pi}$  bahasy hem häli-şindi ulanylýar.

2. Jisimiň üstüniň meýdanı birligidenden  $v$  we  $(v + \Delta v)$  ýygyligы çäklerinde şöhlelenýän (goýberilýän) energiya Plankyn formulasy boýunça hasaplanýar:

$$u(v) = \frac{\Delta I(v)}{\Delta v} = -\frac{2\pi h v^3}{c^2 \left[ \exp\left(\frac{hv}{kT}\right) - 1 \right]}. \quad (1)$$

Bu ýerde  $I(v)$  üstüň  $1 \text{ m}^2$  meýdanyndan 1 sekundda şöhlelenýän energiya ( $Wt/m^2$ );  $u(v)$  – şöhlelenýän energiyanyň ýygyligы boýunça paýlanyş funksiyasy diýilýär.

3. T temperaturaly jisimiň üstüniň bir birlik meýdanyndan bir sekundda goýberýän energiyasy Stefan-Bolzmanyň kanunu boýunça hasaplanýar:

$$I = \sigma T^4. \quad (2)$$

4. Şöhle goýberýän jisimiň  $T$  temperaturasy bilen  $u(v)$  funksiyanyň iň uly bahasyna degişli  $\lambda_0$  tolkuň uzynlygyň arasyndaky baglanyşyk:

$$\lambda_0 T = b = 2,9 \cdot 10^{-3} \text{ m}\cdot\text{K}. \quad (3)$$

Ýlmy-tehniki edebiýatda (3) formula Winiň süyşme kanunu diýip atlandyrlyar.

5. Fotoeffekt üçin Eýnsteiniň formulasy:

$$h\nu = A + \frac{1}{2}mv^2. \quad (4)$$

Bu ýerde  $A$  elektronyn üstden çykyş işi.

6. Yagtylygyň basyşy

$$p = \frac{I}{c}(1+r). \quad (5)$$

Bu ýerde  $I$  – üstün birlik meýdanyna wagt birliginde düşyän ýagtylyk energiyasy;

$r$  – üstden serpikme koeffisiýenti.

7. Komptonyn effekti

$$\Delta\lambda = \frac{2h}{mc} \sin^2 \frac{\theta}{2}. \quad (6)$$

Bu effekt gowşak baglanyşykly elektron bilen fotonyň özara tăsiri sebäpli ýuze çykýar. Elektronдан serpigen fotonyň energiyasy azalýar. Serpigen fotonyň ugry onuň başdaky ugry bilen  $\theta$  burçy emele getirýär.  $\lambda_K = \frac{2h}{mc}$  – ululyga Komptonyn tolkun uzynlygy diýilýär.

8. Relatyivistik dinamikanyň esasy düzgünleri. Relatyivistik massa we impuls

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1-\beta^2}}; \quad \bar{p} = m\bar{v} = \frac{m_0\bar{v}}{\sqrt{1-\beta^2}}; \quad \beta = \frac{v}{c}. \quad (7)$$

Relatyivistik bölejigiň doly we kinetik energiyalary:

$$mc^2 = m_0c^2 + W_k, \quad W_k = c^2(m - m_0). \quad (8)$$

Bu ýerde  $mc^2$  – doly energiya;  $m_0c^2$  – dynçlyk energiyasy. Relatyivistik bölejigiň energiyasy bilen impulsynyň arasyndaky baglanyşyk:

$$m^2c^4 - p^2c^2 = m_0^2c^4 \quad \text{ya-da}$$

$$p^2c^2 = W_k(W_k + 2m_0c^2). \quad (9)$$

Bu formulalar (7) formulalardan alynýar. Relatyivistik massanyň (7) formulasynyň getirip çykarylyşyna 337-nji meselede garalýar.

### Meseleler

310. Yer şary üçin Gün hemişeligi belli bolsa (Yeriň üstüniň  $1 \text{ m}^2$  meýdanyna 1 sekündä düşyän Gün energiyasy), Günün massasynyň azalmagynyň tizligini tapmaly. Gün hemişeliginin san bahasy  $E = 1350 \text{ Wt/m}^2$ .

311. İki sany absolüt gara, gyzgynlygы sebäpli şöhlelenýän çeşme bar. Olaryň biriniň temperaturasy  $T_1 = 2500 \text{ K}$ . Beýleki çeşmäniň goýberýän energiyasynyň iň uly bahasyna degişli tolkun uzynlygy bilen birinjiniň goýberýän energiyasynyň iň uly bahasyna degişli tolkun uzynlygyň tapawudy  $\Delta\lambda = 0,5 \text{ mkm}$  bolsa, ikinji çeşmäniň  $T_2$  temperaturasyny tapmaly.

312. Gün özünüň goýberýän şöhleleriniň spektral düzümü boýunça absolüt gara jisimiň şöhlelenmegine ýakynlaşýar. Şöhlelenmek ukybynyň iň uly bahasy  $\lambda = 0,48 \text{ mkm}$  tolkun uzynlygyna degişli. Şöhlelenme sebäpli  $1 \text{ s}$  wagtda Günün massasy näçe azalar? Näçe wagtdan soň onuň massasy 1% azalar?

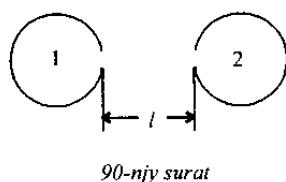
313. Howasy seýreklesdirilen gabýň içinde diametri  $d = 1,2 \text{ sm}$  mis şarjagaz ýerleşdirilipdir. Gabýň diwaralaryny absolüt nola ýakyn temperaturada saklaýarlar. Şarjagazyň başlangycz temperaturasy  $T_0 = 300 \text{ K}$ . Şarjagazyň üstünü absolüt gara diýip kabul etmek bilen onuň temperaturasynyň  $\eta = 2$  gezek azaljak wagtyny tapmaly.

314. Plankyn ýygyllyk boýunça paýlanyş funksiýasyndan (bölgüme girişdäki (1) formula) peýdalanyp: a) energiyanyň üst dykyzlygynyň  $\omega$  burç ýygyllyk boýunça paýlanyşyny, ýagny  $u(\omega)$  funksiýanyň tapmaly; b) energiyanyň üst dykyzlygynyň tolkun uzynlyk ( $\lambda$ ) boýunça paýlanyşyny, ýagny  $u(\lambda)$  funksiýanyň tapmaly.

315. Bölümiiň girişinde getirilen Plankyn formulasyny ulanyp. Stefan-Bolzmanyn formulasyny getirip çykarmaly.

316. Yer ýüzündäki ähli senagat energiyá çeşmeleriniň kuwwaty  $P \approx 10^3 \text{ Wt}$ . Günden Yeriň üstüne gelýän kuwwati  $P \approx 10^{17} \text{ Wt}$ . Senagat energiyá çeşmeleriniň işleyänligi sebäpli, Yeriň temperaturasyny  $\Delta T$  ýokarlanmasyny tapmaly. Ekologiki nukday nazardan Yeriň temperaturasyny ýokarlanması  $\Delta T_{m\text{uly}} = 0,1$ -den geçse, howply diýip hasap edilýär. Energiýanyň senagat çeşmeleriniň aňry çäk  $P_{m\text{uly}}$  kuwwatyny tapmaly.

317. Böwri kiçijik deşikli, diametri  $d=1 \text{ sm}$  bolan iki sany köweklilik bar (90-njy surat). Olaryň arasyndaky uzaklyk  $l=10 \text{ sm}$ . Köwekleriň daşy üstleri absolüt serpikdiriji. Birinji köwegiň içinde  $T_1=1700 \text{ K}$  temperatura saklanýar. Ikinji köwegiň içindäki temperaturany tapmaly.



90-njy surat

318. Nokatlanç izotrop çeşmäniň goýberýän ýagtylygynyň tolkun uzynlygy  $\lambda = 589 \text{ nm}$ , ýagtylyk kuwwaty  $P=10 \text{ Wt}$ . Tapmaly: a) çeşmeden  $r=2 \text{ m}$  uzaklykdaky fotonlaryň akymynyň dykyzlygyny; (Bu ululyk  $1 \text{ m}^2$  meýdandan 1 sekundda geçýän fotonlaryň sanydyr); b) fotonlaryň birlilik göwrüme düşyän orta sany  $n = 100 \text{ sm}^{-3}$  bolan nokadyň çeşmeden uzaklygyny.

319. Lazer dowamlylygy  $t_0 = 0,13 \text{ ms}$ , energiyasy bolsa  $W=10 \text{ J}$  bolan ýagtylyk impulsyny goýberdi. Lazeriň goýberen şöhlesini diametri  $d=10 \text{ mkm}$  bolan desse görnüşde ýygnaýalar we şöhleleriň ýaýraýan ugruna perpendikulyär üste gönükdirýärler. Üstün serpikme koeffisiyenti  $r=0,5$  bolsa, ýagtylyk basyşy tapmaly.

320. a) günden Yeriň orbitasynyň radiusyna deň bolan aralykda yerleşdirilen absolüt gara jisime Gün şöhleleriniň edyän basyşyny kesgitlemeli. Şöhleleriniň düşme burçy nola deň. Gün hemişeliginin  $1350 \text{ Wt/m}^2$  diýip kabul etmeli; b) jisimiň üstünden hemme şöhleler serpigyr diýip, ýagtylygyny basyşy tapmaly; ç) jisim hemme şöhleleriň 4% serpikdirýän we olaryň energiyasynyň 6% ýuwudýan aýna plastina bolsa, ýagtylyk basyşy tapmaly.

321. Yer özünüň orbitasynyň afeliýisinden (orbitanyň Günden iň daş nokady) geçende orbitanyň perigeliýisinden (Güne iň ýakyn nokat) geçendäkisinden Günden 3,3% daşda bolýar. Yeriň orta temperaturasy  $288 \text{ K}$  bolsa, onuň afeliydäki we perigeliydäki temperaturalarynyň  $\Delta T$  tapawudyny tapmaly.

322. Tutuşlygyna ionlaşan dykyzlygy  $\rho = 0,1 \text{ g/sm}^3$  bolan wodorod plazmasynyň şöhlelenme (radiasiya) basyşy bilen gaz-kinetik basyşlary deň diýip kabul etmek bilen plazmanyň temperaturasyny tapmaly. Radiasiya basyş energiyanyň göwrüm dykyzlygynyň üçden birine deň. Termodinamiki we radiasiya temperaturalar biri-birine deň diýip kabul etmeli.

323. Häzirki zaman nazarýetine görä, fotonlaryň energiyasy, massasy, impulsy bar. Oňa haýsydyr bir korpuskula (bölejik) diýip düşünülyär. Şeýle bolansoň  $V$  göwrümde foton gazy, şöhlelenme bar diýeliň. Foton gazynyň basyşy tapmaly.

324. Haýsy temperaturada ýylylyk şöhlelenmäniň basyşy (foton gazynyň basyşy)  $p=1 \text{ atm}$  bolar?

325. Göwrümi  $V=1 \text{ l}$  bolan köweklilik  $T=1000 \text{ K}$  temperaturadaky ýylylyk şöhleleri bilen doldurulan. Köwekligiň (gabyň) içindäki foton gazynyň hemişelik göwrümdäki  $C_V$  ýylylyk sygymyny tapmaly. Ony deň şertler üçin tapylan bir atomly ideal gazyň  $C_T$  ýylylyk sygymy bilen deňeşdirmeli.

Görkezme: Şu mesele çözülende 323-nji meselänin çözgündini  
ulanmaly.

326. Gaz haýndaky neon hemişelik göwrümde ýylylyk  
şöhlelenme bilen deňagramlylyk ýagdayda. Neon gazynyň haysy p  
basynda onuň ýylylyk sygymy bilen göwrümdäki foton gazynyň  
ýylylyk sygymy deňleşerler? Göwrümdäki temperatura  $500\text{ K}$ .

327. Käbir metalyň üsti tolkun uzynlyklary  $\lambda_1 = 0,35\text{ mkm}$  we  
 $\lambda_2 = 0,54\text{ mkm}$  bolan ýagtylyk şöhleleri bilen gezekleşdirilip  
ýagtylandyrlyar. Şunlukda metałdan çykýan elektronlaryň başlangyç  
tizlikleri biri-birinden  $n=2$  esse tapawutlanýarlar. Şu metalyň üstünden  
elektronlaryň çykyş işini tapmaly.

328. Beýleki jisimlerden üzneleşdirilen mis şarjagaz tolkun  
uzynlygy  $\lambda = 140\text{ nm}$  bolan ýagtylyk bilen şöhleendirlyar. Şarjagaz  
zarýadlananda, alyp biljek iň uly potensialyny tapmaly.

329. Sink üçin fotoeffektin gyzyl çägini we onuň üstüne tolkun  
uzynlygy  $\lambda = 250\text{ nm}$  bolan elektromagnit şöhleleri gönükdirilende  
ondan çykaryljak elektronlaryň iň uly tizligini tapmaly.

330. Elektrik düzüjisinin güýjenmesi  $E = a(1 + \cos \omega t) \cos \omega_s t$   
deňleme arkaly berilýän elektromagnit tolkunlary litiý metalyň  
üstüne gönükdirlyar ( $a = \text{hemişelik}$ ,  $\omega = 6 \cdot 10^{14}\text{ s}^{-1}$ ,  $\omega_s = 3,6 \cdot 10^{15}\text{ s}^{-1}$ ).  
Litinin üstünden çykarylýan elektronlaryň iň uly  $W_{\text{kinetik}}$  kinetik  
energiýasyny tapmaly.

331. Fotoelementiň katodyna tolkun uzynlygy  $\lambda = 0,3\text{ mkm}$   
bolan elektromagnit şöhle berilýär. Fotoelement doýgun elektrik akmy  
režiminde işleyär. Şu tolkun uzynlygy üçin fotoelementiň duýgurlygy  
 $J = 4,8\text{ mA/Wt}$ . Fotoelementde sarp edilen kwantlaryň her biri näçe  
sany elektrony çykaryp bilyändigini tapmaly.

332. Jübi fonarjygynyň sarp edýän kuwwaty  $1\text{ Wt}$  çemesi  
bolýar. Şu kuwwat ýagtylyk şöhleleri görnüşde hemme taraplara  
birmeňes ýaýraýar. Ýagtylyk tolkunlarynyň uzynlygyny orta hasapdan  
 $\lambda = 1\text{ mkm}$  diýip kabul etmek bolar. Fonardan  $10\text{ km}$  uzaklykda  
şöhlelere perpendikulýar edip goýlan üstün  $1\text{ sm}^2$  meýdanyna  $1$   
sekundta näçe fotonyň düşjegini hasaplamaý.

333. Plankyn hemişeliginini kesgitlemek üçin käbir metalyň üsti  
ýyglylygy  $v_1 = 2,2 \cdot 10^{15}\text{ s}^{-1}$  bolan monohromatik ýagtylyk bilen  
şöhleendirilýär. Şu ýyglylykda fotoeffektin bes bolmagy üçin  $\varphi_1 = 6,6\text{ W}$   
saklayýy (ýapyjy) potensial goýmaly. Şol metalyň üstüne ýyglylygы  
 $v_2 = 4,6 \cdot 10^{15}\text{ s}^{-1}$  bolan monohromatik ýagtylyk berlende, fotogruň bes  
bolmagy üçin  $\varphi_2 = 16,5\text{ W}$  saklayýy potensial bermeli. Tejribede ölçenen  
şu ululyklardan Plankyn hemişeliginini tapmaly.

334. a) tolkun uzynlygy  $2,4 \cdot 10^{-2}\text{ nm}$  γ - şöhleleriň we  
b) tolkun uzynlygy  $0,12\text{ mkm}$  ultramelewse şöhleleriň kümüşden  
çykarýan elektronlarynyň başlangyç tizliklerini tapmaly.

335. Yer şarynyň goýberýän ýylylyk şöhleleriniň iň uly  
energiýasы  $\lambda = 10\text{ mkm}$  tolkun uzynlygyna düşyär. Yeriň üstüniň orta  
temperaturasyny tapmaly.

336. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 500\text{ nm}$  monohromatik ýagtylyk  
juda ýylmanak üste (mysal üçin, aýnanyň üsti) normal düşyär.  
Ýagtylygы üste edýän basyş güýji  $F = 10^{-8}\text{ N}$ . Bir sekundda üste  
düşyän fotonlaryň  $n$  sanyny tapmaly.

337. Jisimiň doly energiýasы  $mc^2$  formula bilen kesgitlenýär  
diýip kabul etmek bilen relyativistik bölejigiň massasy bilen onuň  
tizligini baglanysdyryan deňlemäni almalы (Gürrün şu bölümünden  
girişindäki (7) deňleme barada barýar).

338. Rentgen şöhleleriniň tolkun uzynlygy  $\lambda = 21,4\text{ pm}$   
fotonlary Kompton effektiniň netijesinde başdaky ugruna  $\theta = 90^\circ$  burç  
bilen serpigýär. Foton öz energiýasynyň näçe bölegini elektrona berdi?

339. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 6\text{ pm}$  bolan foton dynçlykda duran  
erkin elektrona degip, başlangyç ugruna  $90^\circ$  burç bilen serpigýär.  
Tapmaly: a) serpigen fotonyň  $\omega$  ýyglylygы; b) herekete başlan  
elektronyň (muňa depme elektron hem diýilýär)  $W_i$  kinetik  
energiýasyny.

340. Energiýasы  $E = 1\text{ MeW}$  bolan foton dynçlykda duran  
erkin elektrondan serpigýär. Serpigen fotonyň tolkun uzynlygy

başdakydan  $\eta = 25\%$  üýtäpdır. Elektronyn alan  $W_k$  kinetik energiyasyny tapmaly.

341. Foton dynçlykdaky elektronyn üstüne düşyär we  $120^\circ$  burç bilen serpigýär. Şuňuň netijesinde elektron  $W_k = 0,45 \text{ MeV}$  kinetik energiya eýe bolýar. Serpikmezden öň fotonyň energiyasy näçedi?

342. Energiýasy  $W = 2m_0c^2$  deň bolan foton (bu formulada  $m_0$  – elektronyn dynçlyk massasy) dynçlykdaky elektronдан serpigip, öz energiyasyny ýarysyny ýitirýär. Serpigen foton bilen herekete başlan elektronyn ugurlarynyň arasyndaky  $\alpha$  burçy tapmaly.

343. Tolkun uzynlygy  $\lambda = 0,1 \text{ nm}$  boľan foton dynçlykdaky elektrona tásir edýär. Tásiriň netijesinde foton gönü yzyna serpigýär. Elektronyn alan kinetik energiyasyny tapmaly.

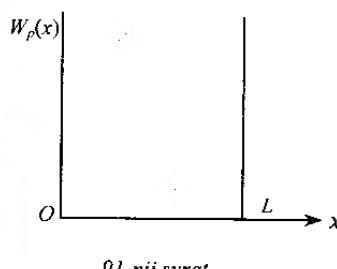
344. Foton relýatiwistik elektronдан  $\theta = 60^\circ$  burç bilen serpigýär, elektronyn hereketi bolsa togtayär. Serpigen fotonyň tolkun uzynlygynyň üytgemesini tapmaly.

## X BÖLÜM

### Atom we ýadro fizikasynyň esasy düzgünleri we düşünjeleri

1.  $\vec{p}$  impulsly bölejik De Broýlyň tolkunlaryny döredýär. Tolkun uzynlygy

$$\lambda = \frac{h}{p} \quad (1)$$



De Broýlyň tolkun uzynlygy islendik baha eýe bolup bilenok, ol kwantlaşmaly. Haýsydyr bir bölejik (elektron, proton, neýtron we ş.m.) diňe  $x$  koordinat boýunça hereket edýär diýelj. Mundan başga-da, onuň hereketi uzynlygy  $L$  bolan kesim bilen çäklenýän bolsun. Şular ýaly ýagdaýda bölejik gjölligi  $L$  bolan potensial çukuryň düybünde hereket edýär diýilýär (91-nji surat).  $x = 0$  we  $x = L$  dik çyzyklara potensial çukuryň diwarlary diýilýär. Potensial energiyanyň  $W_p = 0$  bahasyna degişli gorizontal çyzyga çukuryň düybى diýilýär. De Broýlyň tolkunlary diwarlardan serpigýärler we düşyän tolkun bilen goşulyşyp durujy tolkunlary emele getirýärler. Durujy tolkunlaryň döremegi üçin  $L$  uzynlykda  $n$  sany ýarym tolkun uzynlygy ýerleşmeli, ýagny aşakdaky şert ýérine ýetmeli

$$n \cdot \frac{\lambda_n}{2} = L, \quad \lambda_n = \frac{2L}{n}, \quad n=1,2,3,\dots \quad (2)$$

(2) deňlemeden bölejigiň tizliginiň, impulsynyň we energiyasynyň kwantlaşmalydygy hakyndaky şert gelip çykýar. Şeýlelik bilen

$$v_n = \frac{h}{m\lambda_n} = \frac{nh}{2mL}; \quad p_n = mv_n = \frac{nh}{2L}; \quad W_n = \frac{n^2 h^2}{8mL^2}. \quad (3)$$

2. Bölejigiň hereketiniň tolkun häsiyetleri onuň koordinatlaryny, impulsyny we energiyasyny tapmakda kesgitsizligiň yüze çykmagyna sebäp bolýar. Bu näsazlyk kesgitsizlik düzgüniniň düzgün arkaly kadalaşdyrylyar. Geýzenbergiň kesgitsizlik düzgüniniň formula görnüşde ýazylyşy:

$$\Delta p_x \cdot \Delta x \geq \hbar = \frac{h}{2\pi}; \quad \Delta p_y \cdot \Delta y \geq \hbar; \quad \Delta p_z \cdot \Delta z \geq \hbar. \quad (4)$$

Bu formulalara kesgitsizlik gatnaşyklary diýilýär. Formulalaryň manysy - bölejigiň koordinatyny we impulsalaryny şol bir wagtda ýokary takylyk bilen kesgitlemek bolmaýandygyны aňlatmakdan ybaratdyr. Mundan hem başga  $\Delta p$  we  $\Delta x$  ululyklaryň ikisi-de bir wagtda nola deň bolmaýar. Aýdylanlara düşünmäge kömek edýän myşaýa ýüzleneliň. Wodorod atomydaky elektronnyň orbitasynyň radiusy takmynan  $r = 5 \cdot 10^{-11} m$ , şol orbitadaky elektronnyň orbitasynyň radiusy  $r = 5 \cdot 10^{-11} m$ , tizlik tapylandaky kesgitsizlik  $\Delta r = 0,01r = 5 \cdot 10^{-13} m$  diýsek, tizlik tapylandaky kesgitsizlik

$$v = \frac{h}{2\pi \cdot m \Delta r} \approx 2,2 \cdot 10^8 \frac{m}{s}.$$

Hasaplamalaryň netijesinden görnüşi ýaly, tizlik tapylandaky kesgitsizlik tizligiň öz bahasyndan 220 esse uly bolýar.

3. Wodorod atomynyň goýberýän şöhleleriniň ýygyligы üçin Balmeriň formulasy:

$$\omega = R \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right), \quad n=1,2,3,\dots, \quad m=n+1, n+2, n+3, \dots. \quad (5)$$

- a)  $n=1$  bolanda, ultramelewše şöhleler goýberilýär. Alynyan ýygyligylara Laýmanyň seriýasy diýilýär;
- b)  $n=2$  bolanda, göze görünýän ýagtylyk şöhleleri goýberilýär. Muňa Balmeriň seriýasy diýilýär;
- c)  $n=3, n=4$  bolanda, goýberilýän şöhlelere Paşenin we Brekkeniň seriýalary diýilýär;

$$R = \left( \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \right)^2 \frac{me^4}{2\hbar^3} = 2,07 \cdot 10^{16} s^{-1} - Ridbergiň hemişeligi.$$

4. Balmeriň formulasyny wodoroda meňzes beýleki atomlar üçin hem ulansa bolýar (Orbitalaryndaky elektronlaryň diňe birinden başgalary sogrulup alnan atoma wodoroda meňzes diýilýär. Mysal üçin,  $He^+$ ,  $Li^+$ ,  $Be^{++}$ ,  $B^{+++}$  we ş.m. ionlar wodoroda meňzesdirler). Balmeriň umumylaşdyrylan formulasy:

$$\omega = RZ^2 \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right). \quad (6)$$

Bu ýerde  $Z$  - wodoroda meňzes ionyň tertip belgisi.

5. Elektronnyň atomdaky ýagdaýyny kesgitlemek üçin ulanylýan kwant sanalar:

- a) orbitadaky elektronnyň energiyasyny kesitleyän baş kwant sany  $n$  ( $n=1,2,3,\dots$ );
- b) orbitadaky elektronnyň impulsynyň momentini kesitleyän orbital kwant sany  $l$  ( $l=0,1,2,3,\dots,n-1$ );
- c) magnit kwant sany  $m$  ( $m=0, \pm 1, \pm 2, \dots$ );

$$d) \text{ magnit spin kwant sany } m_s (m_s = \pm \frac{1}{2}).$$

Kwant sanalaryň dördüsiniň toplumu elektronnyň atomdaky ýagdaýyny kesgitleyär. Sol bir energetik derejede berlen kwant sanalaryň toplumu bilen häsiyetlendirilýän elektronlaryň sany nola ýa-da bire

deň bolmaly. Bu düzgüne Pauliniň düzgünî diýilýär. Spini  $\frac{1}{2}\hbar$  bolan bölejikler (elektronlar, protonlar, neýtronlar) şu düzgüne boýun egýärler. Pauliniň düzgüniniň giňişleýinräk okalyşy: Berlen kwant sanlaryň toplumy bilen häsiýettendirilýän ýagdaýda spini  $\frac{1}{2}\hbar$  bolan bölejikleriň birden artygy bolup bilmez.

6. Yadroňň massa sany  $A = Z + N$ ,  $Z$  – protonlaryň sany,  $N$  – neýtronlaryň sany. Protonlara we neýtronlara nuklonlar diýilýär. Şonuň üçin yadroňň massa sany  $A$  ondaky nuklonlaryň sanyna deň.

7. Sfera görnüşli diýip kabul edilýän yadroňň radiusy:

$$R = R_0 A^{\frac{1}{3}}, \quad R_0 = (1.3 \div 1.7) \cdot 10^{-15} \text{ m.} \quad (7)$$

8. Yadro maddasynyň dykyzlygy:

$$\rho = \frac{m_n A}{\left(\frac{4}{3}\pi R^3\right)}. \quad (8)$$

Bu ýerde  $m_n$  – bir nuklonnyň massasy.

9. Yadroň ony düzýän nuklonlara dargatmak üçin edilmeli işe baglanyşyk energiyasy diýilýär. Baglanyşyk energiya:

$$\Delta W = \Delta m \cdot c^2. \quad (9)$$

Bu ýerde  $\Delta m$  – massa näsazlygy (defekti). Ony häsaplamak üçin aşakdaky formula ulanylýar:

$$\Delta m = Z m_p + (A - Z) m_n - M_y. \quad (10)$$

10. Yadroňň içinde tásir edýän güýçleriň esasy häsiyetleri:

- a) ýadro güýçleri klassyk fizikada garalýan güýçleriň hiç birine-de meňzeş däldirler;
- b) ýadro güýçleri gysga uzaklykda tásir edýän güýçlerdir (olaryň tásiri  $r = 10^{-15}$  m uzaklykdan aňry geçmeýär diýen ýalydyr);
- c) protonlaryň özara tásir güýji, neýtronlaryň özara tásir güýji we proton-neýtron tásir güýji biri-birine deň. Ýadro güýçleri zarýada bagly däl.

d) her bir nuklon diňe özünüň in ýakyn goňşy nuklonlary bilen tásir edişyärler. Ýadro güýçleriniň bu häsiyeti baglanyşyk energiyasynyň kesitlemesinden gelip çykýar. Eger-de her bir nuklon yadroňň düzümine giryän nuklonlaryň hemmesi bilen tásir edişyär diýilse, baglanyşyk energiyasy  $\Delta W \sim A(A-1)$  görnüşde bolardy. Ýadro güýçleriniň bu häsiyetine olaryň doýgunlyk ýagdaýyna geçmegi diýilýär.

e) ýadro güýçleri merkezi güýçler däldirler. Bu häsiyet olary Kulon we grawitasiya güýçlerinden düýpli tapawutlandyrýar.

ä) ýadro güýçleriniň yüze çykmagy nuklonlaryň arasyndaky haýsydyr bir bölejikleriň alsygynyň bolup geçyvändigine şyatlyk edýär.

11. Radioaktiwlik ýadrolaryň özgerme (dargama) häsiyetidir. Ýadrolar darganda  $\alpha, \beta$  we  $\gamma$  şöhleleri goýberýärler. Radioaktiw şöhleleriň esasy tásirleri: a) himiki tásir; b) gazlary ionlaşdyrmak; c) gaty we suwuk jisimlerde lýuminessensiya hadysasyny döretmek.

12. Radioaktiw dargamagyň esasy kanunu

$$N = N_0 e^{-\lambda t}. \quad (11)$$

Bu ýerde  $N_0$  – ýadrolaryň başdaky sany;  $\lambda$  – radioaktiwligiň hemişeligi.

13. Radioaktiwligiň hemişeligi  $\lambda$ , radioaktiw izotopyň ömrüniň orta dowamlylygy  $\tau$  we ýarym-dargamagyň periody  $T$  ululyklaryň arasyndaky baglanyşyk:

$$\lambda = \frac{1}{\tau} = \frac{\ln 2}{T}. \quad (12)$$

14. Radioaktiw maddanyň işjeňligi (aktiwligi) – wagt birliginde dargayán ýadrolaryň sany:

$$a = \frac{\Delta N}{\Delta t} = \lambda N. \quad (13)$$

Işjeňligi ölçemekde 1 Bk (Bekkerel) diýen birligi hem ulanylýar.

$$1Bk = 1 \frac{dargama}{s}.$$

15. Ýadro reaksiýalarynyň ýazylyşynyň umumy görnüşü:



Bu formulada  $A, B$  ýadrolar;  $a, b$  – reaksiýa gatnaşyán bölejikler – proton, neýtron, elektron,  $\alpha$  – bölejik. Käbir kitaplarda (14)-niň aňlatmanyň ornuna  $A(a,b)B$  (15) ýazgy hem ulanylýar.

### Meseleler

345. Her birisiniň kinetik energiýasy  $W_k=100 eW$  bolan elektron, proton we uranyň ýadrosy üçin De Broýlyň tolkunlarynyň uzynlygyny tapmaly.

346. Elektronnyň  $W_k$  kinetik energiýasynyň haýsy bahasynda onuň üçin hasaplanan De Broýlyň tolkunlarynyň uzynlygy bilen Kompton tolkunlarynyň uzynlygy biri-birine deň bolar?

347. Elektronlaryň deň energiýaly (monoenergetik) akymy giňligi  $b=1 \text{ mkm}$  bolan gönüburçluk şekilli yşly diafragmanyň üstüne normal düşyär. Yşdan  $I=50 \text{ sm}$  uzaklykda ýerleşen ekranda alynyan merkezi difraksiya maksimumyň giňligi  $\Delta x=0,36 \text{ mm}$  bolsa, elektronlaryň tizligini tapmaly.

348. Eger elektronnyň, protonnyň we massasy  $1 \text{ mg}$  bolan şarjagazyň merkeziniň koordinaty  $1 \text{ mkm}$  kesgitsizlik bilen tapylan

bolsa, elektronnyň, protonnyň we şarjagazyň uezliklerini kesgitläp boljuk iň kiçi şalňyşlyklary tapmaly (bu ýerde absolút ýalňyşlık gecenünde tutulyar).

349. Keşitsizlik catnaşygyny ulanyp, uzyňlygy  $i=0,2 \text{ cm}$  bolan gönü çyzyk boýunça berketilenmeli elektronnyň iň pes kinetik enerjiýasyny tapmaly

350. "m" masalay bölgeli, "n" ölçegli potensial meydanda berkeletedýär. Meydanyň potensialы  $U_n = \frac{1}{2} kx^2$  (garmoniki ossillyatyon). Kesgitsizlik catnaşygyny ulanyp, bölejiginiň şu meydanda alyp biljek iň pes energiýasyny tapmaly

351. Kesgitsizlik diizgününi ulanyp, wodorod atomynyndaky elektronnyň iň kiçi energiýasyny we elektronnyň protonden effektiv uzaklygyny (orbitanyň effektiv radiusyny) tapmaly.

352. Tolkunlarynyň uzynlyklary wodorod atomynyňkiňdan dört esec gysga spektr wodoroda meňzes elementleriň haýsysyna degişli?

353. Dynçlyk ýagdaydaky wodorod atomyň laýmanyň seriyasynyň esasy ýyglygyna ( $n=1, m=2$ ) degişli fotony goýberdi. Şu hadysa bolup geçende, atomnyň alan tizligini tapmaly.

354. He<sup>+</sup> ionlar üçin Balmeriň we Laymanyň seriyalarynyň çyzyklarynyň degişli tolkun uzynlyklarynyň tapawudy  $\Delta\lambda = 133,7 \text{ pm}$  bolsa, Ridbergiň hemişeliginini tapmaly.

355. Wodorod atomynyň nazarýetine degişli hasaplamlary ýerine ýetirmeli:

a) elektronnyň impulsynyň momentiniň kwantlaşma şertini tapmaly;

b) dürlü stasionar orbitalaryň radiusyny tapmaly;

c) elektronnyň potensial we kinetik energiýalaryny tapmaly;

d) wodorod atomyny ionlaşdyrmak üçin etmeli işi hasaplalamaly;

e) elektron dördünji orbitadan ikinji órbita geçende, goýberiliýän tolkunyň uzynlygyny tapmaly. Şu tolkuny goýberende wodorod atomynyň tizligi näçe üýtgär?

356. Wodoroda meňzes ionlaryň elektronynyň esasy ýagdaýyndaky baglanyşyk energiýasyny (ionlaşdyrınak üçin edilмелі

ış) tapmaly. Ol ionlaryň spektrinde Balmeriň seriýasynyň üçünji çyzygynyň tolkun uzynlygy  $108,5 \text{ nm}$ .

357. Wodorodýn mezoatomy diýip, protondan ybarat ýadronyň töwereginde aýlanmaly elektron mezon atly bölejik bilen çalşylan ulgama aýdylyar. Mezonyň zarýady elektronryň zarýadyna deň, massasy bolsa elektronryňkydan  $207$  esse uly. Ulgamyň esasy ýagdaýynda ony düzýän bölejiklerini arasyndaky uzaklygy, olaryň arasyndaky baglanyşyk energiyasyny we Balmeriň seriýasynyň baş çyzygynyň tolkun uzynlygyny tapmaly.

358. Yıldızlaryň arasyndaky gaz bulutlarynyň temperaturasyny kesgitlemek üçin, bulutlaryň düzümine girýän käbir gazlaryň spektrleriniň Doppler effekti sebäpli giňelme hadysasy ulanylýar. Bu maksat üçin köplenç wodorodýn spektrindäki tolkun ulanylýar. Wodorod gazyndan ybarat uzynlygy  $\lambda = 21 \text{ sm}$  bolan çyzyk ulanylýar. Wodorod gazyndan ybarat buludyň goýberýän wodorod çyzygynyň ini  $\Delta v = 5 \text{ kGs}$  bolsa, buludyn temperaturasyny kesgitlemeli. Gaz buludynyň tizligi näçe we ol tizlik nrä ugrukdyrylan?

359. Wodorod atomlarynyň spektriniň bir seriýasyna degişli üç çyzygynyň tolkun uzynlyklary belli. Olaryň tolkun uzynlyklary  $97.26$ ,  $102.58$  we  $121.57 \text{ nm}$ . Şu maglumatlardan peýdalanyp, spektriň beýleki tolkun uzynlyklaryny tapmaly.

360. Elektrona degişli De Broýlyň tolkunynyň uzynlygyny  $100 \text{ pm}$ -den  $50 \text{ pm}$ -e çenli gysgalmak üçin oňa bermeli goşmaça energiyany tapmaly.

361. Yarymdargamak periody  $71,3$  sutka deň bolan radioaktiv kobaltyň bir aýda näçe bölejiniň dargajagyny tapmaly.

362. Yarymdargama periody  $T = 15$  sagada deň bolan  $^{24}\text{Na} 1 \text{ mkg}$  bir sagatda goýberjek  $\beta$ -bölejikleriniň  $N$  sanyny tapmaly.

363. Radioaktiv  $^{23}\text{Mg}$  izotopyň  $\beta$ -dargamagy öwrenilende,  $t=0$  wagt pursatunda şçýotçigi işe girizýärler.  $t_1 = 2 \text{ s}$  pursata çenli  $t=0$  wagt pursatunda şçýotçigi işe girizýärler.  $t_1 = 2 \text{ s}$  pursata çenli  $t_2 = 3t_1$  pursata çenli bolsa şçýotçık  $N$ , sany  $\beta$ -bölejigi hasaba alypdyr,  $t_2 = 3t_1$  pursata çenli bolsa şçýotçığının hasaba alyp  $\beta$ -bölejikleriniň sany  $2.66$  esse köp bolupdyr.  $^{23}\text{Mg}$  ýadrolaryň ömrüniň ortaça dowamlygyny ( $\tau$ ) tapmaly.

364.  $^{238}\text{U}$  izotopyň  $1 \text{ g}$  her sekundta  $1.24 \cdot 10^4$  sany  $\alpha$ -bölejigi goýberýär. Şu izotopyň  $T$  yarymdargama periodyny tapmaly.

365. Gadym döwürlerde oturymly bolan ýerlerde arheologiya – gazuw işleri geçirilende tapylýan ağaç bölegindäki  $^{14}\text{C}$  izotopynyň udel işjeňligi onuň ýap-ýaňja kesiliň alnan ağaçdaky udel işjeňliginiň  $3/5$  bölegine deň.  $^{14}\text{C}$  izotopyň ýarymdargama periody  $5570$  ýyl bolsa, gazylip tapylan ağaç böleginiň "ýaşyny" tapmaly.

366. Uran magdanynda uranyň  $^{238}\text{U}$  ýadrolarynyň sanyny gurşunyň  $^{208}\text{Pb}$  ýadrolarynyň sanyna gatnaşygy  $\eta = 2,8$ . Gurşun ýadrosy uranyň ýadrosynyň dargama hatarynyň in soňudyr (ýagny, uranyň dargamak hadysasy gurşuna gelip togtaýar).  $^{238}\text{U}$  ýadrolarynyň ýarymdargama periody  $T = 4,5 \cdot 10^9$  ýyla deň bolsa,uran magdanyň ýaşyny kesgitlemeli.

367.  $^{24}\text{Na}$  we  $^{235}\text{U}$  ýadrolarynyň ýarymdargama periodlary  $15$  sagada we  $7,1 \cdot 10^8$  ýyla deň. Bu ýadrolaryň udel işjeňligini kesgitlemeli.

368. Ýadronyň radiusy  $R = 1,3 A^{1/3} \text{ fm}$  ( $1 \text{ fm} = 1 \text{ femtometr} = 10^{-15} \text{ m}$ ,  $A$  – ýadronyň massa sany) formula boýunça hasaplanýar diýip, ýadro maddasynyň dykylzlygyny we ýadronyn göwrüm birligindäki nuklonlaryň  $n$  sanyny tapmaly.

369. Protonlary bilen neýtronlarynyň sanы deň, radiusy bolsa  $^{27}\text{Al}$  ýadronyň radiusyndan  $1,5$  esse kiçi ýadronyň baglanyşyk energiyasyny tapmaly.

370. Nuklidleriň (belli ýadroly atomlar) jetwellerde berilýän massalaryndan peýdalanyp, tapmaly:

a)  $^{16}\text{O}$  ýadronyň bir nuklonyna düşyän baglanyşyk energiyasynyň orta bahasyny;

b)  $^{11}\text{B}$  ýadrosynda neýtronyň we  $\alpha$ -bölejigiň baglanyşyk energiyasyny;

c)  $^{16}\text{O}$  ýadrony deň dört bölege bölmek üçin zerur energiyany tapmaly.

371. Nuklidleriň massalaryny jetwellerden tapyp, aşakdaky reaksiýalaryň energiyasyny tapmaly:

- a)  $^{7}\text{Li}(p, n)^{7}\text{Be}$ ;      c)  $^{7}\text{Li}(\alpha, n)^{10}\text{B}$ ;  
b)  $^{9}\text{Be}(n, \gamma)^{10}\text{Be}$ ;      d)  $^{16}\text{O}(d, \alpha)^{14}\text{N}$ .

372.  $d+t$  (deýton we triton) termoýadro reaksiýasynda bölünip çykjak  $W$  energiýany tapmaly. Şu ýangyjyň  $1 \text{ kg}$  -y ýananda bölünip çykjak  $Q$  ýylylyk mukdaryny hasaplamaly.

373. Termoýadro energiýasyny almak üçin iki deýtonyň reaksiýasynyň uly geljegi bar diýip hasap edilýär. Bu reaksiýanyň iki ýol boýunça geçmegi mümkün: 1.  $d + d \rightarrow t + p$ ; 2.  $d + d \rightarrow {}^3\text{He} + n$ . Bu reaksiýalary energetiki nukday nazardan deňeşdirmeli.

374. Suwuň düzümindäki deýteriniň diňe 10%  $d + d \rightarrow t + p$  görnüşli termoýadro reaksiýasyny geçirmeke ulanylýar diýip kabul edip,  $1 \text{ m}^3$  suwuň  $W$  termoýadro energiýasynyň goryny hasaplamaly. Tebigatda ýaýran wodorod izotoplarynyň garyndysynyň diňe 0,015% deýteriy izotopyna degişli.

### JOGAPLAR WE ÇÖZGÜTLER

1. a)  $\ddot{v} = \ddot{b}(1 - 2\alpha)$ ,  $\ddot{a} = -2\alpha\ddot{b}$ . b)  $\Delta t = 1/\alpha$ ,  $S = b/2\alpha$ .

2.  $l = v_0 t \sqrt{2(1 - \sin \varphi)} = 22 \text{ m}$ . 3.  $l = 8h \sin \alpha$ .

4.  $t = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g} = 2.6 \text{ s}$ ;  $S = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g} = 19.5 \text{ m}$ ;  $h = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} = 15.5 \text{ m}$ .

5.  $y = x \operatorname{tg} \alpha - \frac{gx^2}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}$ . 6.  $\langle v \rangle = \frac{2v_0(v_1 + v_2)}{2v_0 + v_1 + v_2}$ .

7. C nokada çenli uzaklyk  $x = v_1 d / \sqrt{v_2^2 - v_1^2}$  bolanda ýüzüp başlamaly.

8.  $(v_0)_{\text{maks}} = \sqrt{g(\sqrt{S^2 + H^2} + H)}$ ,  $\alpha = \frac{\varphi}{2} + \frac{\pi}{4}$ ,  $\operatorname{tg} \varphi = \frac{H}{S}$ .

10.  $L = l \sqrt{1 + v^2/c^2} \approx 11 \text{ km}$ . 11.  $CD = l / \sqrt{n^2 - 1}$ .

12.  $v = l/2t = 3 \text{ km/sag}$ . 13.  $t = t_1(\sqrt{n} - \sqrt{n-1}) = 0.8 \text{ s}$ .

14.  $t = (v_1 v_2) \sqrt{\frac{1}{g}}$ . 15.  $v_2 = h l / (v_1 t^2)$ .

16.  $v_0 = 35 \text{ sm/s}$ ;  $a = 82 \text{ sm/s}^2$ ,  $x_0 = 11 \text{ sm}$ .

17.  $a = \frac{v}{t} \sqrt{1 + 4\beta^2 t^4} = 0.7 \text{ m/s}^2$ . 18.  $\omega = 2\pi n v / l = 2 \cdot 10^3 \text{ rad/s}$ .

19.  $a = \alpha \sqrt{1 + (4\pi n)^2} = 0.8 \text{ m/s}^2$ . 20.  $t = \pi R(c_1 + c_2)/(2c_1 c_2)$ .

21.  $\Delta m = \frac{4mS}{gt^2 - 2S} \approx 10 \text{ g}$ .

22.  $F = \frac{(k_1 - k_2)m_1 m_2 g \cos \alpha}{m_1 + m_2}$ ,  $\operatorname{tg} \alpha < \frac{k_1 m_1 + k_2 m_2}{m_1 + m_2}$ .

23.  $\operatorname{tg} \alpha = k$ ,  $F_{\text{неко}} = kmg / \sqrt{1+k^2}$ .

24.  $t = \frac{h(v_0 - v)}{v_0 v} \Big/ \ln \frac{v_0}{v}$ .

25.  $x = \frac{2}{3} \omega h \sqrt{2h/g} \approx 24 \text{ sm}$ ,  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{x}{h}$ ,  $\alpha = \frac{2}{3} \omega \sqrt{2h/g}$ .

26.  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{k}$ ,  $l_{\text{неко}} = \frac{v_0^2}{2g\sqrt{1+k^2}}$ . 27.  $\operatorname{tg} \frac{\varphi}{2} = \frac{1}{2}$ ,  $\varphi \approx 53^\circ$ .

28.  $a = g(m_1 - m_2)^2 / (m_1 + m_2)^2$ . 29.  $F(x) = F_1 \cdot \frac{l-x}{l} + F_2 \cdot \frac{x}{l}$ .

30.  $h_1 = h \frac{n-1}{n+1} = 10 \text{ sm}$ ,  $a = g \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} = \frac{g}{3} = 327 \frac{\text{sm}}{\text{s}^2}$ .

31.  $a_m = g \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^2$ ,  $v_m = \sqrt{2gh} \left( \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \right) \left( \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \right)^{\frac{1}{2}} \approx 47 \text{ sm/s}$ .

34.  $F = (1 + a/g) \cdot \frac{m}{2}$ ,  $F = \frac{1}{2} mg$ .

36.  $t = \left[ \frac{2m_1 l}{F - kg(m_1 + m_2)} \right]^{\frac{1}{2}}$ ,  $F > k(m_1 + m_2)g$ .

37.  $A_1 = \frac{1}{2} \rho_1 g a^4 (\sqrt{2} - 1)$ ;  $A_2 = \frac{1}{6} \rho_2 g a^4 (\sqrt{2} - \frac{3}{4})$ .

38.  $A_{\text{ног}} = \frac{1}{2} \rho_1 g a^3 L (\sqrt{2} - 1)$ ,  $A_{\text{снай}} = \rho_1 a^3 k L$ ,  $k = (\sqrt{2} - 1)/2$ .

39.  $5 \cdot 10^4 \text{ kJ}$ ,  $-16 \cdot 10^4 \text{ kJ}$ . 40.  $\Delta T = \frac{m_1 m_2 (v_1 + v_2)^2}{2c(m_1 + m_2)^2}$ .

41.  $S = \frac{2v_1^2}{kg(1 + M/m)^2} \approx 25 \text{ m}$ ,  $\Delta W = 0$ .

42.  $p = \frac{2m}{3} \sqrt{2gl} = 3,5 \frac{kgm}{s}$ ,  $W = \frac{1}{2} mgl = 6,86 \text{ J}$ .

43. a)  $u_1 = \frac{1}{m_1 + m_2} [(m_2 - m_1)v_1 + 2m_2 v_2]$ ,

$u_2 = \frac{1}{m_1 + m_2} [2m_1 v_1 + (m_2 - m_1)v_2]$ ; b)  $u_1 = u_2 = \frac{m_1 v_1 - m_2 v_2}{m_1 + m_2}$ .

44. a) 126, 63 sm/s; b) 60 sm.

45.  $A_{\text{неко}} = \rho_0 g H h^3 (1 - h/2H)$ ,  $\Delta A = \frac{1}{2} \rho_0 h^3 v_0^2$ .

46.  $H = 1600 \text{ km}$ .

47.  $p = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} \sqrt{v_1^2 + v_2^2}$ ,  $W_K = \frac{m_1 m_2}{2(m_1 + m_2)} (v_1^2 + v_2^2)$ .

49.  $v = \frac{2M}{m} \sqrt{gl} \sin \frac{\varphi}{2}$ ,  $n = \frac{\Delta W}{\frac{1}{2} m v^2} \approx 1 - \frac{m}{M}$ .

50.  $\Delta p = m \sqrt{2gh} \cdot \left( \frac{n+1}{1-n} \right) = 0,2 \text{ kgm/s}$ .

51.  $\vec{v}' = -\vec{v}(2-n^2)/(2+n^2)$ ; a)  $n < \sqrt{2}$ , b)  $n = \sqrt{2}$ , c)  $n > \sqrt{2}$ .

52. a)  $L = v \sqrt{\frac{2h}{g}} - \frac{M}{m} l = 100 \text{ m}$ .

b)  $\alpha = l - \frac{(v - \frac{M}{m} l \sqrt{g/2h})^2}{v^2} - \frac{M(l \sqrt{g/2h})}{mv^2} \approx 0,93$ . (53) 6,6 m/s.

$$54. u_1 = \frac{v(M+m) + v_1 m}{M+m} = \frac{139}{27} \frac{m}{s}, \quad u_2 = \frac{v(M-2m)}{M-2m} = v = 5 \frac{m}{s}.$$

$$u_3 = \frac{v(M+m) - v_1 m}{M+m} = \frac{131}{27} \frac{m}{s}. \quad 55. h=R/3.$$

$$56. W_{\text{mekl}} = \frac{1}{2} mg \left[ h + (L^2 + h^2)^{\frac{1}{2}} \right] = 34 J,$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{h}{L} + \frac{(h^2 + L^2)^{\frac{1}{2}}}{L} = 1,25. \quad 57. \frac{\Delta T}{T} = (H - 2h)/(2R) \approx 8 \cdot 10^{-5}.$$

$$58. v = \left( \frac{2GM}{R} \right)^{\frac{1}{2}} = 2,38 \text{ km/s}, M \text{ we } R - \text{Aýyň massasy we radiusy.}$$

$$59. T = \left( \frac{3\pi}{G\rho} \right)^{\frac{1}{2}} = 1,2 \cdot 10^{-3} \text{ s.}$$

$$60. a_1 = \frac{GM_E}{R_E^2} = 9,8 \frac{m}{s^2}, \quad a_2 = 0,032 \frac{m}{s^2}, \quad a_3 = 6 \cdot 10^{-3} \frac{m}{s^2},$$

$$a_4 = 3,2 \cdot 10^{-5} \frac{m}{s^2}.$$

$$61. A_{\text{mekl}} = Gm \left( \frac{M_E}{R_E} + \frac{M_A}{R_A} \right) = 1,3 \cdot 10^8 \text{ kJ.}$$

$$62. \rho = \rho_0 \left[ 1 - \left( \frac{l}{l_f} \right)^2 \right] = 0,84 \text{ g/sm}^3.$$

$$63. F_t = \frac{mgR}{\sqrt{l^2 - 4R^2}}, \quad F_2 = F_t, \quad F_3 = mg.$$

$$64. F_{\text{mekl}} = kmg / \sqrt{1+k^2}, \quad \operatorname{tg} \alpha = k.$$

$$65. v = \sqrt{2g \left( h_1 + h_2 \cdot \frac{\rho_2}{\rho_1} \right)} = 3 \text{ m/s.} \quad 66. x = \left( \frac{4}{3} \pi R^3 \rho_0 - m \right) \cdot \frac{h}{m}.$$

$$67. A = \rho V^3 / (2S^2 t^2). \quad 68. p = \alpha E \Delta t = 2,2 \cdot 10^3 \text{ atm.}$$

$$69. x = \frac{1}{2} \left( l - h / \sqrt{(L/l)^2 - 1} \right), \quad 70. N = \frac{1}{2} mgctg\alpha.$$

$$71. t = \frac{S_0}{S} \left( \frac{2h_0}{g} \right)^{\frac{1}{2}}. \quad 72. L_1 = 2L \left( 1 - \frac{kh}{l} \right) = 1,6L,$$

$$L_2 = 2L \left( 1 + \frac{kh}{l} \right) = 2,4L. \quad 73. A = \frac{SgH^2(\rho_0 - \rho)^2}{2\rho_0} = 7,84 \text{ J.}$$

$$74. P = \frac{P_0}{T_0} (V_0 + V_1 + V_2) / \left( \frac{V_0}{T_0} + \frac{V_1}{T_1} + \frac{V_2}{T_2} \right), \quad 75. p=2 \text{ atm.}$$

$$76. 30,2 \text{ g/mol.} \quad 77. 0,48 \text{ kg/m}^3. \quad 78. n = \frac{V(p_0 + F/s)}{\Delta V p_0} = 79.$$

$$79. T_1 = T \frac{(n_1^2 - 1)n_1}{n(n_1^2 - 1)} = 420 \text{ K.} \quad 80. T_{\text{maly}} = \frac{2p_0}{3R} \left( \frac{p_0}{3\alpha} \right)^{\frac{1}{2}}.$$

$$81. 9,4 \cdot 10^{23}; 1,03 \cdot 10^{25}; 2,7 \cdot 10^{19} \text{ sm}^3. \quad 82. 5-10 \text{ sany molekula.}$$

$$83. \rho = \frac{p_0(m_1 + m_2)}{RT \left( \frac{m_1}{\mu_1} + \frac{m_2}{\mu_2} \right)} = 1,5 \frac{g}{l}, \quad 84. 4,2 \cdot 10^{19} \text{ sm}^3.$$

$$85. m = 0,59 \text{ g.} \quad 86. p = 1,79 \cdot 10^5 \text{ Pa.}$$

87, 88. a) stoluň üstünde duran şar ýokarlygyna giňap bilyär. Diýmek, bu şaryň massa merkezi  $h$  beyíklige galar; b) asylgy şar aşaklygyna giňelyär, onuň massa merkezi  $h$  aralyga aşak süýşyär. Şarlar üçin termodinamikanyň 1 kanunyny uylanlyň. Onda

$$\begin{aligned} \text{a) } Q &= cm\Delta T_1 + mgh, & \Delta T_1 &= \frac{Q - mgh}{cm}, \\ \text{b) } Q &= cm\Delta T_2 - mgh, & \Delta T_2 &= \frac{Q + mgh}{cm}. \end{aligned}$$

Görnüşi ýaly, asylgy şar gaty gyzýar. Massa merkeziň süyşyänligi üçin şaryň temperatursasynyň üýtgemegini  $\Delta T'$  diýip belläliň. Onda

$$\frac{\Delta T'}{\Delta T} = \frac{mgh}{cm\Delta T} = \frac{mgR\alpha\Delta T}{cm\Delta T} = \frac{g}{c} R\alpha.$$

Radiusy  $R = 0,1 \text{ m}$  şar demirden ýasalan diýeliň:  $c = 450 \frac{J}{\text{kg} \cdot \text{K}}$

$$\alpha = 11,7 \cdot 10^{-6} \text{ K}^4. \text{ Şeýlelik bilen } \frac{\Delta T'}{\Delta T} = 2,6 \cdot 10^{-8}.$$

$$89. T_2 = \frac{T_1}{1 - \frac{m_0}{\rho_1 V}} = 341 \text{ K}, \quad (t_2 = 68^\circ\text{S}).$$

$$90. F = \left[ \rho_1 \left( 1 - \frac{T_1}{T_3} \right) V - m_0 \right] g = 1,2 \text{ N}.$$

$$91. T = \frac{T_1 T_2 (p_1 V_1 + p_2 V_2)}{p_1 V_1 T_2 + p_2 V_2 T_1}, \quad p = \frac{p_1 V_1 + p_2 V_2}{V_1 + V_2}.$$

$$92. \mu = mR\Delta T / \Delta Q = 28 \text{ g/mol}. \quad 93. Q = \frac{1}{2} m_0 v_0^2 \left( \frac{m}{m_0 + m} \right).$$

$$94. \frac{p}{p_0} \approx 2,34, \quad \Delta T = T - T_0 = 450 \text{ K}.$$

$$95. m = \rho_0 T_0 V (T_2 - T_1) / (T_1 T_2) = 5 \text{ kg}.$$

$$96. \gamma = [v_1 \gamma_1 (\gamma_2 - 1) + v_2 \gamma_2 (\gamma_1 - 1)] / [v_1 (\gamma_2 - 1) + v_2 (\gamma_1 - 1)] = 1,33.$$

$$97. \Delta U = Q - R\Delta T = 1 \text{ kJ}, \quad \gamma = \frac{Q}{Q - R\Delta T} = 1,6.$$

$$98. x = \frac{1}{2}(H+l) - \frac{1}{2}\sqrt{(H+l)^2 - 4h(H+h-l)} = 3,5 \text{ sm}. \quad (l-h) \geq H.$$

$$99. n=2,3; \quad C = \frac{dQ}{dT} = \frac{R(n-\gamma)}{(\gamma-1)(n-1)} = 1,7 \text{ R}.$$

$$100. \eta = 2(3 - \ln 2) / 35 \approx 13\%.$$

$$101. A = p_0 \cdot \left( h_1 - h_0 \ln \frac{h_0 + h_1}{h_0} \right) = 2,37 \text{ J}.$$

$$102. \frac{m}{m_0} = \frac{r}{\lambda + r} \approx 0,072. \quad 103. m = \mu p V \frac{\ln(T_2/T_1)}{R(T_2 - T_1)}.$$

$$104. n = \frac{p - RT / \mu_1}{kT(1 - \mu_2 / \mu_1)} \approx 10^{19} \text{ sm}^{-3}. \quad 105. \mu = 32 \text{ g/mol}, \quad i = 5.$$

$$106. A = P_0 V_0 \ln \frac{(n+1)^2}{4n}. \quad 107. \gamma = 1 + \left( \frac{n-1}{\frac{Q}{vRT_0} - \ln n} \right) = 1,4.$$

$$108. A_1 = A / (n-1) = 20 \text{ kJ}. \quad 109. \text{ İkinji wariant amatly.}$$

$$110. C = C_v \frac{n-\gamma}{n-1} = -4,2 \frac{J}{\text{K} \cdot \text{mol}}, \quad n = \frac{\ln \beta}{\ln \alpha}.$$

$$111. \text{a) } \Delta S = R \ln k / (\gamma-1) = 19 \text{ J/K}, \quad \text{b) } \Delta S = \frac{\gamma R \ln k}{\gamma-1} = 25 \text{ J/K}.$$

$$112. \Delta S = 14,5 \text{ kJ/K}. \quad 113. \Delta S = 3,25 \text{ J/K}. \quad 114. \Delta S = 2,2 \text{ J/K}.$$

$$115. \Delta S = \frac{P}{T} \left[ V_1 \ln \left( \frac{V_1 + V_2}{V_1} \right) + V_2 \ln \left( \frac{V_1 + V_2}{V_2} \right) \right] \approx 1,8 \frac{J}{K}.$$

- 116.**  $\eta = \frac{T_2 - T_1}{T_2 + (T_2 - T_1)/(\gamma - 1) \ln \alpha}$ .
- 117.**  $\eta = 1 - \frac{\gamma + n}{1 + n\gamma}$ .    **118.**  $\Delta S = \nu R \cdot \left( \frac{mg}{\pi \rho r^2} \right)^2$ .    **119.**  $h = 17 \text{ sm}$ .
- 120.**  $\Delta S = C_p \ln \left[ \frac{(T_1 + T_2)^2}{4T_1 T_2} \right] + 2R \ln 2$ .
- 121.** a)  $\Delta U = \alpha V_0^2 (n^2 - 1) / (\gamma - 1)$ ;    b)  $A = \frac{1}{2} \alpha V_0^2 (n^2 - 1)$ ;  
g)  $C = C_p + \frac{R}{2}$ .    **122.**  $\gamma = \sqrt[4]{3}$ .    **123.**  $F \approx 2 \cdot 10^{15} \text{ N}$ .
- 124.**  $E = ql / \left[ \sqrt{2\pi\varepsilon_0(l^2 + x^2)} \right]$ .    **125.**  $q = 4l\sqrt{\pi\varepsilon_0 kx}$
- 126.**  $F = (2\sqrt{2} - 1)q^2 / (8\pi\varepsilon_0 l^2)$ .
- 127.** a)  $E = \frac{\rho_0 r}{3\varepsilon_0} \left( 1 - \frac{3r}{4R} \right)$ ,  $r \leq R$ ;     $E = \frac{\rho_0 R^3}{12\varepsilon_0 r^2}$ ,  $r > R$ ;  
b)  $E = \frac{\rho_0 r}{9\varepsilon_0}$ ,  $r_{\text{mid}} = \frac{2R}{3}$ .    **128.**  $\frac{q_2}{q_1} = \frac{d_2 D_2}{d_1 D_1} = 9$ .    **129.**  $k = \frac{q^2}{8\pi\varepsilon_0 l^3}$ .
- 130.**  $\varphi = 19500 \text{ W}$ .    **131.**  $q = \frac{mgdtg\alpha}{u} = 1,6 \cdot 10^{-17} \text{ Kl}$ .
- 132.**  $E = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 RR_0}$ .    **133.**  $\tilde{E} = \frac{p\bar{a}}{3\varepsilon_0}$ .    **134.**  $\varphi = \frac{\sigma R}{2\varepsilon_0}$ ,  $E = \frac{\sigma}{4\varepsilon_0}$ .
- 135.**  $\rho = \rho_0 \varepsilon / (\varepsilon - 1) = 1,6 \frac{g}{sm^3}$ .
- 136.**  $F = (2\sqrt{2} - 1)q^2 / (32\pi\varepsilon_0 l^2) = 3,6 \text{ N}$ .    **137.**  $\Delta q = \frac{ql}{d}$ .
- 139.**  $F = \frac{qq_0}{8\pi^2 \varepsilon_0 r^2} = 50 \text{ N}$ .
- 140.** a)  $E_1 = 2E_0 / (\varepsilon + 1)$ ,  $E_2 = 2\varepsilon E_0 / (\varepsilon + 1)$ ; b)  $E_1 = E_0$ ,  $E_2 = E_0 / \varepsilon$ .
- 141.** a)  $E_1 = E_2 = E_0$ ; b)  $E_1 = E_2 = 2E_0 / (\varepsilon + 1)$ .
- 142.**  $\varphi = \frac{nq}{4\pi\varepsilon_0 r^2 \sqrt[n]{n}}$ .    **143.**  $Q = 2\pi\varepsilon_0 R \varphi^2 = 0,005 \text{ J}$ .
- 144.**  $E_A = -\frac{qh}{2\pi\varepsilon_0 \sqrt{(h^2 + s^2)^3}} = 11400 \frac{W}{m}$ .    **145.**  $I = 2,6 \cdot 10^{-8} \text{ A}$ .
- 146.** a)  $W = \frac{q^2}{4\pi\varepsilon_0 a} (4 + \sqrt{2})$ ; b)  $W = \frac{q^2}{4\pi\varepsilon_0 a} (\sqrt{2} - 4)$ ;  
g)  $W = -\frac{\sqrt{2}q^2}{4\pi\varepsilon_0 a}$ .
- 147.**  $W = -\frac{2\ln 2}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q^2}{a}$ .    **148.**  $A = \frac{q^2}{8\pi\varepsilon_0} \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$ .
- 149.**  $\varphi = \frac{(\bar{p}\bar{r})}{4\pi\varepsilon_0 r^3}$ ,  $E = \frac{p}{4\pi\varepsilon_0 r^3} \sqrt{1 + 3\cos^2\theta}$ .
- 150.**  $u_1 = \frac{\varepsilon u}{1 + (\varepsilon - 1)a/d} = 500 \text{ W}$ .    **151.**  $W_2 = \varepsilon W_1$ .
- 152.** a)  $T = T_0 \cdot \frac{Cu^2}{12pV} \approx 3 \cdot 10^7 \text{ K}$ ; b)  $\Delta T = \frac{Cu^2}{2C_1 m} = 200 \text{ K}$ .
- 154.**  $u_{AB} = \frac{u_0}{n^2 + 3n + 1} = 10 \text{ W}$ .

155. a)  $W = \frac{3q^2}{20\pi\epsilon_0 R};$  b)  $\frac{W_1}{W_2} = \frac{1}{5}.$

156.  $I \approx 2\pi\epsilon_0(\epsilon - 1)r\nu u / d = 0,11 \text{ mA}.$

157. a)  $\Delta W = \frac{cu^2}{2n(n-1)} = 4 \cdot 10^{-2} \text{ J};$

b)  $A_1 = \frac{cu^2}{2n(n-1)} = 4 \cdot 10^{-2} \text{ J};$  c)  $A_2 = \frac{cu^2}{n(n-1)} = 8 \cdot 10^{-2} \text{ J}.$

158.  $A = \frac{cu^2(\epsilon-1)^2}{2\epsilon(\epsilon+1)} = 6 \cdot 10^{-5} \text{ J}.$

159. a)  $q_1 = q_5 = q_3 = q_6 = \frac{1}{6}cu;$   $q_2 = q_4 = \frac{1}{3}cu;$  b)  $\Delta W = \frac{1}{3}cu^2.$

160.  $R = \rho(b-a)/(4\pi ab),$   $R = \frac{\rho}{4\pi a}.$

161. a)  $\gamma \frac{(a+b)\sqrt{a^2+b^2}}{a+b+2\sqrt{a^2+b^2}},$  b)  $\gamma \frac{2ab+(a+b)\sqrt{a^2+b^2}}{a+b+2\sqrt{a^2+b^2}}.$

162. a)  $u_1 = 0,27 \text{ W},$   $u_2 = 1,27 \text{ W},$   $u_3 = -2,23 \text{ W};$  b)  $0,73 \text{ W}.$

163.  $I_1 = \frac{\epsilon R_2}{R_1 R_2 + RR_1 + RR_2} = 1,2 \text{ A},$   $I_2 = I_1 \frac{R_1}{R_2} = 0,8 \text{ A}.$

164.  $I = \left( \frac{a}{2R} \right)^2 \left( \sqrt{1+4Ru_0/a^2} - 1 \right)^2.$  165. a)  $t = ensl/I = 3 \text{ Ms};$

b)  $F = en\rho lI = 1 \text{ MN},$   $\rho - \text{misiň udel garşylygy.}$

166. a)  $Q = 4q^2R/3\Delta t = 20 \text{ kJ};$  b)  $Q = \frac{4q^2R\ln 2}{2\Delta t} = 0,13 \text{ MJ}.$

167.  $P_1 = P_2 = \frac{(\epsilon_1 + \epsilon_2)^2}{4R},$   $P_2 = P_3 = \frac{(\epsilon_1 - \epsilon_2)^2}{4R}.$

168.  $p = Hm/e = 2,3 \text{ gsm/s}.$

169.  $A = \left( \frac{\epsilon}{R_1 + R_2} \right)^2 Rt,$   $\eta = R_1/(R_1 + R_2).$  170.  $B = \mu_0 \epsilon_0 \nu E \sin \alpha.$

171.  $I_1$  tokly sim gyrada ýerleşmeli. Gözlenýän gönü çyzyk ortaky elektrik akymyndan (tokdan) 1 sm uzaklykda ýerleşyär.

172.  $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2).$

173.  $B = \frac{2\mu_0 I}{\pi ab} \sqrt{a^2 + b^2};$   $p_m = I ab.$  174.  $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (2 + \sqrt{3}).$

175. a)  $B(r) = \frac{\mu_0 I_0 r}{2\pi R^2},$   $0 \leq r \leq R;$  b)  $B(r) = \frac{\mu_0 I_0}{2\pi r},$   $r > R.$

176. a)  $B = 0$   $r < R$  bolanda; b)  $B = \frac{\mu_0 I_0 r}{2\pi(R_2^2 - R_1^2)},$   $R_1 < r < R_2;$

c)  $B = \frac{\mu_0 I_0}{2\pi r},$   $r > R_2$  bolanda.

177.  $B = \frac{1}{2}\mu_0 \sigma \omega R,$   $p_m = \frac{1}{4}\pi \sigma \omega R^4.$  178.  $B = \mu_0 I / \pi^2 R.$

179. a)  $B = \frac{\mu_0 Ir}{2\pi R^2} = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ Tl};$  b)  $\Phi = \frac{\mu_0}{4\pi} H = 1,5 \cdot 10^{-4} \text{ Wb}.$

180.  $B = 2\rho gs/I \operatorname{tg} \varphi = 10 \text{ mTl.}$  181.  $F_1 = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{2I_1 I_2}{b} \ln(1+b/a).$

182.  $B = \frac{\mu_0 IN}{2(b-a)} \ln \frac{b}{a} = 7 \text{ mk Tl},$   $p_m = \frac{1}{3}\pi dN(a^2 + ab + b^2) = 15 \text{ mA} \cdot \text{m}^2.$

183.  $\frac{F_M}{F_L} = \mu_0 \epsilon_0 V^2 = \left( \frac{V}{c} \right)^2 = 10^{-6}.$

184.  $v = \frac{BeR}{m} \left(1 + \frac{h^2}{4\pi^2 R^2}\right)^{\frac{1}{2}} \approx 7,54 \cdot 10^6 \text{ m/s.}$
185. a)  $Q_1 = \frac{\varepsilon_i^2}{3,5R}, \quad \varepsilon_i = -S \frac{dB}{dt}; \quad$  b)  $Q_2 = \frac{\varepsilon_i^2}{4R}, \quad \frac{Q_1}{Q_2} = \frac{8}{7}.$
186. a)  $\varepsilon_i = 2Bv \sqrt{\frac{y}{k}}, \quad$  b)  $\varepsilon_i = By\sqrt{8a/k}.$
187.  $\varepsilon_i(x) = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{Iva^2}{x(x+a)}, \quad$  188.  $\Delta\varphi = |\varepsilon_i| = \pi v^2 B = 0,5 \text{ W.}$
189.  $R = \frac{mv}{qB} = 7,3 \cdot 10^{-2} \text{ m; } p_m = \frac{mv^2}{2B} = 4,1 \cdot 10^{-13} \text{ A} \cdot \text{m}^2, \quad p = mvR.$
190. a)  $B = \frac{2\sin\alpha}{d} \sqrt{\frac{2mu}{e}} = 3,7 \cdot 10^{-3} \text{ Tl};$   
 b)  $B_l = \frac{2\pi n \cos\alpha}{d} \sqrt{\frac{2mu}{e}} = n \cdot 6,7 \cdot 10^{-3} \text{ Tl.}$
- Bu ýerde  $n=1,2,3\dots$   $TM=d$  kesimiň uzynlygynda ýerleşýän spiralyň aýlawlarynyň sany.
191.  $q = \frac{\mu_0 a l}{2\pi R} \ln\left(\frac{b+a}{b-a}\right), \quad$  192.  $I = \frac{R_E}{B} \left(\frac{2\mu\mu_0 E_c}{c}\right)^{\frac{1}{2}} \approx 1,63 \cdot 10^4 \text{ a.b.}$
193.  $P = \frac{\mu_0^2 b^2 I^2}{4\pi^2 R l (1+l/a)} \ln(1+a/l).$
194. Germewajä üçin Nýutonyň ikinji kanunu:
- $$m \frac{dv}{dt} = mg + F_d. \quad (1)$$

Germewajä täsir edýän magnit güýji tapmak üçin Amperiň kanunuň ulanylýar:

$$F_M = BI_l l = -\frac{2B^2 l^2 v}{3R}. \quad (2)$$

(1) we (2) deňlemelerden ýönekeyň hasaplamalary geçirip, aşakdaňy deňlemäni alarys:

$$\frac{dv}{dt} = -\frac{2B^2 l^2}{3mR} \left(v - \frac{3gmR}{2B^2 l^2}\right). \quad (3)$$

(3) deňlemäniň  $t = 0$  bolanda  $v = 0$  başlangyç şerti kanagatlandyrýan çözgüdi:

$$v = \frac{3mgR}{2B^2 l^2} \left[1 - \exp\left(-\frac{2B^2 l^2}{3mR} t\right)\right]. \quad (4)$$

(4) formulany ulanyp, germewajyň islendik wagt pursatyndaky tizligini tapyp bolýar. Wagt geçmegi bilen tizlik artýar, tizlenme bolsa azalýar. Germewajyň tizlenmesi:

$$a = g \exp\left(-\frac{2B^2 l^2}{3Rm} t\right). \quad (5)$$

$$195. W = \frac{B^2}{2\mu\mu_0} \cdot \frac{4\pi R^3}{3} = 2,25 \cdot 10^{17} \text{ kJ.} \quad 196. \varphi_A - \varphi_C = \frac{aBl}{nes}.$$

$$197. \Delta\varphi = \frac{\omega^2 a^2 m}{2e} + \frac{1}{2} \omega B a^2 \approx 0,7 \text{ mW.}$$

$$198. \Delta\varphi = \frac{\mu_0 I}{4\pi^2 R^2 n e} = 2 \cdot 10^{-9} \text{ W.}$$

$$199. P = \frac{B^2 v^2 d^2 R}{[R + \rho d / s]^2}; \quad P = P_{\text{int. by}}, R = \rho d / s \quad \text{şertde bolar;}$$

$$P_{\text{maks}} = \frac{B^2 v^2 d^2}{4R}.$$

$$200. W_{el} = \frac{C}{2} \left( \frac{\varepsilon R_1}{R_1 + R_2} \right)^2 = 0,4 \cdot 10^{-9} \text{ J}; \quad W_{mag} = \frac{L}{2} \left( \frac{\varepsilon}{R_1 + R_2} \right)^2 \approx 0,38 \cdot 10^{-5} \text{ J.}$$

$$201. \frac{W}{l} = \frac{\mu_0 I^2}{16\pi}. \quad 202. E = B / \sqrt{\mu_0 \varepsilon_0} = 3 \cdot 10^8 \text{ W/m.}$$

$$203. Q = L \varepsilon^2 / [2R^2(1 + R_0 / R)].$$

$$204. \text{a) } I = \pi a^2 B / L; \quad \text{b) } A = \frac{1}{2} \pi^2 a^4 B^2 / L.$$

$$205. I = \frac{2\pi r}{\mu_0 el} (3kTm)^{1/2} \approx 2 \cdot 10^5 \text{ A.} \quad 206. I = \pi a^2 B \cos \alpha / L = 7,5 \text{ A.}$$

$$207. T = 2\pi \sqrt{\frac{m(k_1 + k_2)}{k_1 k_2}}. \quad 208. x = -29 \text{ sm}, \quad v_x = -81 \frac{\text{sm}}{\text{s}}.$$

$$209. \text{a) } y^2 = 4x^2 \left( 1 - \frac{x^2}{a^2} \right); \quad \text{b) } y = a \left( 1 - \frac{2x^2}{a^2} \right).$$

$$210. T = \pi \sqrt{2l / kg} = 1,5 \text{ s.} \quad 211. S = A_0 \sum_{n=0}^{\infty} \exp \left( -\frac{n\theta}{4} \right) = 2 \text{ m.}$$

$$212. n_0 = \frac{n_1 n_3 - n_2^2}{n_1 + n_3 - 2n_2} = 10,4. \quad 213. \Delta t = 31,4 \text{ s.}$$

$$214. t_1 = \frac{\pi l_0}{\sqrt{2}} \text{ sagat.} \quad 215. \omega_1 = 47,9 \text{ s}^{-1}, \quad \omega_2 = 52,1 \text{ s}^{-1}.$$

$$216. t = \frac{2l \left( \frac{\mu}{\gamma R} \right)^{1/2}}{\left( \sqrt{T_1} + \sqrt{T_2} \right)}.$$

$$217. \text{a) } S_0 = 60 \text{ mkm; b) } \omega = 1800 \frac{\text{rad}}{\text{s}}, \quad \nu = \frac{1800}{2\pi} \approx 287 \text{ Gy;}$$

$$\text{ç) } \lambda = \frac{2\pi}{5,3} \approx 1,2 \text{ m,} \quad v = \lambda \nu \approx 344 \text{ m/s.}$$

$$218. \text{a) } \Delta t = \Delta t_0 \left( 1 - \frac{u}{v} \right) = 4,5 \text{ s; b) } \Delta t = \Delta t_0 \left( 1 + \frac{u}{v} \right) = 5,5 \text{ s.}$$

$$219. \nu = \frac{\nu_0}{\sqrt{1 + 2at/v}} = 1350 \text{ Gs.}$$

$$220. \text{a) } \nu = \frac{\nu_0}{\sqrt{1 - n^2}} = 5 \text{ kGs; b) } r = l \sqrt{1 + n^2} = 320 \text{ m.}$$

$$221. \frac{\varepsilon^2 (L + CR_1^2)}{2(R_1 + R_2)^2} = 3,8 \cdot 10^{-5} \text{ J,} \quad \beta = \frac{R_1}{2L}.$$

222. Zynjyrdaky elektrik akymynyň (togaň) amplitudasy:

$$I_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}}. \quad (1)$$

a) kondensatordaky napryaženijäniň amplitudasy:

$$u_C = I_m \cdot \frac{1}{\omega C} = \frac{u_m}{\sqrt{\frac{4\beta^2\omega^2}{\omega_0^4} + \left(\frac{\omega^2}{\omega_0^2} - 1\right)^2}}, \quad \beta = \frac{R}{2L}, \quad \omega_0^2 = \frac{1}{LC}. \quad (2)$$

$u_C$  bilen  $\omega$  arasyndaky baglanyşyk örän çylysyrymly. Juda pes ýygylyklarda, ýagny  $\omega \rightarrow 0$  bolanda,  $u_C \rightarrow u_m$ . Gaty beýik ýygylyklarda bolsa  $u_C \rightarrow 0$ . Mejbur ediji yrgyldylaryň haýsy ýygylyklarda  $u_C$  iň uly baha alýandygyny biljek bolsak, (2) formuladan ýygylygynda  $u_C$  iň uly amplituda berýän ýygylyk Şeylelik bilen,  $u_C$  napräzeniyä iň uly amplituda berýän ýygylyk.

$\frac{du_C}{d\omega}$  tapmaly we önumi nola deňläp, gözlenýän ýygylygy alarys.  $\omega = \omega_{\text{max}} = \sqrt{\omega_0^2 - 2\beta^2}$ .

b) meseläniň bu soragyna jogap tapmak hem edil birinji soragyň jogaby ýaly usul bilen tapylyar. Şeylelik bilen  $\omega_{\text{max}} = \omega_0^2 / \sqrt{\omega_0^2 - 2\beta^2}$ .

$$223. P = \left(\frac{u}{Z}\right)^2 \sqrt{Z^2 - X_L^2} = 160 \text{ Wt}, \quad \cos \varphi = \sqrt{1 - \frac{X_L^2}{Z^2}}, \quad \varphi = 37^\circ.$$

$$224. R = \omega L - r, \quad P_{\text{max}} = \frac{u^2}{2\omega L} = 110 \text{ Wt}.$$

$$225. C = L / (R^2 + \omega^2 L^2) = 220 \text{ mF}.$$

$$226. L = u / (4\pi\nu I) = 1,2 \text{ Gn}, \quad 227. \omega = \frac{1}{RC}, \quad \frac{u_{10}}{u_0} = \frac{1}{3}.$$

$$228. R_1 C = RC_1, \quad 229. v = 2,1 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}.$$

$$230. \lambda = 11,3 \text{ km}.$$

$$231. \varphi = \frac{\Delta t}{R \left( \frac{1}{c_2} - \frac{1}{c_1} \right)} \approx 0,23 \text{ rad}; \quad \varphi \approx 13^\circ 20'. \quad 232. \Delta l = 7,6 \text{ sm}.$$

$$233. \Delta \lambda = \left( \frac{1}{\sqrt{\varepsilon}} - 1 \right) \cdot \frac{c}{\nu} = -50 \text{ m}.$$

234.  $R = 3P/(16\pi\rho c GM_g) = 0,6 \text{ mkm}$ . Bu ýerde  $c$  – ýagtylygyň tizligi;  $M_g$  – Günün massasy.

$$235. \Phi = I^2 R. \quad 236. S = \frac{I^2}{4\pi^2 r^2 \varepsilon_0} \left( \frac{m_p}{2eu} \right)^{\frac{1}{2}}.$$

$$237. P = (u^2 - u_1^2 - u_2^2) / 2R = 30 \text{ Wt}.$$

$$238. Z = \left[ \frac{R^2 + \omega^2 L^2}{(\omega CR)^2 + (1 - \omega^2 LC)^2} \right]^{\frac{1}{2}}.$$

$$239. I = \frac{u_0}{2R} \cos 2\omega t, \quad I_1 = \frac{u_0}{2(R + R_1)}.$$

$$240. u_{10} = u_0 / \sqrt{2m^2 + 2m + 5}.$$

$$241. I_1 = \frac{IL_1}{(L_1 + L_2)}, \quad I_2 = \frac{IL_2}{(L_1 + L_2)}, \quad I = \frac{\mathcal{E}}{(R + r)}.$$

$$242. \omega^2 LC = 1, \quad u_{10} = u_0 \cdot \frac{CR^2 - L}{CR^2 + L}. \quad 243. C \geq \frac{L}{R^2 n^2} = 0,1 \text{ mF}.$$

$$244. \text{a)} \Delta \Omega = 2\pi(1 - \frac{h}{r}) = \frac{\pi}{2}; \quad \text{b)} I = \frac{\Phi}{\Delta \Omega};$$

$$\text{c)} \Phi_{\text{doly}} = 4\pi I; \quad \text{d)} E_M = \frac{I}{h^2}.$$

$$245. h = \frac{\sqrt{S}}{2} = 1 \text{ m}, \quad 246. E = \frac{I}{4R^2 \cos \alpha} = 15,3 \text{ lk.}$$

247. 1,12 esse artar. 248. a) 10,2 lk; b) 10,9 lk.

$$249. E = \frac{\Phi}{2\pi al} = 700 \text{ lk.} \quad 250. 7000 \text{ nt.} \quad 251. 25000 \text{ kd.}$$

$$252. M = \frac{\Phi r}{S} = 4 \text{ mf}, \quad L = \frac{\Phi r}{\pi S} = 12,7 \text{ nt.} \quad 253. \eta = 5\%.$$

254. a)  $KD = 27 \text{ m};$  b)  $t_{\text{m kqz}} = 60 \text{ s.}$

$$255. \text{a)} PP' = \frac{l \sin \varphi}{\cos \beta} = 0,127 \text{ m;} \quad \text{b)} \Delta t \approx 0,46 \text{ ns.} \quad 256. 0,78 \text{ kd.}$$

$$257. x = \left( 1 - \sqrt{(1 - \sin^2 \alpha) / (n^2 - \sin^2 \alpha)} \right) d \sin \alpha = 3,1 \text{ sm.}$$

$$258. x = \frac{nF}{n+1} \left( 1 - \sqrt{1 - \frac{(n+1)r^2}{(n-1)F^2}} \right), \quad r_{\text{m uhy}} = F \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^{1/2}.$$

259.  $\alpha = \arctan n = 53^\circ.$

$$260. \text{a)} F = \sqrt{l^2 - (\Delta l)^2} / 4l = 20 \text{ sm;} \quad \text{b)} F = \frac{l \sqrt{k}}{(1 + \sqrt{k})^2} = 20 \text{ sm.}$$

261.  $37^\circ - 58^\circ$  aralýkda. 262. Şöhleleriň çykýan ýerleri  $75^\circ \leq \varphi \leq 165^\circ,$  beýleki ýerlerden çykmaýarlar.

$$263. E = \frac{\pi L R^2}{h^2} = 25 \text{ lk.} \quad 264. \varphi = 83^\circ.$$

$$265. h_{\min} = a \left[ \sin \varphi \cos \varphi \left( \frac{1}{\sqrt{n_1^2 - \sin^2 \varphi}} + \frac{1}{\sqrt{n_2^2 - \sin^2 \varphi}} \right) \right]^{-1}.$$

266.  $F = 12,5 \text{ sm.}$

267.  $\varphi = \alpha + \beta - \gamma,$

$$n = \sin \beta \left\{ \left[ \frac{\sin \alpha}{\sin \beta \sin(\alpha + \beta - \gamma)} + \frac{1}{\tan(\alpha + \beta - \gamma)} \right]^2 + 1 \right\}^{1/2}.$$

268. a)  $x = 2r \sin \alpha;$  b) garşydkagy tarapa  $y = l \cos \alpha = 1,7 \text{ sm}$  süýşer.

$$270. V_{\text{m kqz}} = x \alpha^2 = 43,2 \text{ l}, \quad x = \frac{b \sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}}{\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha} - \sin \alpha} = 27 \text{ sm,}$$

$$\alpha = 45^\circ, \quad n = 4/3. \quad 271. W_1 = W \frac{1-p}{1+p}, \quad W_2 = \frac{2pW}{1+p}. \quad 272. 0,02 \text{ kd.}$$

$$273. \text{a)} n_B = \sqrt{n_0^2 + \sin^2 \alpha} = 1,3; \quad \text{b)} X_B = R \left( 1 - \frac{n_0}{n_B} \right) = 1 \text{ sm;}$$

$$\text{ç)} d = \sqrt{X_B(2R - X_B)} = 5 \text{ sm.}$$

274. a) plastinany örän ýuka gorizontal ýerleşen gatlaklara bölelin. Her gatlagyň içinde döwülmey görkezijii üýtgänok. Gatlaklaryň döwülmey görkezijileri  $n_1, n_2, n_3, \dots$  Döwülmey kanunyny ullanalyň:

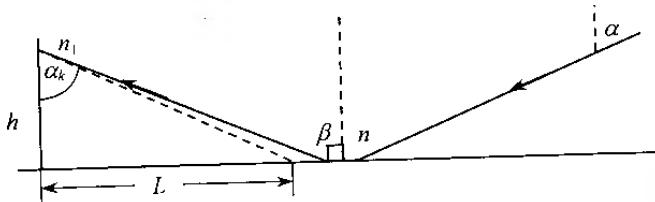
$$\frac{\sin \alpha}{\sin \alpha_1} = \frac{n_1}{n_A}, \quad \frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha_2} = \frac{n_2}{n_1}, \quad \frac{\sin \alpha_2}{\sin \alpha_3} = \frac{n_3}{n_2}. \quad \text{Şu deňliklerden subut etmeli deňleme alnar:}$$

$$n_A \sin \alpha = n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2 = \dots = n_B \sin \beta; \quad (1)$$

b) howanyň ýeriň üstüne ýakyn gatlaklary tomsuna gaty gyzýarlar. Ýeriň üstüne ýakyn gatlaklaryň dykyzlygy pes, olaryň döwülmey görkezisi hem az. Howanyň döwülmey görkezisiň ýokarlyga tarap artmagy ýokardan gelýän şöhleleriň serpikmegine tebäp bolýar. Eger-de howanyň ýere ýakyn gatlaklaryna düşyän

şöhleleriň doly yzna serpikmesi bolsa, salgym diýip atlandyrylyan suwly köljagazlara meňzeş zatlar görnüp başlaýar. Salgymyň ýuze çykmagynyň şerti hökmünde asmandan gelýän ýagtylyk şöhleleriniň doly serpikmesidir. Gözegçi "köle" tarap näçe ýorese, "köl" hem şonça aralyga daşlaşýar.

ç) Yeriň üstündäki we  $h$  beýiklikdäki howanyň döwülmeye görkezijilerini  $n$  we  $n_0$  diýip belläliň. (1) formulany ulanyp,  $n \sin \beta = n_1 \sin \alpha_k$  diýip ýazmak bolýar.  $\beta = 90^\circ$  bolýandygy çyzgydan görünýär.



Diýmek,  $n = n_1 \sin \alpha_k$ ,  $\alpha_k$  – salgymyň görünmegeni üçin kritiki burç. Çyzgydan  $\sin \alpha = L / \sqrt{L^2 + h^2}$  bolýandygy görünýär. Şeýlelik bilen

$$n = \frac{n_1 L}{\sqrt{L^2 + h^2}}, \quad L = 250 \text{ m.} \quad (2)$$

Meselaniň şertine görä:  $n - 1 \sim \rho$ ,  $\rho = \frac{m}{V} = \frac{\mu p_A}{RT}$ ,

$$n_0 - 1 = \frac{\mu p_A}{RT_0}, \quad n - 1 = \frac{\mu p_A}{RT}, \quad n_1 - 1 = \frac{\mu p_A}{RT_1}. \quad (3)$$

$$\text{Soňky deňlemeden: } n = 1 + \frac{T_0}{T} (n_0 - 1), \quad (4)$$

$$n_1 = 1 + \frac{T_0}{T_1} (n_0 - 1). \quad (5)$$

(5) deňlemeden  $n_1 = 1.0002623$  bolýandygyny taparys.

$$(2) \text{ deňlemeden: } n = \frac{Ln_1}{\sqrt{L^2 + h^2}} = 1,0002418. \text{ Yeriň üstündäki howanyň temperaturasy (4) deňlemeden tapylar:}$$

$$T = T_0 \cdot \frac{n_0 - 1}{n - 1} = 329 K = 56^\circ S.$$

$$275. F_1 = \frac{(n-1)F}{n/n_1 - 1} = 90 \text{ sm}; \quad F_2 = \frac{(n-1)F}{n/n_2 - 1} = -102 \text{ sm.}$$

$$276. F'_1 = 6F_1 F_2 / (4F_1 + 3F_2); \quad F'_2 = 8F_1 F_2 / (4F_1 + 3F_2).$$

$$277. F = \frac{n_1 R}{n_0 - n_2} = -40 \text{ sm.} \quad 278. \approx 1,9 \text{ a.}$$

$$279. \text{ a)} \cos \theta = \left( k - \frac{\varphi}{2\pi} \right) \lambda / d, \quad k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

$$\text{b)} \varphi = \frac{\pi}{2}, \quad \frac{d}{\lambda} = k + \frac{1}{4}, \quad k = 0, 1, 2, \dots$$

$$280. \text{ a)} \Delta x = \lambda(b+r)/(2\alpha r), \quad N = \frac{2b\alpha}{\Delta x} + 1 = 9;$$

$$\text{b)} \delta x = \left( \frac{b}{r} \right) \delta = 13 \text{ mm.}$$

31.  $\Delta x = \lambda / \alpha$ . 282.  $d = \frac{(2k+1)\lambda_0}{4\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}}$ , b)  $k = 0, 1, 2, 3, \dots$ ,

$= ab \rho d$ ,  $m_{\text{m} k_{\text{q}} t} = ab \rho d_{\text{m} k_{\text{q}} t} = 0.06 \text{ mg} < 0.1 \text{ mg}$ .

33.  $\Delta h = h_{k+1} - h_k = \frac{\lambda D}{l}$ ,  $h_{k+1} = (k+1)\lambda D/l$ ,

$h_k = \frac{k\lambda D}{l}$ ,  $k=1, 2, 3, \dots$

84.  $H_{n-1} = \sqrt{2D\lambda \left(1 + \frac{D}{l}\right)}$ . 285.  $\lambda_2 = \frac{2k_1\lambda_1}{2k_2 + 1} = 400 \text{ nm}$ .

286.  $I(\theta) = I_0 \cdot \frac{\sin^2 [\pi(1 + \sin \theta)]}{\sin^2 \left[\frac{\pi}{4}(1 + \sin \theta)\right]}$ . 287.  $n_1 = n + \frac{N\lambda}{l} = 1,000377$ .

288. a) 13; b) 23. 289.  $\lambda \approx d \cdot \Delta \varphi = 0.17 \text{ mkm}$ . 290.  $k = 6$ .

291.  $b = \frac{ar^2}{k\lambda a - r^2} = 2 \text{ m}$ . 292.  $\sin \theta_2 = \frac{3\lambda_2}{2\lambda_1} \sin \theta_1$ ,  $\theta_2 = 55^\circ$ .

293.  $\lambda = \frac{d \sin \Delta \theta}{\sqrt{5 - 4 \cos \Delta \theta}} = 0.54 \text{ mkm}$ . 294. a)  $45^\circ$ ; b)  $64^\circ$ .

295.  $\theta_1 = 33^\circ$ ,  $\theta_2 = 27^\circ$ . 296.  $\lambda = \frac{(r_2^2 - r_1^2)(a+b)}{2ab} = 0.6 \text{ mkm}$ .

297.  $r = r_1 = \sqrt{b\lambda} = 1,1 \text{ mm}$ . 298.  $\lambda = \frac{2}{k} \left( \frac{4\mu}{\rho N_A} \right)^{1/3} \sin \alpha = 488 \text{ pm}$ .

299.  $\theta_B = 41^\circ 15'$ . 300.  $\varphi = 66^\circ 40'$ ,  $\gamma_{\text{m} k_{\text{q}} t} = 46^\circ 40'$ . 301.  $d = 6.06 \text{ mm}$ .

302. Polýaroidda ýagty we garaňky zolaklar görner. Olaryň arasyndaky uzaklyk

$\Delta h = \frac{\pi}{2 \operatorname{ctg} \frac{\psi}{2}} \approx 2,7 \text{ sm}$ . 303.  $\alpha = \frac{\pi}{\Delta x \operatorname{tg} \psi} \approx 21^\circ (\text{mm})^{-1}$ .

304.  $\langle v \rangle = 2,25 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ,  $\langle u \rangle = 2,21 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .

305.  $v = \frac{c}{n} = 1,83 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ,  $u = \left[ 1 + \left( \frac{\lambda}{n} \right) \left( \frac{dn}{d\lambda} \right) \right] \frac{c}{n} = 1,7 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .

306.  $\varepsilon = 1 + A / \omega^2$ ,  $A = \text{hemisilik}$ . 307.  $\Delta \lambda = \lambda W / (mc^2) = 0,7 \text{ nm}$ .

308.  $v = c \left[ \left( \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \right)^2 - 1 \right] \left/ \left[ 1 + \left( \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \right)^2 \right] \right. = 7,1 \cdot 10^4 \text{ km/s}$ .

309. a)  $\omega = \frac{\omega_0}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} = 5 \cdot 10^{10} \text{ s}^{-1}$ ; b)  $\omega = \omega_0 \sqrt{1 - v^2/c^2} = 1,8 \cdot 10^{10} \text{ s}^{-1}$ .

310.  $\frac{\Delta M}{\Delta t} \approx 4 \cdot 10^9 \text{ kg/s}$ . 311.  $T_2 = \frac{b T_1}{b + T_1 \Delta \lambda} = 1750 \text{ K}$ .

312.  $5 \cdot 10^9 \text{ kg/s}$ ,  $10^{11} \text{ ýyl}$ . 313.  $t = (\eta^3 - 1) \rho c d / (18 \sigma T_0^3) = 2 \text{ sagal}$ .

314. a)  $u(\omega) = \frac{\Delta I(\omega)}{\Delta \omega} = \frac{\hbar \omega^3}{8\pi^3 c^2 \left[ \exp \left( \frac{\hbar \omega}{2\pi kT} \right) - 1 \right]}$ ;

b)  $u(\lambda) = \frac{\Delta I(\lambda)}{\Delta \lambda} = \frac{2\pi \hbar c^2 \lambda^{-5}}{\exp \left( \frac{\hbar c}{\lambda kT} \right) - 1}$ .

315. Stefan-Bolzmanyň kanuny gyzdyrylan jisimiň ähli tolkun uzynlyklarynda goýberýän energiyasyny aňladýar. Plankyn formulasy

bolsa goýberilýän energiyanyň tolkun uzynlygy boýunça paýlanyşyny berýär. Şeýlelik bilen, Plankyn formulasyndan Stefan-Bolsmanyň kanunyny almak üçin, paýlanyş funksiyasyny ähli tolkun uzynlyklar (ýa-da ýygylýklar) boýunça integrirlemeli.

Bölümde girişdäki (1) formuladan:

$$I = \frac{2\pi h}{c^2} \int_0^\infty \frac{\nu^3 d\nu}{\exp\left(\frac{h\nu}{kT}\right) - 1}. \quad (1)$$

Ýazgylary gysgalmak üçin täze bellikleri girizýäris:

$\frac{h\nu}{kT} = x$ ,  $\nu = \frac{kT}{h}x$ ,  $d\nu = \frac{kT}{h}dx$ . Indi (1) formula aşakdaky ýaly yazilar:

$$I = \frac{2\pi h}{c^2} \left( \frac{kT}{h} \right)^4 \int_0^\infty \frac{x^3 dx}{e^x - 1} = AT^4 \int_0^\infty \frac{x^3 e^{-x} dx}{1 - e^{-x}}. \quad (2)$$

Bu ýerde  $A = \frac{2\pi h}{c^2} \left( \frac{k}{h} \right)^4$ . Ikinji formuladaky  $\int \frac{1}{1 - e^{-x}}$  funksiyany  $e^{-x}$  derejeleri boýunça tükenksiz hatara dargatmaly. Bu işi ýerine ýetirip, (2) aşakdaky görnüşde ýazmak bolýar:

$$I = AT^4 \int_0^\infty x^3 \sum_{n=1}^\infty e^{-nx} dx = AT^4 \sum_{n=1}^\infty \int_0^\infty x^3 e^{-nx} dx. \quad (3)$$

(3) formuladaky integrallar bölekleyin usul ulanyp hasaplanýar. Hasaplamaýalar ýerine ýetirilse, meýdan birliginden waqt birliginde goýberilýän energiya tapylyar:

$$I = 6AT^4 \sum_{n=1}^\infty \frac{1}{n^4} = 6AT^4 \frac{\pi^4}{96} = \frac{\pi^5 h}{8c^2} \left( \frac{k}{h} \right)^4 T^4 = \sigma T^4. \quad (4)$$

Bu ýerde  $\sigma = \frac{\pi^5 h}{8c^2} \left( \frac{k}{h} \right)^4$  – Stefan-Bolsmanyň hemişeligi.

$$316. \Delta T = PT_k / (4P_0) \approx 7,2 \cdot 10^{-5} K, P_{max} \approx 1,5 \cdot 10^{14} Wt = 15 P.$$

$$317. T_2 = T_1 \left( \frac{d}{2l} \right)^{\frac{1}{2}} \approx 400 K.$$

$$318. a) <j> = \frac{P\lambda}{4\pi h c r^2} = 6 \cdot 10^{13} sm^2 s^{-1}; b) r = \sqrt{\frac{\pi P \lambda}{nh}} / (2\pi c) = 9 m.$$

$$319. <p> = \frac{4(1+r)W}{\pi d^2 c t_0} \approx 5 MPa = 50 atm.$$

$$320. a) 4,5 \cdot 10^{-6} Pa; b) 9 \cdot 10^{-6} Pa; c) 6,3 \cdot 10^{-7} Pa.$$

$$321. \Delta T = T_{per} - T_{of} \approx 4,9 K. \quad 322. T = (3cR\rho / \sigma\mu)^{\frac{1}{3}} = 2 \cdot 10^7 K.$$

323. Mesele çözüldende foton gazy bilen bir atomly ideal gazyň arasyndaky meňzeşlikler bar diýip kabul edeliň. Şonuň üçin fotonlar gabyň diwaryna urulýarlar we serpigýärler. Fotonyň impulsy  $\vec{p}$ , onuň  $x$  oka proýeksiýasy  $p_x$ . Foton diwara degip serpigenden soň, onuň  $x$  ok boýunça impulsy  $2p_x$  bolar. Fotonlaryň birlik göwrümdäki sany  $n$  diýeliň.  $x$  koordinat boýunça diwara urulmalar we serpikmeler sebäpli döreýän basyş  $p_1$  diýeliň (“1” indeksi basyşy impulsdan tapawtlandymak üçin ulandyk). Onda

$$p_1 = 2np_x v = 2np_x c. \quad (1)$$

Bu basyşyň orta bahasy  $n\bar{p}_c$  bolar. Seredilýän  $V$  göwrüimde  $N$  sany foton bar diýeliň. Şonuň üçin

$$p_1 V = \frac{N}{3} \langle \bar{p} \bar{c} \rangle. \quad (2)$$

Bir fotonyň energiyasy  $W_1 = pc$ . Gapdaky hemme fotonlaryň energiyasy  $W = NW_1$  bolar. Mundan hem başga  $\langle \bar{p} \bar{c} \rangle = pc$  bolýanyny hem belläliň. Indi (2) deňleme bize gerek görnüşe yakynlaşdyrylyp ýazylar:

$$p_1 V = \frac{1}{3} W. \quad (3)$$

Soňky deňlemeden:

$$p_1 = \frac{1}{3} \frac{W}{V} = \frac{1}{3} W'. \quad (4)$$

Foton gazynyň basyşy energiyanyň dykzlygynyň  $1/3$ -ne deňdir. Molekulýär-kinetik nazaryetiň esasy deňlemesi bilen (4) deňlemäniň arasyndaky meňzeşlik mese-mälüm bolup durandyr.

Alnan (4) formulanyň amaly peýdasy az. Ony amaly meseleleri çözümgäge uýgunlaşdyralyň. Biziň garayán göwrümimiziň içinde şöhlelenme bar diýeliň. Energiyanyň dykzlygy

$$\frac{W}{V} = \frac{W}{Sc\Delta t} = \frac{I}{c} = \frac{\sigma T^4}{c}. \quad (5)$$

Energiyanyň hakyky dykzlygy (5) deňlemedäkiden 4 esse az bolmaly. Hasaplamalary soňuna çenli alyp barmak üçin içi şöhlelenmeli gabyn bir böwründe kiçijik deşik bar diýeliň. Diňe şu

deşikden çykyp bilyan fotonlaryň energiyasy  $\frac{W}{V}$ -niň ýarysyna deň.

Energiyanyň galan ýarysy fotonlar üste perpendikulýär gelmeseler çykyp bilmeyär. Göwrümden çykyp biljek fotonlaryň sany olaryň üste düşme burçunyň kosinusyna proporsional. Düşme burçlaryň kosinuslarynyň orta bahasy  $1/2$ -e deň. Şeýlcelik bilen, (5) deňleme aşakdaky görnüşe eýé bolar:

$$\frac{1}{4} \cdot \frac{W}{V} = \frac{\sigma T^4}{c}, \quad \text{ýa-da } \frac{W}{V} = \frac{4\sigma T^4}{c}. \quad (6)$$

Şeýlcelik bilen foton gazynyň basyşy:

$$p_1 = \frac{4}{3} \cdot \frac{\sigma T^4}{c}. \quad (7)$$

$$324. T = \left( \frac{3cp}{4\sigma} \right)^{1/4} \approx 1,4 \cdot 10^5 K. \quad 325. C_V = 16V\sigma T^3/c = 3,55 \cdot 10^{-9} J/K,$$

$$C'_V = \frac{2\sigma VT^3}{c}, \quad \text{bu ýerden } C_V = 8C'_V \quad \text{bolýar diýen netije çykyar.}$$

$$326. p = 32\sigma T^4/(3c) \approx 1,26 \cdot 10^{-4} Pa.$$

$$327. A = \frac{hc(n^2 - \lambda_2/\lambda_1)}{\lambda_2(n^2 - 1)} = 1,9 eW.$$

$$328. \varphi_{m\text{dy}} = 4,4 W. \quad 329. 332 nm, \quad 6,6 \cdot 10^5 m/s.$$

$$330. W_{m\text{dy}} = \frac{h}{2\pi}(\omega_0 + \omega) - A_{\text{çyk}} = 0,38 eW.$$

$$331. k = \frac{hcJ}{e\lambda} = 0,02. \quad 332. 4 \cdot 10^5 sm^2 s^{-1}.$$

$$333. h = \frac{e(\varphi_2 - \varphi_1)}{\nu_2 - \nu_1} = 6.6 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}.$$

$$334. \text{ a) } 4 \cdot 10^7 \frac{\text{m}}{\text{s}}; \text{ b) } 2.13 \cdot 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}.$$

$$335. T \approx 290K.$$

$$336. n = \frac{F\lambda}{h(1+r)} = 3.77 \cdot 10^{18} \text{ s}^{-1}.$$

337. Doly energiyá  $W = mc^2$  diýip kabul edeliň. Jisimiň tizliginiň artmagyňyň sebäbi oňa daşardan  $\vec{F}$  gúýjüň tásir etmegidir. Doly energiyanyň wagt boyunça üýtgemegi kuwwata deňdir, ýagny

$$\frac{dW}{dt} = (\vec{F}\vec{v}). \quad (1)$$

Şu ýerde Nýutonyň ikinji kanunyny ulanalyň:

$$\vec{F} = \frac{d(m\vec{v})}{dt}. \quad (2)$$

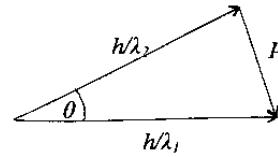
Soňky deňlemäni 2 m-e köpeldip, ýönekeý özgertmeleri geçireliň. Onda

$$c^2 \frac{dm^2}{dt} = \frac{d(mv)^2}{dt}. \quad (3)$$

(3) formula differensial deňleme hökmünde garap, ony çözeliň:

$$m^2 c^2 = m^2 v^2 + A.$$

(4)



(4) formuladaky  $A$  hemişelik  $v = 0$  bolanda  $m = m_0$  diýen şert ulanylýp taplyýar.  $m_0$  jisimiň dynçlyk massasy diýilýär. Şeýlelik bilen  $A = m_0 c^2$ . Indi (4) formula gutarnyklý görnüşe geçer:

$$m^2 c^2 = m^2 v^2 + m_0^2 c^2. \quad (5)$$

Kyn bolmadık amallary ýetirip, gözlenýän formulalarys

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}. \quad (6)$$

$$338. n = \frac{W_1 - W_2}{W_1} = \frac{\lambda_k (1 - \cos \theta)}{\lambda_1 + \lambda_k (1 - \cos \theta)} = 0.102.$$

$$339. \omega' = \frac{2\pi}{\lambda + h/mc} = 2.2 \cdot 10^{20} \text{ s}^{-1}; \quad W_k = \frac{hc/\lambda}{1 + \lambda mc/h} = 60 \text{ keW}$$

$$340. W_k = \frac{E\eta}{1 + \eta} = 0.2 \text{ MeW}.$$

$$341. h\nu = \left[ 1 + \sqrt{1 + 2mc^2 / \left( W_k \sin^2 \frac{\theta}{2} \right)} \right] \cdot \frac{W_1}{2} = 0.68 \text{ MeW}.$$

$$342. \alpha = 90^\circ. \quad 343. W_k = \frac{2h^2 \sin^2 \frac{\theta}{2}}{m \lambda_0 \left( \lambda_0 + \frac{2h}{mc} \sin^2 \frac{\theta}{2} \right)} = 570 \text{ eW}.$$

344. Fotonyň başdaky we soňky tolkun uzynlyklaryny  $\lambda_1$  we  $\lambda_2$ , elektronýň başdaky kinetik energiyasy  $W_1$ , soňkusy 0. İmpulsyň saklanmak kanunynyń ýazanymyzda çyzgyny göz öňünde tutalyň:

$$p^2 = \left(\frac{h}{\lambda_1}\right)^2 + \left(\frac{h}{\lambda_2}\right)^2 - \frac{2h^2}{\lambda_1\lambda_2} \cos\theta. \quad (1)$$

Energiýanyň saklanmak kanunu:

$$W_1 + \frac{hc}{\lambda_1} = \frac{hc}{\lambda_2}. \quad (2)$$

Meseläni çözümk üçin elektronýň energiyasy bilen impulsyny baglanyşdırýan deňlemäni hem ullanmaly. Şu meseläniň şertlerinde ol deňleme aşakdaky ýaly ýazylar:

$$p^2 = \frac{W_1^2}{c^2} + 2m_0 W_1. \quad (3)$$

(1) bilen (3) deňlemeleri deňleşdirip tapýarys:

$$\left(\frac{h}{\lambda_1}\right)^2 + \left(\frac{h}{\lambda_2}\right)^2 - \frac{2h^2}{\lambda_1\lambda_2} \cos\theta = \frac{W_1^2}{c^2} + 2m_0 W_1. \quad (4)$$

(2) deňlemäni (4) deňlemede ornuna goýup, tolkun uzynlygynyň üýtgesmesini taparys:

$$\Delta\lambda \equiv \lambda_2 - \lambda_1 = \frac{h}{\lambda m_0 c} (1 - \cos\theta) = \frac{2h}{m_0 c} \sin^2 \frac{\theta}{2} = 1.2 \text{ pm}.$$

345. 123 pm; 2,86 pm; 0,186 pm.

$$346. W_k = (\sqrt{2} - 1)mc^2 = 0,21 MeW.$$

$$347. v = 2h/(mb\Delta x) = 2 \cdot 10^6 \frac{m}{s}.$$

$$348. 10^4 \frac{sm}{s}; \quad 10 \frac{sm}{s}; \quad 10^{-20} \frac{sm}{s}.$$

$$349. W_k = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{\hbar^2}{2ml^2} = 1 eW.$$

$$350. W_{mekci} = \hbar \sqrt{\frac{k}{m}} = \hbar \omega_0.$$

$$351. W_{mekci} = \frac{me^4}{2\hbar^2} = -13,6 eW; \quad r_{ef} = \frac{4\pi\epsilon_0\hbar^2}{me^2} = 53 pm.$$

$$352. He^+. \quad 353. v = 3\hbar R/(4m_H c) = 3,25 \frac{m}{s}.$$

$$354. R = \frac{176\pi c}{15Z^2\Delta\lambda} = 2,07 \cdot 10^{16} s^{-1}.$$

355. a) elektron  $r$  radiusly orbitada  $v$  tizlik bilen hereket edýär. Onuň impulsy  $mv$ , impulsyň momenti  $mvr$ . Kwant nazarýeti impulsy momentiniň kwantlaşmagyny talap edýär. Impulsyň momentiniň kwantlaşma şerti:

$$mv_n r_n = n\hbar, \quad n = 1, 2, 3, \dots \quad (1)$$

b) stasionar orbitadaky elektrona täsir edýän güýçleri deňleşdirip, aşakdaky formulany alarys:

$$mv_n^2 = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_n}. \quad (2)$$

(1) we (2) formulalary bilelikde ulanyp,  $r_n$  taparys:

$$r_n = \frac{4\pi\epsilon_0 n^2 \hbar^2}{me^2}, \quad n = 1, 2, 3, \dots \quad (3)$$

Kwant sany  $n=1$  bolanda alynyan  $r_1$  radiusa birinji Bor radiusy diýilýär. Onuň san bahasy

$$r_1 = a_0 = \frac{4\pi\epsilon_0 \hbar^2}{me^2} = 0,528 \cdot 10^{-10} \text{ m} = 0,528 \text{ Å}. \quad (4)$$

Atom fizikasynda  $a_0$  uzynlyk birligi hökmünde ulanylýar.  
ç) elektronyn potensial we kinetik energiyalary

$$W_p = -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_n}, \quad W_k = \frac{1}{2}mv_n^2. \quad (5)$$

Elektronyn doly energiyasy:

$$W_n = \frac{1}{2}mv_n^2 - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_n} = \frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r_n} - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_n} = -\frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r_n}. \quad (6)$$

(6) deňleme alnanda (2) deňleme ulanyldy.  $r_n$  bahasyny (6) deňlemede ornuma goýup alarys:

$$W_n = -\frac{me^4}{2(4\pi\epsilon_0)^2 n^2 \hbar^2}. \quad (7)$$

d) wodorod atomyny ionlaşdyrmak üçin edilmeli iş onuň energiyasynyň üýtgemegine deňdir.  $r_n \rightarrow \infty$  bolsa,  $W_n = 0$  (Bu netije

(6) deňlemeden gelip çykýar). Şeýletik bilen ionlaşdyrmak üçin edilmeli iş:

$$A_n = W_n(\infty) - W_n(r_n) = \frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r_n}. \quad (8)$$

Elektronyn birinji orbitadan tükeniksizlige geçirmek üçin edilmeli işe wodorody ionlaşdyrmak işi diýilýär. (8) deňlemede  $r_n = r_1$  diýip hasaplamalar geçirsek, wodorody ionlaşdyrmak işini alarys. Ol iş  $A_1 = 13,5 \text{ eW}$ .

e) bu ýerde Balmeriň formulasyny ulanmaly. Balmeriň formulasynnda  $n=2$ ,  $m=4$  goýsak,  $\lambda = 0,48 \text{ mkm}$  bolýandygyны taparys.

Şöhle goýberilende atomyň tizligi üýtgeýär. Ol üýtgemäni impulsyň saklanmak kanunyndan taparys

$$\frac{\hbar\omega}{c} = m_H \Delta\nu. \quad (9)$$

$$\text{Şu ýerden } \Delta\nu = \frac{\hbar\omega}{m_H c} = \frac{R\hbar}{m_H c} \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right) = 0,81 \frac{\text{m}}{\text{s}}.$$

$$356. Z=2(\text{He}^+), \quad A = \frac{Z^2 e^2}{8\pi\epsilon_0 r_1} = 54,5 \text{ eW}.$$

$$357. 0,255 \text{ pm}; \quad 2,8 \text{ keW}; \quad 0,65 \text{ nm}.$$

$$358. T = \frac{m_H \lambda^2 (\Delta\nu)^2}{3k} = 44K; \quad v = \lambda \Delta\nu = 1050 \text{ m/s}.$$

$$359. 1,88; 0,657 \text{ we } 0,486 \text{ mkm}.$$

$$360. 0,45 \text{ keW}. \quad 361. \approx 25\%.$$

$$362. N = 1,2 \cdot 10^{15}. \quad 363. \tau \approx 16 \text{ s}.$$

364.  $T = 4,5 \cdot 10^9$  ýyl.

365. 4100 ýyl. 366.  $t = T \ln\left(\frac{1+\eta}{\eta}\right) / \ln 2 = 2 \cdot 10^9$  ýyl.

367.  $3,2 \cdot 10^{17}$  we  $0,8 \cdot 10^5$  Bk/g.

368.  $\rho \approx 2 \cdot 10^{17} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}; n = 1 \cdot 10^{44} \frac{\text{nuklon}}{\text{m}^3}$ .

369.  ${}^8\text{Be}$ ,  $W_{\text{tag}} = 56,5 \text{ MeW}$ .

370. a) 8 MeW; b) 11,5 we 8,7 MeW; c) 14,5 MeW.

371. a) -1,65 MeW; b) 6,82 MeW; c) -2,79 MeW; d) 3,11 MeW.

372.  $W = 17,6 \text{ MeW}; Q = 3,4 \cdot 10^{11} \text{ kJ}$ .

373. Birinji reaksiýada çykýan energiya 0,7 MeW artyk.

374.  $W = 3 \cdot 10^7 \text{ kJ}$ .

### Goşmaçalar

1. Esasy trigonometrik formulalar

$$\begin{aligned} \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha &= 1, \quad \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1, \\ \sin(\alpha \pm \beta) &= \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta, \\ \cos(\alpha \pm \beta) &= \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta, \\ \sin \alpha + \sin \beta &= 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}, \\ \cos \alpha + \cos \beta &= 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}. \end{aligned}$$

2. Kompleks sanlar hakynda käbir maglumatlar

$$\begin{aligned} e^{ix} &= \cos x + i \sin x, \quad e^{-ix} = \cos x - i \sin x, \\ \sin x &= \frac{e^{ix} - e^{-ix}}{2i}, \quad \cos x = \frac{e^{ix} + e^{-ix}}{2}. \end{aligned}$$

3. Wektorlaryň skalýarlaýyn köpeltmek hasyly

$$(\vec{A} \vec{B}) = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z.$$

Wektorlaryň wektorlaýyn köpeltmek hasyly

$$[\vec{A} \vec{B}] = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix} = \vec{i}(A_y B_z - A_z B_y) - \vec{j}(A_x B_z - B_x A_z) + \vec{k}(A_x B_y - B_x A_y).$$

#### 4. Käbir funksiýalaryň önumleri

Funksiýa	Önum	Funksiýa	Önum
$x^n$	$n x^{n-1}$	$\operatorname{tg}x$	$\frac{1}{\cos^2 x}$
$e^x$	$e^x$	$\operatorname{ctgx}$	$-\frac{1}{\sin^2 x}$
$e^{nx}$	$ne^{nx}$	$\arcsin x$	$(1-x^2)^{-\frac{1}{2}}$
$a^x$	$a^x \ln a$	$\arccos x$	$-(1-x^2)^{-\frac{1}{2}}$
$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$\arctgx$	$\frac{1}{1+x^2}$
$\sin x$	$\cos x$		
$\cos x$	$-\sin x$	$\operatorname{arctgx}$	$-\frac{1}{1+x^2}$

#### 5. Käbir kesgitsiz integrallar

$$\begin{aligned}\int x^n dx &= \frac{x^{n+1}}{n+1} \quad (n \neq -1), \\ \int \frac{dx}{x} &= \ln x, \\ \int \sin x dx &= -\cos x, \\ \int \cos x dx &= \sin x, \\ \int \operatorname{tg}x dx &= -\ln |\cos x|, \\ \int \operatorname{ctgx} dx &= \ln |\sin x|,\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\int \frac{dx}{\cos^2 x} &= \operatorname{tg}x, \\ \int \frac{dx}{\sin^2 x} &= -\operatorname{ctgx}, \\ \int e^{nx} dx &= \frac{1}{n} e^{nx}, \\ \int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} &= \arcsin x, \\ \int \frac{dx}{\sqrt{x^2-1}} &= \ln(x + \sqrt{x^2-1}), \\ \int \frac{dx}{x^2+1} &= \arctgx.\end{aligned}$$

Bölekleyin integrallaşdyrmagyň düzgüni

$$\int u dv = uv - \int v du.$$

#### 6. Köp ularnylyan funksiýalaryň hatar görnüşde ýazylyşy

$$e^x = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$$

$$e^{-x} = 1 - \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} - \frac{x^3}{3!} + \dots$$

$$\sin x = \frac{x}{1!} - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots$$

$$\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} + \dots$$

$$\ln(1+x) = \frac{x}{1} - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \frac{x^5}{5} - \dots$$

$$\ln(1-x) = -\frac{x}{1} - \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} - \dots$$

$$\sqrt{1+x} = 1 + \frac{1}{2}x - \frac{1}{2 \cdot 4}x^2 + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4 \cdot 6}x^3 - \dots$$