

Ý. JEPBAROW

# FIZIKI MESELELERI ÇÖZMEĞİ NAZARYÝETI WE TEHNOLOGIÝASY

ÝOKARY OKUW MEKDEPLERINIŇ TALYPLARY ÜÇIN  
OKUW GOLLANMASY

*Türkmenistanyň Bilim ministrligi tarapyndan hödürlenildi*

AŞGABAT – 2010

**Ý.Jepbarow. Fiziki meseleleri çözmegiň nazaryýeti we tehnologiýasy  
Ýokary okuw mekdepleriniň talypalary üçin okuw gollanmasy. – A., 2010.**

Gollanmada orta mekdebiň fizikasynda mesele çözmekligiň esaslary nazary we amaly taýdan beýan edilýär, ýagny fizikadan mesele çözmekligiň psihologik – pedagogik we usuly problemalary derňelýär: fiziki meseleleriň görnüşleri we aýratynlyklary, mesele çözmekligiň gurluşy, mesele çözmekde algoritmik we döredijilik çemeleşme, okuwçylara mesele çözmek endiklerini öwretmek usuly, testirleme usulyny ulanmak we ş.m. Bu problemalar diňe bir nazary taýdan derňelmän, şolara degişli meseleleri çözmek bilen öwrenilýär.

## SÖZBAŞY

Köp mekdeplerde fiziki meseleleri çözmeklige örän uly üns berýärler. Emma şeýle bolsa-da, köp okuwçylar mesele çözmeklikde elmydama köp kynçylyk çekýärler. Bu diňe şeýle görnüşli sapaklaryň okuwçylar üçin kynlygy bilen düşündirilmän, fizikanyň mekdep kursy boýunça meseleleriň saýlanyp alynýşyndan we olaryň çözüliş usullaryny okuwçylaryň bilmeýänligi bilen düşündirilýär.

Fizika mugallymyny hünär-usulyýet taýdan taýýarlamaklyk wezipesi okuwçylara mesele çözüp bilmek endiklerini öwretmekligi öz içine alýar. Öwretmekligiň nazary derňewleri we amalyýeti okuwçylarda bu endikleri döretmekligiň fizikadan okuw prosesinde çylşyrymly problemlaryň biridigini görkezýär. Bu problemany çözmekligiň ugurlarynyň biri mesele çözmekligiň umumy usullaryny ulanmaklykdyr. Şunlukda, okuwçylaryň bilimi diňe bir konkret däl-de, umumylaşdyrylan bilimleri ( fiziki sistema, onuň haly, özara täsir, fiziki hadysa, ideal obýektler we ideal prosesler, fiziki model we ş.m ) hem bilmekligi talap edilýär.

Gollanmada fizikadan mesele çözmekligiň psihologik –pedagogik we usuly problemlary derňelýär: fiziki meseleleriň görnüşleri we aýratynlyklary, mesele çözmekligiň gurluşy, mesele çözmekde algoritmik we döredijilik çemeleşme, okuwçylara mesele çözmek endiklerini öwretmek usuly, testirleme usulyny ulanmak we ş.m. Bu problemalar diňe bir nazary taýdan derňelmän, şolara degişli meseleleri çözmek bilen öwrenilýär.

Fizikany öwrenmek üçin meseleleriň möhümligini göz önüne tutup, köp mugallymlar näçe köp mesele, ylaýta-da, ýokary kynlykly meseleler işlenilse, şonça-da, okuwçylar üçin peýdaly diýlen pikirden ugur alýarlar. Köp ýagdaýlarda bu ters netijelere getirýär: okuwçylary ýadadýar, öz güýçlerine bolan ynamsyzlygy döredýär, dersden daşlaşdyrýar. Şoňa görä-de,

orta mekdepde fizikadan mesele işlemekligiň usulyýet soraglary aýratyn ähmiýete eýedir.

Gollanmanyň esasy maksady geljekde fizika mugallymy bolup işlejek talyplary, okuwçylaryň fiziki pikirlenmesini formulirleýän, umumy görnüşli meseleleri çözmekligiň usullary bilen tanyşdyrmakdyr. Gollanma fiziki meseleleri çözmek boýunça sapaklary guramaklyga mugallyma kömek eder we okuwçylarda başarnyklaryny we endiklerini, fizikadan alan bilimlerini amalyýetde ulanmaklyga ýardam eder.

Gollanmada ulanylan fiziki ululyklaryň atlary we ölçeg birlikleriniň belgilenişi ölçeg birlikleriň Halkara sisitemasyna gabat gelýär.

Gollanma Magtymguly adyndaky Türkmen döwlet uniwersitetiniň fizika hünäriň talyplary üçin okaýan umumy okuwlaryň ýazgylary esasynda taýýarlanyldy.

Gollanma ýokary okuw mekdepleriniň talyplary we mekdep mugallymlary üçin niýetlenendir.

## BIRINJI BÖLÜM

### FIZIKADAN MESELE ÇÖZMEKLİĞİN PSIHOLOGİK - PEDAGOGİK WE USULYÝET ESASLARY

#### BIRINJI BAP. FIZIKI MESELELERİN TOPARLARA BÖLÜNİŞİ

##### *1.1.1 Mesele barada umumylaşdyrylan düşünje*

Häzirki wagtda “mesele” düşünjesiniň kesgitli we umumy kabul edilen kesgitlemesi ýok. Munuň esasy sebäbi bilimiň dürli pudaklarynda (psihologýada, pedagogikada, fizikany öwretmegiň usulyetinde we ş.m.) bu düşünjäniň kesgitlemesine dürli hili çemeleşýärler.

**Psiholog A.N.Leontew** “*“Mesele” diýip adamdan (subýektden) käbir hereketleri talap edýän ýagdaýa düşünmeli*” diýip hasap edýär. Psiholog **G.S.Kostýuk** “*Näbellini, onuň belli zatlaryň üsti bilen baglanyşygy esasynda, tapmaklyga ugrukdyrylan adamyň hereketini talap edýän ýagdaýa mesele diýilýär*” diýip belleýär. Meseläniň bu kesgitlemesi adatça okuw we ylmy işlerde ýüze çykýan ýagdaýlary öz içine alýar.

İňlis psihology A.Nýuell “*Mesele diýip, adamdan çözlüşini özbaşdak gözlemekligi talap edýän ýagdaýa aýdylýar*” diýip hasap edýär. Bu ýagdaýa problemalaýyn ýagdaý hem diýilýär.

Pedagogikada mesele, bu:

- hakykaty bilmekligiň formasy, öwretmekligiň usuly;
- okuwçylaryň bilimlerini we praktiki endiklerini barlamaklygyň serişdesi;
- okuw ýumuşy;
- kesgitli bilimlerini esasynda jogap talap edýän soragdyr.

Fizikany okatmaklygynyň usulyýetinde (A.B.Usowa, N.N.Tilkibaýewa) “mesele” düşüňjesine şeýle kesgitleme berilýär: “*Fiziki mesele diýip logiki pikirlenmäniň, fizikanyň usullarynyň we kanunlarynyň esasynda matematiki aňlatmalaryň we tejribäniň kömegi bilen çözülýän uly bolmadyk problema aýdylýar*”. Bu kesgitleme “mesele” düşüňjesiniň manysyny has gowy açyp görkezýär diýip hasap etmek bolar.

Adatça fiziki mesele iki düzüjiden ybarat bolýar: şertden we talapdan.

*Şert* diýip, fiziki jisimler, hadysalar, prosessler, olaryň hallary we ş.m. barada maglumatlary saklaýan meseläniň bölegine aýdylýar.

*Talap* diýip, çözüşiň maksady görkezilen meseleäniň bölegine, ýagny näbelli ululygy tapmaklyga, meseläniň obýektini gurmaklyga, düzmeklige, üýtgemeklige we ş.m. aýdylýar. Şeýlelikde, *meseläniň şerti we talaby onuň gurluşyny düzýär*.

### ***1.1.2 Fiziki meseleleriň toparlara bölünişi***

Meseleler öz mazmunlaryna görä mehanikanyň, molekulýar fizikanyň, elektrodinamikanyň, optikanyň, atom we ýadro fizikasynyň meselelerine bölünýärler. Şeýle bölmeklik şertleşindir, sebäbi, käbir meselelerde meseläniň şertinde fizikanyň dürli bölümlerinden maglumatlar ulanylýar.

Fiziki meseleleri aşakdaky nyşanlary boýunça *toparlara* bölýärler:

1) *Talap ediş häsiýetine görä meseleler*. Bu meselelerde, ýa-da näbelli ululyk tapylýar, ýa-da haýsyda bolsa bir formula subut edilýär, ýa-da haýsy-da bolsa bir gurluş, model gurulýar (konstruirlenýär).

2) *Mazmuna görä we umumylyk derejesi boýunça düzülen meseleler.* Bu meseleler ýönekeý, kombinirlenen bolup bilýarlar.

3) *Anyk (aýdyň, konkret) meseler.* Bu meseleler fiziki ululyklaryň san bahalaryny, olaryň ölçeg birliklerini, şeýle hem netijäniň kesgitli (san) bahasyny almaga kömek edýan talaplary saklaýar.

Şeýle hem, bu görnüşli meselelere *abstrakt (hyýaly) mazmunly meseleler* degişlidirler. *Abstrakt mazmunly meselelerde* şertde aýdylan prosesslerde we hadysalarda möhüm däl baglanyşyklar taşlanylýar, hakykatdan daşlaşylýar, ýagny abstragirlenýär (hyýalylaşdyrylýar). Şoňa görä-de, şeýle meselelerde real amaly ýagdaýlar hyýalylaşdyrylýar, ýagny abstragirlenýär. Meselem, “Ýapgytlyk burçy  $\alpha$  bolan ýapgyt tekizlikden jisim deňölçegli hereket edip başlaýan bolsa, sürtelme koeffisiýentiniň näçe deň bolýandygyny kesgitlemeli”.

Bu meselede hiç hili fiziki ululyk anyk (konkret) berilmedik. Beýle meselelere köp üns mermeli däl, sebäbi bu meselelerde okuwçylar alan fiziki bilimlerini amalyýetde ulanylyp bilmeýärler.

Okuwçylara fizikadan alan bilimlerini amaly ýagdaýlarda ulanmaklary üçin, olara real praktiki we durmuş ýagdaýlary beýan edýän anyk (konkret) mazmunly meseleleri hödürlemek gerek. Meselem, “Awtomobilim el tormozy saz hasaplanýar, haçanda awtomobil ýapgytlygy  $12^0$  bolan ýolda tormozy bilen saklanyp bilýän bolsa. Bu düzgün sürtülme koeffisiýenti näçä deň bolan ýol üçin hasaplanan?”

4) *Ýagdaýy beýan edýän meseleler (situatiw meseleler)* käbir fiziki ýagdaýy (situasiýany) beýan edýär we bu ýagdaýyň esasynda dürli hili abstrakt (ýa-da anyk (konkret)) mesele düzülýär. Meselem, “Udel garşylygy  $\rho$  bolan geçiriji l uzynlygy we d diametre eýe. Simiň uçlaryndaky naprýaženiýa U bolanda ondaky I tok gűýjűni kesgitlemeli.

Simiň garşylygy  $R$  deň. Bu ýagdaýy beýan etmek esasynda iki sany näbelli ulylykly abstrakt meseläni düzmeli”.

Şeýlelikde, situasiýa meselelerinde diňe obýektler, hadysalar we fiziki ulylyklar sanalýar. Bu meselelerde sorag ýa-da haýsy-da bolsa bir anyk fiziki ulylygy kesgitlemeli diýlen talap bolmaýar. Situatiw meseläniň islendik ulylygy gözlenilýän ulylygyň rolunda bolup biler.

5) *Metameseleler* - fizikanyň käbir kesgitli temasy boýunça situatiw meseläni düzmek bolýan meselelerdir.

6) *Politehniki mazmunly meseleler*. Bu meseleleriň şertlerinde tehnika, senagat, oba hojalyk, ulag we aragatnaşyk barada maglumatlar berilýar. Politehniki mazmunly meseleler öwrenilýän tema bilen berk baglanyşykly bolmalydyr.

7) *Taryhy mazmunly meseleler*. Bu meseleleriň şertlerinde nusgawy fiziki tejribeler, açyşlar, oýlap tapyşlar ýa-da taryhy rowaýatlar barada maglumatlar berilýar. Meselem, ýagtylygyň tizligini kesgitlemäge, Galileýiň, Fizo-Maýkelsonyň tejribelerine, atomyň gurluşyny öwrenmäge degişli meseleler we ş.m.

8) *Biofiziki mazmunly meseleler*. Bu meseleleriň şertlerinde biologiýa we fizika degişli maglumatlar berilýar. Meselem, “Näme üçin çygly klimatly oblastlarda, gurak klimatly oblastlara seredeniňde, yssy kynlyk bilen çekilýär?”

9) *Durmuşda duş gelýän fiziki hadysalar barada meseleler*. Bu meseler bize töweregimizdäki fizikany görmeklige mümkinçilik berýär. Meselem, “Öz kir ýuwýan maşynyňyzyň (sowadyjyňyzyň, telewizoryňyzyň we ş.m.) 2 sagatda harçlaýan elektrik energiýasyny hasaplaň”.

10) *Gyzykly meseler*. Bu hili meseleri çözmeklik sapagy janlandyrýar, okuwçylaryň fizika sapagyna bolan höwesini artdyrýar.



### ***1.1.3 Fiziki meseleleriň maksatlary***

Fizika sapagynda öwrenilýän her bir sorag, görkezilýän tejribe okuwçy üçin meseledir. Fiziki meseleleri gözmeçlik okuwçylaryň pikirleşiş we döredijilik ykybyny ösdürýän serişdeleriň iň möhümidir.

Fiziki meseleleri aşakdaky maksatlar üçin ulanylýarlar.

*1) Problemalaryň soraglary goýmak üçin.*

Meselem, “Ýylylyk geçijirijilik” diýlen tema geçilende şeýle problemalaryň soragy goýmak bolar: “Näme üçin otagdaky, metal predmetleri ellänimizde agaç predmetler bilen deňşdireniňizde sowuk ýaly duýulýar?”, ýa-da suwyklygyň gaýnamak temperaturasynyň basyşa baglylyk temasy öwrenilende şeýle problemalaryň soragy goýmak bolar: “Suwly gaby sowadyp suwy gaýnadyp bolarmy?”

*2) Okuwçylarda amaly endikleri formulirlmek üçin.*

Okuwçylar okuw materialyny gowy özleşdiren ýagdaýynda hem olar käwagtlar öz bilimlerini amalyýetde ulanyp bilmeýärler. Okuwçylara öz bilimleriniň amalyýetde ulanyp bilmeçlerini ýörite öwretmek gerek. Fiziki meseleleri çözmeklik bu maksada etmeçligiň effeçtiw serişdesidir.

Tejribäniň görkezişine görä dürli fiziki kesgitlemeleriň, düzgünleriň, kanunlaryň fiziki manylary okuwçylara bu kesgitlemeleri, düzgünleri, kanunlary mesele çözmekde ulananda düşünikli bolup galýar.

*3) Okuwçylaryň alan bilimleriniň derejesini barlamaklyk üçin.*

*4) Materialy gaýtalamaklyk, umumylaşdyrmak we berkitmek üçin.*

*5) Fizikanyň durmuş, tehnika we önümçilik bilen baglanyşygyny görkezmek üçin.*

Okuwçy mesele işlemek prosesinde çyzgylary, suratlary, grafikleri çysýar, hasaplamalary geçirýär,

maglumatnamalardan peýdalanýar, abzallary we gurallary ulanýar.

Mesele çörkezmekligiň uly terbeýeçilik ähmiýeti hem bardyr. Meseleleriň kömegi bilen okuwçylar täze progressiw ideýalar bilen, türkmen ylmyňyň we gazananlary bilen tanyşýarlar. Uly elektrostansiýalar, täze tehniki enjamlar baradaky maglumatlar uly ähmiýete eýedirler.

#### ***1.1.4 Fizikadan mesele çözmek prosesinde dersara baglanyşygy***

Ýaşayan dünýämiziň her bir pudagyny mekdepde aýry-aýry ders hökmünde öwredýärler. Olarda berilýän bilimler ulgamy jemlenip, okuwçylaryň aňynda dünýäniň gurluşy barada dünýägaraýyş kemala gelýär. Şoňa görä-de fizika okadylanda okuwçylaryň beýleki derslerden alan bilimlerine daýanmaklaryny yzygider ýola goýmak, häzirki zamanda esasy talaplaryň biridir.

Okuw dersleriniň özara baglanyşgyny ýola goýmak meselesi özbaşyna didaktik problema bolmak bilen, ol özüniň ösüş ýolunda gaty çalt depgin bilen uly öňe gidişlikler gazandy.

Okatmak nazaryetiniň ösmegi bilen dersara baglanyşygyň görnüşleri, ähmiýeti, ony ýola goýmagyň usullary, dersara baglanşyk arkaly berjaý edilýän wezipeler aýdyňlaşdyryldy. Okatmak nazaryetiniň ösüşiniň häzirki zaman derejesinde dersara baglanyşygyň *sinhron* hem-de *ideýa baglanyşygy* özara tapawutlandyrylýar.

*Sinhron baglanşykda* aýry-aýry okuw derslerindäki okuw materiallarynyň geçilýän wagty göz önünde tutylýar. Şonuň üçin bu baglanşyga wagt taýdan baglanşyk hem diýýärler. Mysal üçin, VIII synpda, deňtizlenýän hereketde

geçilen ýoly hasaplamagyň  $S = V_o + \frac{at^2}{2}$  deňlemesi

öwredilýär. Bu deňlemeden wagty tapmak gerek bolsa, matematikadan kwadrat deňlemäniň çözüş usullaryndan peýdalanmaly bolýar. Şonuň üçin hem VIII synpda deňtizlenýän hereketiň geçilýän wagtyna çenli matematika kursynda okuwçylara kwadrat deňleme öwredilmelidir. Şeýle ýagdaýlar okuw maksatnamalarynda göz önünde tutulýar.

*Ideýa baglanşygy* bir okuw dersinde öwredilýän düşüňjeleri, beýleki okuw dersine degişli mowzuklary öwretmekde ulanmagyň zerurdygyny göz önüne tutýar. Mysal üçin, fizikada materianyň madda hem meýdan görnüşleriniň bardygyny baradaky düşüňje öwredilýär. Okuwçylaryň bu bilimleri beýleki okuw derslerinde giňden peýdalanylýar. Himiýa kursunda giňişleýin öwredilýän maddalaryň içki gurluşy baradaky okuw maglumatlary beýleki okuw derslerinde peýdalanylýar.

Dersara baglanşygy yzygider ýola goýmak arkaly:

- 1) Okuwçylarda dünýäniň gurluşy baradaky düşüňjäniň kemala gelmegini gazanmak;
- 2) Politehniki bilim bermek düşüňjeleriniň amala aşyrylmagyny gazanmak;
- 3) Ylymlaryň baglanyşyk problemlary bilen okuwçylary tanyşdyrmak;
- 4) Okuwçylary hünär saýlamaga gönükdirmek ýaly wezipeleriň berjaý edilmegine mümkinçilik döreýär.

Bu wezipeleriň berjaý edilmegi hemme taraplaýyn ösen çuň we durnukly bilimli ýaşlary terbiýeläp ýetşdirmäge, okuwçylaryň nazaryýetde alan bilimlerini amalyýetde peýdalanmaga, olaryň jemgiýetçilik zähmet endiklerini ösdürmäge, okuwçylaryň aňynda älemiň bir bitewi fiziki suratynyň kemala gelmegini gazanmaga ýardam edýär.

Okatmak nazaryýetinde dersara baglanşygy ýola goýmagyň şu aşakdaky ýaly usullaryndan peýdalanmak maslahat berilýär:

- 1) täze mowzuk geçilende başga okuw derslerine degişli mysallara salgylanmak. Mysal üçin, bugarmak hadysasy öwredilende “Gök ekinleriň uly ýapragy suwy köp bugardýarmy ýa-da kiçi ýapragy?” diýen soragy orta atmak mümkin (biologiýa);
- 2) täze mowzuk geçilende şol mowzuga degişli käbir zatlar bilen okuwçylaryň ozaldan hem tanyşdygyny ýatlatmak. Mysal üçin, maddanyň agregat hallary öwredilende (fizikadan), okuwçylara himiýada öwrenen okuw maglumatlaryny gysgaça ýatlatmak maksada laýykdyr;
- 3) okuwçylara öňden başga derslerde tanyş bolan okuw-görkezme esbaplardan peýdalanmak;
- 4) fizika sapaklarynda okuwçylara ozaldan tanyş bolan usullardan peýdalanmak. Mysal üçin, okuwçylar matematikada koordinat usulyny öwrenýärler. Bu usuly fizika sapaklarynda hem peýdalanmagyň mümkinçiligi gaty köpdür;
- 5) dersara baglanyşkly bolan meseleleri çözmegi guramak.

Fizika tebigat baradaky ylymdyr. Şonuň üçin, bu okuw dersi tebigat bilimleriniň hemmesi bilen berk baglanyşyklydyr. Fizikany diňe tebigat baradaky okuw dersleri bilen däl-de, beýleki okuw dersleri bilen hem baglanyşdyryp okatmaklyk mümkindir. Okuw dersleriniň käbiri bilen baglanyşdyrmak fizikany mazmun taýdan baýlaşdyrýan bolsa, olaryň käbirleri okuwçylaryň fizikany öwrenmegini ýeňilleşdirýär, olarda fizika dersine bolan höwesini döredýär.

*Fizika dersiniň matematika bilen baglanyşygyna seredeliň.*

Matematikadan alan bilimlerini peýdalanman fiziki meseleleri üstünlikli çözüp bolmaz. Matematika bilen okuwçylar fizika okadylmazyndan has köp öň tanyş bolýarlar. Okuwçylaryň matematikadan alan bilimleri fiziki kanunlaryň,

ululyklaryň formulalaryny subut edip çykarmakda, meseleleri çözmekde, käbir hadysalary düşündirmekde, fiziki ululyklaryň funksional baglanyşygyny derňemekde, fiziki ululyklaryň belgisini girizmekde we ölçeglilikini, grafik baglanyşygy öwretmekde, fiziki ululyklaryň wektor häsiýetini aýdyňlaşdyrmakda, tejribe işlerini ýerine ýetirmekde giňden peýdalanylýar. Jemläp aýdanymyzda matematika fizikany okatmagyň esasy daýanjydyr. Matematikanyň fizikada azdäkände peýdalanylmaýan sapagy ýokdur.

Fizikanyň matematika bilen baglanyşygyny ýola goýmak barada söhbet açylanda, fizika mugallymynyň şu aşakdaky iki pursady göz önünde tutmagyň zerurdygyny bellemek gerek:

1) Mugallym matematikany diňe agzalan didaktik maksatlar üçin peýdalanmak bilen çäklenmän, eýsem matematiki öwürmeleriň fizika ylmynyň ösmegindäki ähmiýetini hem açyp görkezmegi zerurdyr. Mysal üçin, Güniň, Aýyň tutulmagynyň önünden aýdylmagy, Neptun planetasynyň hasaplamalar arkaly açylandygy ýaly faktlary ýeri gelende gyzykly gürrüň bermek maksada laýykdyr.

2) Fizika sapaklarynda käbir hadysalary düşündirmekde, fiziki kanunlar öwrenilende we ş.m. köp ýagdaýlarda matematika gös-göni daýanmaly bolýar.

Indi, *fizika dersiniň himiýa bilen baglanyşygyna* seredeliň.

Fizikany okatmagyň I başgançagynda (VI-VII synplarda) onuň himiýa bilen baglanyşygyny amala aşyrmagyň mümkinçiligi gaty köp däldir, sebäbi himiýa VII synpdan okadylyp başlanýar. Himiýada öwredilen okuw materiallary VIII synpdan başlap fizikany okatmakda giňden peýdalanylýar. Mysal üçin, VIII synpda "Tebigatdaky güýçler" diýen bölümdäki okuw materiallary geçilende, himiýadan maddalaryň içki gurluşy baradaky okuw maglumatlara daýanmak maksada laýykdyr. "Molekulýar kinetik nazariýetiniň esaslary" mowzугy

geçilende himiýa bölüminden maddanyň mukdarynyň birliги bolan mol barada, molekulýar we molýar massa, Awagadronyň sany we kanuny baradaky düşünelere giňişleýin daýanylýar. Buglar, suwuklyklar we gaty jisimleriň häsiýetleri barada okuw materiallary geçilende okuwçylaryň himiýadan ion, atom we kristallik gözenekler baradaky, "Dürli gurşawlarda elektrik togy" temasy öwredilende okuwçylaryň himiýa sapaklarynda öwrenen elektrolitler, aşgarlar, kowalent baglanşyk baradaky bilimleri göz önünde tutylýar.

*Fizika dersi biologiýa bilen hem baglanyşyklydyr.*

Fizikany biologiýa bilen baglanyşdyryp okatmak meselesi usulyýetde köpden bäri öňe sürülýär. Bu mesele biofizika, agrofizika, bionika ýaly özbaşdak ylmy pudaklaryň ýüze çykmagy bilen has-da ýitileşýär. Bu baglanyşygy ýola goýmakda fizika sapaklarynda ösümlik we haýwanat dünýäsinden, adamyň gurluşy bilen baglanyşykly bolan hadysalardan, mysallar getirmek, biologiýa degişli okuw-görkezme esbaplaryndan peýdalanmak ýaly usullardan peýdalanylýar. Käbir mysallara garap geçeliň.

Ösümligiň baldaklaryndaky kapillýar turbajyklarda suwuklygyň basyşy 100 atm. çenli ýetýär. Şonuň üçin hem ösümligiň näzijek baldajygy 10-sm-e ýakyn galyňlykdaky asfalty böwsüp çykýar. Şu fakty basyş we basyş güýji barada söhbet açylanda peýdalanmak we mesele çözmek amatlydyr. Reaktiv hereket öwredilende kalmer balygynyň agzyna alan suwuny çüwdürmek arkaly, onuň reaktiv güýjýniň hasabyna 50 m-e çenli uzynlygyna, 7-10 metre çenli hem belentligine böküp bilýänligini aýtmak we bu hadysa degişli mesele çözmek okuwçylarda uly gyzyklanma döredýär.

Yrgyldylar öwredilende awtoyrgyldynyň mysalynda adamyň ýüreginiň işleýşini, mehaniki rezonanas geçilende gulagyň sesi kabul edişini, sesiň tebigaty öwredilende adamyň kabul edip bilýän we bilmeýän sesleriň aýratynlygyny, ses spektriniň kabul edilişiniň hemme janly organizm üçin deň

däldigini mesele çözmek bilen düşündirmek maksada laýykdyr. Mysal üçin, meduza deňizde gaý turjagyny infrosesi kabul edýänligi üçin 10-12 sagat önünden bilýär. Elektrik togyna temasy geçilende hem ösümlüklerde we janly organizmlerdäki biotoklar barada elektrik togunyň medisnada ulanylyşy (elektrofarez, UWÇ, darsenwal, ultramelewşe söhledenme, statduş we ş.m.) barada ýeri gelende gürrüň bermek okuwçylarda aýratyn gyzyklanma döredýär.

"Geometrik optika" bölümünde gözüň, lupanyň we mikroskopyň gurluşy öwredilende biologiýadan okuwçylaryň alan bilimlerine daýanmak möhümdir. "Şöhledenme we spektrler" diýen bölümdäki okuw materiallary geçilende ultramelewşe we infrogyzyl şöhleleriň janly organizme edýän täsiri, rentgen şöhleleriniň ösümlüklerdeki we janly organizmdäki öýjükleriň üýtgemegine edýän täsiri (mutasiýa), "Atom we atom ýadrosy" bölümde ionlaşdyryjy radiasiýanyň adama täsiri barada meseleleri çözmek maksada laýykdyr.

*Fizika dersiniň geografiýa bilen baglanyşygyna seredeliň.*

Fizika okadylanda, onuň geografiýa bilen baglanyşygyny ýola goýmak boýunça biziň günlerimize çenli ep-esli tejribeler toplandy. Olaryň belli bir sistema salynmagy fizika sapaklarynda okuwçylaryň geografiýadan alan bilimlerini ulanmagyň mümkinçiliginiň köpdüğine göz ýetirmäge mümkinçilik berýär. Mysal üçin, V synpda okuwçylar Ýeriň hereketi, formasy, onuň atmosferasy, atmosfera basyşy, ýylylykdan giňelme, konweksiýa, tebigatda suwuň aýlawy ýaly möhüm hadysalary öwrenýärler. Okuwçylaryň şu bilimleri fizika okadylanda deňişli temalarda göz önüne tutulýar. Käbir mysallara garap geçeliň.

VI synpda temperatura barada söhbet açylanda, mekdebiň geografiýa meýdançasynada okuwçylaryň nähili jisimleriniň temperaturasyny ölçýändiglerini ýatlamak, mehaniki hereket barada aýdylanda Ýeriň hereketine

salgylanmak, agyrylyk güýji, agram öwredilende ýapjagazlarda, derýalarda suwuň akyşynyň sebäbini düşündirmek, agyrylyk güýjüniň geografik giňişlige baglydygyny öwretmek, sürtülme güýji geçilende kenara golaý akýan suwuň tizligi bilen derýanyň ortasyndaky suwuň tizliginiň deň däldegi ýaly anyk faktlary mysal getirmek mümkin. "Maddanyň gurluşy barada ilkinji maglumatlar", "Gidro - we aerostatika" atly temalarda okuwçylaryň temperatura, termometr, ýylylykdan giňelme barada öňden bilýän okuw materiallaryny ýatlatmak maksada laýykdyr.

VII synpda "Ýylylyk geçiriş we iş" diýen bölümlerdäki okuw materiallary geçilende tebigatdaky ýylylyk geçirilişine konweksiýany, ýylylyk geçirijiligi we şöhlenenmäni georafiki mazmunly mysallar arkaly öwretmek mümkin (aýazda kölleräki suwuň düýbüne çenli doňmaýsy, tebigatdaky konweksion akymalaryň mysallary). "Ýylylyk mukdary", "Jisiniň udel ýylylyk sygymy" diýen temalar geçilende Ýer şarynyň ýylylyk guşaklyklara bölünişiniň, deňiz ýakalarynda ýeliň ugrunyň gije-gündiziň dowamynda üýtgemeginiň (brizleriň bolmagynyň), gurak çägäniň güneşde aňsatlyk bilen ýylap, gijelerine sowamagynyň sebäplerini düşündirmek we ş.m. tebigat hadysalaryny mysallar getirmek we şulara degişli meseleleri çözmeklik bilen fizika sapaklarynda geografiýadan okuwçylaryň bilimlerine daýanmagy göwnejaý ýola goýmak mümkin. Fizika sapaklarynda geografik kartalardan peýdalanmagyň giň mümkinçilikleri bardyr.

*Fizika dersiniň astronomiýa bilen hem baglanyşygy bardyr.*

Astronomiýa kursunda okuwçylar teleskopyň gurluşy, Gün sistemasy, planetalaryň hereket kanunlary, spektral analiz, Güniň gurluşy, onuň energiýasy, Älemiň gurluşy bilen tanyşýarlar. Bu okuw materiallarynyň hemmesi gös-göni fizika bilen baglanyşykly materiallardyr. Köp fiziki meseleler



çözülende astronomiýa degişli maglumatlary peýdalanmaklyk zerur bolýar.

*Fizika dersiniň zähmet okuwy bilen baglanyşygyna seredeliň.*

Fizikany zähmet okuwy dersi bilen baglanyşdyrmagyň mümkinçiligi hem köpdür. Käbir mysala garap geçeliň. Kinematiki düşüňjeler öwredilende okuw ussahanasynda gözegçilik edilyän fiziki hadysalara salgylanmak (mekaniki hereketiň görnüşleri, çarhyň aýlanma tizligi, galtaşma boýunça hereket, çarhdan çykýan uçgun we ş.m.), mehanikanyň “Altyn düzgüni” öwredilende, energiýanyň saklanma kanunlary, jisimiň içki energiýalaryna degişli okuw materiallary öwredilende, ryçagyň, hyryň ulanylyşyny, işlenip bejerilende materiallaryň gyzyşyny, jisimleriň agregat hallarynyň üýtgemegine degişli materiallar öwredilende, seplemegi we kebşirlemegi zähmet okuwyndan mysallar getirmek arkaly öwretmek we okuw materialyny düşündirmek we degişli meseleleri çözmeklik sapagyň netijeli bolmagy üçin ähmiýetlidir.

Kinematiki ululyklar öwredilende okuwçylaryň ylgaw ýaryşlardaky tizliklerini, aralygyň geçiljek wagtyny, türgeniň tizligi hem-de geçmeli aralygy belli bolanda, onuň näçe wagtda geçip biljekdigi hasaplamak ýaly meseleleri çözmek bolar. Sürtülme güýji öwredilende lyžalaryň ýaglanylyşyny, ýaryşlarda geýilýän köwüşleriň aşagynda syh-syh bolup duran çüýleriň bolmagynyň sebäplerini, turnikden asylanda türgeniň öz eliniň aýasyna ýörite urpany çalyşyny, mehaniki iş we energiýa öwredilende türgeniň kanata çykandaky we ondan düşendäki edilen işiň ululygynyň aýratynlygyny, kanatdan sypdyrylanda türgeniň eliniň aýasynyň gyzyşy we ş.m. mysal getirmek, düşündirmek we mesele çözmek gyzykly bolýar. “Mehaniki yrgyldylar” diýen bölümdäki okuw materiallary öwredilende türgenleşik jaýlaryndaky ujuna agaç halka daňylan uzyn asmanyň yrgyldyly hereketine matematiki maýatnigiň

mysalynda garalmagyny ýola goýmak, onuň hereketiniň kinematikasyny we dinamikasyny öwrenmäge degişli meseleleri çözmek bolar.

*Fizika dersi okadylanda taryh dersi bilen hem baglanyşygy ýola goýmagyň mümkinçilikleri bardyr. Olaryň käbirine garap geçeliň.*

1) Fiziki nazaryýetleriň, açyşlaryň, prinsipleriň, postulatlaryň, kanunlaryň öňe sürülen we açylan wagtyňyň, täze fiziki abzallaryň gurnalan wagty haýsy-da bolsa belli bir taryhy sene, jemgiýetçilik formasiýasy bilen, ylmyň ösüşiniň häsiýetlendirilýän döwri bilen gabat gelýär. Fizika mugallymy öz sapaklarynda şeýle aýratynlyklara ähmiýet bermelidir. Mysal üçin, biziň eýýamyzdan 300 ýyla golaý wagt öň Ýewklid “Görüş şöhleler” nazaryýetini (optika) öňe sürýär. Orta asyrlarda göze geýdirilýän äýnek oýlanyp tapylyar (1285ý). XVI asyryň başlarynda Galileýiň göräliklik prinsipiniň, XX asyryň başlarynda Eýnşteýniň göräliklik nazaryýetiniň, Boruň pjsutlatlarynyň, Pauliniň prinsipleriniň öňe sürülmegi bilen fizikada ägirt uly öňe gidişlikler gazanyldy. Fiziki sapaklarynda taryhy senelere, jemgiýetçilik ösüşiniň, ylmyň ösüşiniň aýratynlyklaryny häsiýetlendirýän faktlara salgylanmak arkaly mesele çözmeklik sapagyň gyzykly geçmegini gazanmakda örän ähmiýetlidir.

2) Fizika boýunça fundamental işleriň bitirilmeginde taryhy şahsyýetiň (belli bir alymyň) roluny, onuň ylmy döredijilik ýoluny, ýaşap geçen jemgiýetçilik döwrüni we dünýägaraýşyny anyk delillere salgylanmak arkaly häsiýetlendirmek bilen täze temany geçmegi ýola goýmak hem fizikany taryh bilen baglanyşdyryp okatmaklyk hakyky mümkinçilikleriň biridir. Şu maksat bilen Torriçelli, Gerike, Paskal we Arhimed barada “Gidro we aerostatika” bölümindäki okuw materiallary öwredilende (VI synp) gürrüň bermek we degişli meseleleri çözmeklik gyzyklydyr.

3) Fizika sapaklarynda we synpdan daşary işlerde

taryhy mazmunly meseleleri çözmegi guramak fizikany taryh bilen baglanyşdyrmagyň ähmiýetli usullarynyň biridir. Şeýle meseleleri aýry-aýry ýygyndylardan toplamagy we olardan başarnykly peýdalanmagy fizika mugallymyň ýola goýmagy zerurdyr.

*Fizika dersiniň edebiyat dersi bilen baglanyşygynyň* ündelmeginiň geňräk ýaly bolubam görünmegi mümkin. Işine ezber fizika mugallymlary bu meselä köpden bäri ähmiýet berýärler. Fizika sapaklarynda we synpdan daşary işlerde edebi eserlerden we çeper sözlerden peýdalanmak meselesi fizikany okatmagyň usulýetinde köp gabat gelýär.

Fizikany edebiyat bilen baglanyşdyryp okatmagyň esasy wezipesi, sapagyň fiziki mazmunyny ylham aýgynlan çeper söz we poetik jümleler bilen baýlaşdyrmakdan ybaratdyr. Dersara baglanyşygynyň bu pudagyň ähmiýeti bolsa okuwçylara çuň we durnukly bilim, terbiýe bermek işiniň has-da netijeli bolýandygyndan ybaratdyr. Şunlukda, netijeliligiň gazanylmagynyň düýp sebäbi, ýagny netijeliligiň içki hereketlendiriji güýji – çeper sözüň güýjidir. Aýny wagtynda aýdylan çeper söz, bent, matal, nakyl ýaly poetik jümleler ündelýän okuw materialyna ýalkymly öwüşgin berýär. Bu öwüşgin sapagyň täsirliligini güýçlendirýär, okuwçylaryň ylhamyny oýaryp kalbyny joşdurýar. Netijede, okuw materialy oňat özleşdirilýär. Okuwçylarda fizika dersine bolan höwes barha ýokarlanýar.

Fizika okadylanda mekdepde öwrenilýän we goşmaça okadylan dürli žanrly çeper eserlerden peýdalanmak mümkin.

a) *Proza eserlerden peýdalanmak.* Bizniň ýazyjylarymyz fiziki hadysalary çeper we düşnükli dilde ýazyp beýan edýärler. Şeýle hadysalar öwredilende ýazyjynyň şol eserine salgylanmak bilen onuň çeper sözüni sapakda ulanmak okuwçylarda özboluşly gyzyklanma döredýär. Ýatladylan çeper eseri okamadyklar ony okamakçy bolýarlar, ony ozal okan

okuwçylar bolsa öz ýanyndan buýsanyp, fizikany hem üns berip okamagy ykjamlanyp ýüregine düwürler.

b) *Poeziýa eserlerden peýdalanmak.* Fizika sapaklarynda poeziýa eserlerden peýdalanmagyň hem giň mümkinçilikleri bardyr. Şahyrlarmyzyň eserleriniň mazmunyna ähmiýet bermek bilen olaryň käbir fiziki hadysany poetik dilde beýan etmegiň hötdesinden gelyändiklerine göz ýetirýärsiň. VI synpda “Arhimed güýji”, “Jisimleriň suwda ýüzmegi” diýen mowzuklar geçilende G.Ezizowyň “Serpaý” kitabyndan “Gadym goja Arhimed” goşgusyny peýdalanmak ähmiýetlidir. Fizika mugallymy şeýle mazmunly şygrylary jemläp, olary yzygider peýdalanmaga ýola goýmak üçin çalyşmalydyr.

c) *Tapmaçalardan peýdalanmak.* Tapmaçalarda, matallarda şol bir fiziki hadysa, ululyk ýa-da abzal gysgajyk hem-de gyzykly suratlandyrylýar. Çagalar bolsa mataly, tapmaçany gowy görýärler. Şonuň üçin hem öwredilýän okuw materialynyň käbir elementine degişli mataldyr-tapmaçany (meseläni) aýtmak bilen täze temany düşündirmäge başlamak okuwçylaryň ünsini jemlemäge, olary sapaga işjeň gatnaşdyrmaga ýardam edýär.

d) *Okuwçylaryň öz ýazan çeper eserlerinden peýdalanmak.* Fizika mugallymy edebiyat bilen içgin gyzyklanýan okuwçylara fiziki mazmunly hekaýadyr şygyr ýazmagy tabşyrýar. Olara tema berýär. Şeýdip edebiyat dersi bilen gyzyklanýan okuwçylary hem fizikany söýüjileriň hataryna çekýär. Olaryň düzen goşgudyr tapmaçalaryny, ýazan hekaýalaryny okaýar we düzetmäge kömekleşýär. Olaryň içinden has oňatларыny fizikada mesele çözmek sapaklarynda peýdalanýar. Bu bolsa fizika mugallymy tarapyndan geçirilýän okuw terbiýeçilik işleriniň iň bir ähmiýetlisidir.

Fizikany edebiyat dersi bilen baglanyşdyryp okatmaklyk ýola goýlanda peýdalanylýan edebi jümläniň mazmunynyň fiziki manysyna üns bermek zerurdyr.

### **1.1.5      Fiziki meseleleri çözmekde goýulýan umumy talaplar**

Meseleleri çözmekligiň usuly köp şertlere: onuň mazmunyna, okuwçylaryň taýýarlygyna, olaryň önünde goýulýan maksatlara we ş.m. baglydyr. Emma muňa seretmezden mesele çözmekde umumy talaplar hem goýulýar. Orta mekdebiň fizikasynda (VI-X synplarda) 170 gowrak formula bardyr. Taýýar formulany ulanyp gözlenilýän ululyk tapylyan meseleler, şeýle hem birnäçe formulalary ulanyp gözlenilýän ululyk tapylyan meseleler hem bardyr. Şoňa görä-de, fiziki meseleleriň sany hem ägirt uludyr.

Meseläni üstünlikli çözmek üçin aşakdaky esasy şertler ýerine ýetmelidir:

- 1) okuwçylar fiziki kanunlary bilmelidirler;
- 2) okuwçylar fiziki ulylyklara dogry düşünmelidirler;
- 3) fiziki ulylyklaryň ölçeg birlikleriniň bilmelidirler;
- 4) okuwçylaryň matematiki taýýarlygy bolmalydyr;
- 5) okuwçylaryň käbir görnüşe degişli meseleleri çözmekigiň ýörite usullaryny (algoritmelerini) bilmekligi zerurdyr.

### 1.1.6 Meseläni çözmekligiň etaplary

Fiziki meseleleri çözmeklik aşakdaky etaplardan ybaratdyr.

1) *Şerti okamaly we terminleriň we aňlatmalaryň manysyna düşünmeli.*

Meseläniň şertini mugallym ýa-da okuwçy gaty ses bilen okaýar, ýa-da okuwçylaryň özüleri kitapdan özbaşdak okaýarlar, ýa-da özülerine berilen kartoçkalardaky meseleler bilen tanyşýarlar, ekranda ýa-da kompýuteriň monitorynda okap bilerler. Mugallym labyzly berlenleri we tapmaly ulylyklary aýdýar. Başlangyç etaplarda okuwçylaryň birinden meseläniň şertini gaýtalap soramaklyk dogry hasap edilýar.

Öwrenilýan hadysany umumy suratlandyrmagy başarmaly. Haýsy ulylyklaryň möhümdigini ýa-da zerur dældigini tapawutlandyryp bilmeli. Meselem, mehanikanyň köp meselelerinde sürtelme, optikada ýuka linzalaryň galyňlygy hasaba alynmaýar.

2) *Berlen ululuklaryň gysga ýazgysyny ýazmaly.*

Değişli suratlary, çyzgylary, shemalary, grafikleri çyzmaly.

3) *Fiziki ulylyklaryň bahalaryny birlikleriň Halkara Sistemasynda aňlatmaly.* Fiziki ulylyklaryň ölçegi - fiziki ulylyklary häsiýetlendirýar. Fiziki ulylyklaryň atlary - fiziki ulylyklaryň birliklerini häsiýetlendirýar: m/s, sm/s, km/ sag – tizligiň dürli birlikleriniň atlary, tizligiň ölçeg birligi bolsa ähli hasaplaýyş ugamlarynda şol bir manyny berýar, ýagny  $LT^{-1}$ .

4) *Berlen meselede haýsy kanunlardan, formulalardan peýdalanmalydygyny kesgitlemeli.* Bu okuwçylarda uly kynçylyk döredýar.

5) *Meseläni umumy görnüşde çözmeli.* Meseläni umumy görnüşde çözmek wagt tygşytlýar.

6) *Alynan formulalara ululyklaryň san bahalaryny goýmaly.* Formulalara ulylyklaryň san bahalary goýulanda,

olary atlary bilen goýmaly. Bu ulylyklaryň ähli birlikleriniň bir sistemada alynandygyna gözegçilik etmäge mümkinçilik berýär.

7) *Hasaplamalary geçirmeli.* Hasaplamalary geçirmeklige köp wagt sarp edilýär. Bu bolsa okuwçylaryň matematikada alan bilimlerini amalyýetde ulanyp bilmeýändiklerini görkezýär.

Okuwçylara maglumatnamalar we mikrokalkulyator bilen işlemäni öwretmeli.

8) *Çözlüşi barlamaly we derňemeli.* Alynan netijäniň dogrulygyny we hakykata laýyklygyny barlamaly.

Umuman, fiziki meseleleri çözmeklik aşakdaky etaplardan ybarat bolýar:

- 1) *Başky etap (başlangyç etap)* - meseläniň şertini öwrenmek we onuň derňewi;
- 2) *Meýilleşdiriş etapy* - meseläniň çözlüşini meýilleşdirmek.
- 3) *Amala aşyryjy etap* - meseläni çözmekligi amala aşyrmak.
- 4) *Çözlüş barlamak we derňemek etapy.*

Fiziki meseleleri çözmekligiň etaplaryny has gysga görnüşde beýan etsek, ol aşakdakylardan ybarat bolar:

- 1) *Fiziki etap* - meseläni derňemek; çözlüşi gözlemek; deňemeler ulgamyny gözlemek;
- 2) *Matematiki etap* - meseläni umumy görnüşde çözmek we hasaplamalary geçirmek;
- 3) *Çözlüşi derňemek etapy.*

**IKINJI BAP. FIZIKADAN MESELELERIŇ ESASY  
GÖRNÜŞLERI WE  
OLARYŇ AÝRATYNLYKLARY**

***1.2.1 Fiziki meseleleri häsiýetlendirýän parametrler.  
Meseläniň şerti diňe teksti boýunça beýan  
edilýän fiziki meseleler***

Fizikanyň meseleleri aşakdaky parametrler bilen häsiýetlendirýärler: berlen we açyk parametrler; düşündiriji we çaklendiriji parametrler.

*Berlen parametrler* adatça meselede aýdylyňan ulgamyň başlangyç we ahyrky hallalaryny hasýetlendirýär. Meselem: “Göwrümi  $V$  deň bolup gaby, silindiriniň göwrümi  $V_0$  bolan porşenli nasos bilen howadan doldurýarlar. Porşeniň  $n$  hereketinden soň gapdaky howanyň basyşy nähili bolar? Gapda howanyň ilki başdaky basyşy daşky  $P_0$  basyşa deň.”

Sistemanyň başlangyç halynyň parametrleri:

$$P_0, V + V_0 \cdot n, T$$

Ahyrky halynyň parametrleri:

$$P_1, V, T$$

Mesele açyk parametrleri saklaýan bolsa, onda sistemanyň haly esasy haly ulanmaklyga gönükdirilen bolýar. Meselem, “Uitsonyň köpri shemasyny ulanyp, temperaturany ölçär ýaly abzal döredip bolarmy?” Talap ediş häsiýetine görä şeýle mesele konstruirleme (gurnama, ýygnama meselesi) meselesine degişli bolýar.

Meselede *çaklendiriji parametrler* fiziki kanunlaryň, prinsipleriň, düzgünleriň anyk ýagdaýlarda ulanyş çäklerini kesgitleýär. Meselem, ýer şertlerindäki käbir kanunlary agramsyzlyk ýagdaýynda ulanyp bolmaýar (suwuklygyň gabyň



düýbüne we diwarlaryna edýan basyşyny, gysyp çykaryjy gűýji kesgitlemek we ş.m).

*Dűşűndiriji parametrler* mesele çözüleninde haýsy ululyklary hasaba almagy dăldigini görkezýarler (howanyň garşylygyny hasaba almaly dăl, bloguň masassasyny nola deň hasap etmeli, ýeriň grawitasiýa meýdanyny bir jynsly hasap etmeli we.ş.m.).

Bu parametrleri ýűze çykarmak we hasaba almak fiziki meselăni çözmekligiň modelirlenme usulynyň başlangyjyny düzýăr. Ýagny, meselede beýan edilýän ýagdaýy derňemek ũçin onuň modeli doredilýăr.

Şu maksat bilen meselede getirilen obýektleri, hadysalary, prossesleri we ş.m. olaryň idiyallaşdyrylan (hyýalylaşdyrylan) modelleri bilen çalyşýarlar (material nokat, absolűt gaty jisim, ideal gaz, atomyň modeli we ş.m.).

### **1.2.2 Hil tekst meseleleri**

Beýan ediliş hăsiýetine göră fiziki meseleler tekst, eksprimental, grafiki meselelere bölűnýarler. Okuw prosesinde şerti diňe tekst boýunça beýan edilýän fiziki meseleler köp ulanylýar. Tekst meselelerinde meselăniň şerti söz bilen beýan edilýăr we şertde fiziki konstantalardan başga ähli maglumatlar berilýăr. Tekst meseleleri surat, çyzgy, shema, tablisa we ş.m. peýdalanyňp düzűlip bilinýar.

Fiziki hadysalaryň hăsiýetleri we derňew usullaryna baglylykda fizikadan teks meseleleri *hil* (logiki, mesele-soraglar) we *mukdar* (hasaplama) teksat meselelerine bölűnýarler.

*Hil tekst meseleleri* diýip gözlenilýän fiziki ululyklaryň arasyna hil bablanyşygy alynýan meselelere aýdylyăr. Hil meseleleri ýatdan, diňe bir kanuna, kesgitlema daýanylyp çözülyăr. Bu meselelr geçilen temany berkitmek äçin, tăze

düşünjeleri formulirmek, umumlaşdyrmak, berkitmek we barlamak üçin ulanmak bolar. Hil meselelerini özbaşdak işlere, fizikadan barlag işlerine we öý işlerine goşýarlar.

Hil tekst meseleleri çözmeklik:

- derse bolan gyzyklanmagy artdyrýar;
- okuwçylaryň logiki pikirlenmesinini ösdürýar;
- okuwçylara alan bilimlerini tebigatyň hadysalaryny düşündirmäge başarnyklaryny ösdürýar.

Hil tekst meseleleri aşakdaky görnüşde bolup bilýärler: ýönekeý hil tekst meseleleri we çylşyrymly hil tekst meseleleri.

- a) **Ýönekeý hil tekst meseleleri**- bir fiziki kanuna esaslanyp çözülýär.

**Meselem:** *1. Näme üçin adam büdründe öňe ýykylýar?*

*2. Geyimleri tozandan arassalamak üçin olary silkýärler. Näme üçin?*

*3. Paltany ýa-da pili saplamak üçin nähilli usullardan peýdalanýarlar?*

*Bu meseleler haýsy kanuna esaslanyp çözülýär ?*

Bu üç mesele inersiýa kanunyna esaslanyp çözülýär. Ýa-da:

*4. Haýsy usul bilen adam pola edýän basyşyny iki esse artdyryp biler?*

- b) **Çylşyrymly hil tekst meseleleri.**

Hil meseleleri çözülide pikir ýöretmäniň esasy görnüşini bolup induksiýa we deduksiýa hyzmat edýar. Mesele çözülide induksiýanyň ulanylmaklygy adamyň tebigaty öwrenmekde ýönekeýden çylşyrymla geçmek kanunalaýyklykdan ugur alýandygyny görkezýar.

**Mesele:** *“Suratda görkezilen trubalaryň häýşysyny Torriçelliniň tejribesini geçirmek üçin ulanmak bolar?”*

Bu meseläni çözüp, okuwçylar trubalaryň formasynyň, onuň diametriniň, gorizonta ýapgytlygynyň hiç hili zol oýlanmaýandygy düşünmekleri gerek. Torriçelleriniň

tejribesini geçirmek üçin atmosfera basyşynyň we käbir beýanýiklikdäki simap sütüniniň basyşynyň biri-birlerine deň bolmagynyň esasy şert bolup durýandygyna düşünmekleri gerekdir.

Mesele çözülen de deduksiýa usulynyň ulanylmaklygy teoriýalary, kanunlary, prinsipleri we ş.m. çuňňur bilmekligi talap edýar. Deduktiv pikir ýöretmede, her bir pikir ýöretme indiki pikir ýöretmäniň esasy bolup durýar. Meselem, “Aýnanyň üstünde simabyň ownuk damjalary ýerleşen. Tötänleýin galtaşmada olar birleşýarler we uly damja emele getirýarler. Bu hadysany düşündiriň.”

Meseläni çözmek üçin umumy prinsipden ugur alalyň. Sistema durnukly dňagramly ýagdaýda bolýar, haçanda ol nimal potensial energiýa eýe bolanda. Bu meselede damjanyň üst energiýasy minimal bolmalydyr. Damjalaryň üst energiýasy minimal bolýar, haçan-da olaryň üstleri minimal bolanda. Bir damjanyň üsti iki sany birleşen damjalaryň üstlerinden elmydama kiçidir. Diýmek, iki damjanyň birleşmegi bilen emele gelen bir damja kiçi üst energiýasyna eýe bolar we has durnukly bolar.

### ***1.2.3 Mukdar tekst meseleleri. Ýönekeý we kombinirlenen mukdar tekst meseleleri***

*Mukdar meseleleri* diýip fiziki mesele çözülen de fiziki ululyklaryň arasynda mukdar baglanyşygy alynýan meselelere aýdylýar. Meseläniň jogabyny almak üçin (formula ýa-da san görnüşinde) käbir matematiki operasiýalary ýerine ýetirmek zerur bolýar.

Bu meseleleriň başlangyç etapynda hil derňewi edilýar, soňra çözlüş prosessi san häşetnamasyny hasaplamak bilen (mukdar derňewi bilen) doldurylýar. Emma okatmaklyk prosesinde mukdar meseleleri çözülen de hil derňewi edilmän,

berlen ululyklary formula goýup meseläniň jogaby tapylýar. Şunlukda, matematiki operasiýalar meseläniň fiziki manysyny ýapyp, birinji oňe çykyarlar.

Psihologlaryň kesgitlemelerine görä fiziki meseleleri çözmeklik örän köp hasaplamalary amala aşyrmak bilen islenilýar. Bu ýagdaýlarda fiziki düşüňjeler ikinji orna geçýarlar. Bu kemçiligi aradan aýyrmak üçin fizikany öwretmek prosessinde (aýratynda VII\_VIII synplarda) ýatdan hasaplama gönükmelerini ýerine ýetirmek maksada laýykdyr. Bu meseleler çözülende hil derňewlerini geçirmelik talap edilýar we hasaplamalary okuwçylar ýatdan ýerine ýetirýarlar.

Şeýlelikde, mukdar meselelerini çözmeklik ýeterlik çuň we ählitaraplaýyn hil derňewini amala aşyrmak bilen amala aşyrylmalydyr. Mukdar meselelerini hil meselelerine garşylykly goýmak gerek däldir, sebäbi meseleleriň iki görnüşiniň hem esasynda kanunlaryň fiziki manylaryna düşünmeklik we olary amalyýetde ulanmaklyk ýatandyr.

Mukdar meselelerini çözmeklik fiziki nazaryýetlere, kanunlara, düşüňjelere çuň düşünmäge mümkinçilik berýar.

Fiziki meselä girizilen baglylyklaryň sanyna görä mukdar meseleleri *ýönekeý we kombinirlenen meselelere* bölünýarlar.

*Ýönekeý fiziki meseleler* çözülende çylşyrymly däl derňew we az sanly hasaplama edilýar. Şeýle meseleleri çözmek üçin bir, ýa-da iki formula ulanylýar.

Ýönekeý mukdar meseleleri çözmekligiň maksady.

-okuwçylara formulalary ýatlamaga kömek etmek üçin;

-formulalada berlen ululyklaryny bilşlerini berkitmek;

-käbir hemişelikleri bilmeklik üçin.

Ýönekeý mukdar meseleleri täze kanunalaýyklyklar öwrenilenden soň işlemeklik (uly bolmadyk mukdarda) maksada laýykdyr, şeýle hem öý işlerine goşmaklyk bolar.

Didaktiw maksatlary boýunçaýunça bu meseleler turgenleş meseleleridir.

Eger meselede fizikanyň dürli temalaryndan we bölümlerinden köp kanunalaýyklyklary ulanmaklyk talap edilýän bolsa, onda bu hili meselelere *kombinirlenen meseleler* diýilýär. Şeýle meseleler problemalaýyn ýagdaýlary, ýa-da täzeçiligiň elementlerini saklaýan bolmagy mümkin. Meselem: “Bir meňzeş ululukly sapaklardan asylan iki sany birmeňzeş zarýadlanan şarlary kerosinde ýerleşdirýarlar. Howada we kerosinde bu sapaklaryň gyşarma burçlary birmeňzeş bolar ýaly, bu şariklaryň ýasalan materialynyň dykyzlygy nähili bolmaly? Kerosiniň dielektrik syzyjylygy  $\epsilon$ , kerosiniň dykyzlygy  $\rho$  deň”.

Fizikadan kombinirlenen meseleleri okuwçylaryň bilimlerini çuňlaşdyrmak, fiziki hadysalaryň özara baglanyşygy baradaky düşüňjelerini giňeltmek üçin ulanylýarlar. Didaktik maksatlary boýunça şeýle meseleler öwrediji mazmuny bolan meselelere degişlidirler.

#### ***1.2.4 Grafiki we eksperimental meseleler***

Tekistli meselelerden başga-da, kinematikanyň kanunlary, gaz kanunlary, termodinamikanyň kanunlary öwrenilende we ş.m. *grafiki meseleler* giňden ulanylýar.

Fizikada *grafiki meseleler* diýip şertlerinde grafik saklanýan meselelere aýdylýar. Bu meselelerde adatça iki fiziki ululyklaryň arasynda grafiki baglylyk berilýär, ýa-da bu ululyklaryň arasyndaky baglylygy grafiki aňlatmaklyk talap edilýär. Şeýle hem, bu meseleler fiziki ululyklaryň arasyndaky grafiki baglylygy tablisada görnüşinde, ýa-da tablisada berlen ululyklary grafiki şekillendirmek görnüşinde hem bolup biler.

Şu aşakdaky grafiki meseleleriniň görnüşleri bar:

1. Şertlerinde iki fiziki ulylyklaryň arasyndaky grafiki baglanyşyk berlen meseleler ýa-da olaryň arasyndaky baglylygy grafiki aňlatmaklyk talap edilýän meseleler.

2. Fiziki prosessleri grafiki beýanýan edilýän meseleler.

3. Grafiki usul bilen ulylyklaryň arasyndaky baglylygy tablisa görnüşinde ýa-da tersine bolan meseleler.

*Eksperimental meseleler* diýip baglanyşyklary almak üçin tejribe ulanylýan ýa-da nazary çaklama tejribe bilen barlanylýan meselelere aýdylýar.

*Eksperimental meseleler hil we mukdar meselelerine bölünýärler.*

*Hil eksperimental meselelerini* çözmek üçin san bahalaryny almak we matematiki hasaplamalary geçirmek gerek däl. Bu meselelerde köplenç okuwçylar ilki başda öz pikirlerini aýdýarlar, soňra ony tejribede barlap görýärler. Meselem: Dinometrden aşylan suwdan doldurýarlar bedräniň içine agaz bölegini goýsak dinamometriň görkezmesi üýtgarmi?

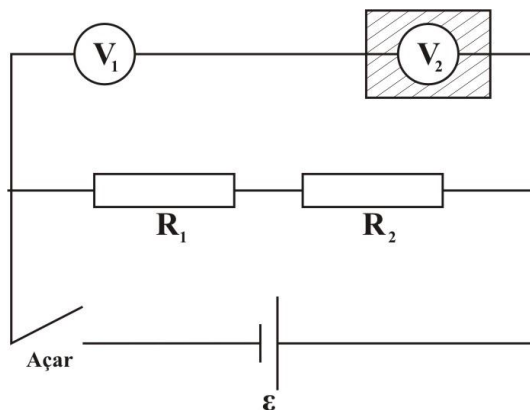
Emma köp ýagdaýlarda, okuwçylara ilki tejribe görkezmeli, soňra okuwçylardan bu tejribäni düşündirmekligi talap etmeli, meselem: “Näme üçin kartoşka suwda çümýar, emma nahar duzunyň garyndysynda ýüzýar?” Bu meselelere mesele-demonstrasiýa hem diýilýar.

*Mukdar eksperimental meselelerini* çözmeklik san bahalaryny almaklyk we matematiki hasaplamalary geçirmekligi talap edýar. Bu ulylyklar ölçeg geçirmekligi, şeýle hem fiziki ulylyklaryň tablisa bahalaryny ulanmak, abzallaryň pasport bahalaryny ulanmak bilen alynýar. Meselem: “Mis geçirijiniň garşylygyny hasaplamaly. (Abzallar-geçiriji, lineýka, mikrometr).

Ýa-da, ýene-de bir eksperimental meselä seredeliň.

**Mesele:** *Suratda görkezilen shemany ýygnamalay.  $R_1$ ,  $R_2$  garşylyklaryň toplумы, şkalasy ýapyk woltmetriň görkezmesini kesgittläň.*

Çözüşi: Shemany derňläliň.  $R_1$  we  $R_2$  yzygider birikdirilen  $V_1$  woltmetriň we  $R_1$  we  $R_2$  garşylyklaryň



bahalaryny ýazýarys. Garşylyklar yzygider berikdirilende bu garşylyklyklardaky naprýaženiýanyň peselmesi, bu garşylyklara göňi proporsionaldyrlar, onda

$$\frac{U_1}{U_2} = \frac{R_1}{R_2}; \Rightarrow U_2 = U_1 \frac{R_1}{R_2}$$

$U_1, R_1, R_2$  - bahalaryny goýup  $U_2$ -niň bahasyny tapýarlar. Ondan soň mugallym  $V_2$  moltemetri açýar we okuwçylar meseläniň çözüşini woltmetriň görkezmesi bilen deňeşdirýarlar.

## ÜÇÜNCÜ BAP. FİZİKİ MESELELERİ ÇÖZMEKLİĞİN USULLARY WE ÝOLLARY

### 1.3.1 *Fiziki meseleleri çözmekligiň algebraik usuly*

Ýokarda belleýşimiz ýaly, hasaplama meseleleri diýip çözüşi hasaplamalaryň we matematiki operasiýalaryň kömegi bilen alynýan meselelere aýdylýar. Bu meseleleri dürli usullar bilen çözmek bolýar.

Häzirki wagtda mekdepte fizikadan mesele çözülide kordinata - wektor usulyndan peýdalanýarlar. Bu usuly köplenç mehanikadan, gar kanunlaryna degişli meselelerde we kombinirlenen meselelerde ulanýarlar. Bu usulda ilki wektor deňlemeler ýarylýar, soňra bu deňlemelerikoordinata oklaryna prosesslerýektirläpolaryň skalýar görnüşdäki deňlemeleri ýarylýar.

Meseleleri algebraik, geometrik, trigonometrik we grafik usullar bilen çözmek bolar.

Mesele *algebraik usul* bilen çözülide taýýar formulalar ulanylýar, algebraik deňlemeleri düzýärler we çözüärler.

Algebraik usul bilen mesele çözmekligi iň ýönekeý usuly - taýýar formuladan peýdalanyp mesele çömek. Çylşyrymly meselelerde mesele çözmek üçin birnäçe formulalar ýa-da deňlemeler sistemasyny ulanýarlar.

Ýönekeý meseläni algebraik usul bilen çözelň.

**Mesele:** *Uzynlygy 1 km, kesigi 10 mm<sup>2</sup> bolan mis simiň garşylygyny kesgitlemeli.*



Berlen:

$$\rho_{mis} = 0,0170m \cdot mm^2/m$$

$$l = 1000m$$

$$\underline{S = 10mm^2}$$

$$R = ?$$

Mis simiň garşylygyny hasaplamak üçin formulany ýazalyň:

$$R = \rho \frac{l}{S}$$

$$R = 0,0170m \cdot mm \cdot \frac{1000m}{10mm^2} = 1,70m$$

Mesele çözüleninde şu aşakdaky pikir ýöretme edilyär:

$$1m - 1mm^2 - 0,0170m$$

$$1000m - 1mm^2 - 0,0170m \cdot 1000 = 170m$$

$$100m - 10mm^2 - \frac{17}{10}Om = 1,7Om$$

### 1.3.2 Fiziki meseleleri çözmekligiň geometrik usuly

Köp fiziki meseleler çözülende, meselem statikada, geometriki optikada, elektrostatikada geometriýanyň kanunlary ulanylýar. Bu fiziki meseleleri çözmek üçin geometrik usuldan peýdalanýarlar.

**Mesele:**  $\ell = 10m$  uzynlykly simiň uçlaryny bir derejede ýerleşýän iki sany daýanja daňyp onuň ortasyna massasy  $10kg$  bolan çyra asdylar. Şunlukda sim  $h = 0,5m$  aşak düşdi. Simiň dartylma güýjüni kesgitlemeli.

Berlen:

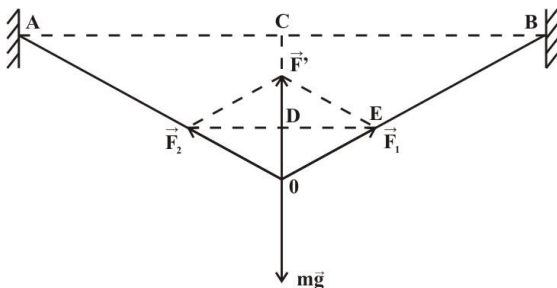
$$\ell = 10m$$

$$OB = \frac{\ell}{2} = 5m$$

$$m = 10kg$$

$$OC = h = 0,5m$$

$$F_1 = F_2 = ?$$



$\vec{F}_1, \vec{F}_2$  - simiň dartylş güýji.  $F_1 F_2$  güýçleriň modullary deň (simmetrikligine görä). O nokady deňagramlykda bolýanlygyna görä,  $\vec{F}_1$  we  $\vec{F}_2$  güýçleriň deň täsir edijisi bolan  $\vec{F}_1$  güýç moduly boýunça  $\vec{mg}$  agyrlık güýjüne deňdir. ODE we OCB üçburçlyklaryň meňzeşliklerine görä.

$$\frac{OD}{OE} = \frac{OC}{OB},$$

ýa-da

$$\frac{F'}{2F_1} = \frac{h}{l/2}.$$

Onda simiň dartylma güýji:

$$F_1 = \frac{F_1 l}{4h} = \frac{mgl}{4h} = \frac{10kg \cdot 10m/s^2 \cdot 10m}{4 \cdot 0,5m} = 500N$$

### 1.3.3 Fiziki meseleleri analitik we sintetik usullar bilen çözmek

Hasaplama meseleleri çözüleninde analitik we sintetik usuldan peýdalanýarlar.

*Analitik usulda* gözlenilýän ululygy beýleki ululyklaryň üsti bilen aňladýan aňlatmany ýazmak bilen meseläni çözüp başlaýarlar we fiziki formulalary yzygider ulanyp, näbelli ululygy tapýarlar. *Sintetik usulda* ilki berlen ululyklary baglanyşdyrýan formulalar ýazylyar. Soňra degişli gatnaşyklary ýazyp käbir aňlatma alýarlar we ondan näbelli ululygy tapýarlar.

Okuwçylar köplenç sintetik usul bilen mesele çözyärler. Dürli hili baglanyşyklary ýazýarlar we olardan gözlenilýän ululygy tapýarlar.

Sintetik usul has ýönekeý usul, ýöne gysga däl. Analitik usul kyn, emma ol çalt netäjä getirýär. Ýokary synplarda analitik usuldan peýdalanmak amatly, sebäbi ol logiki pikirlenmäni ösdürýär.

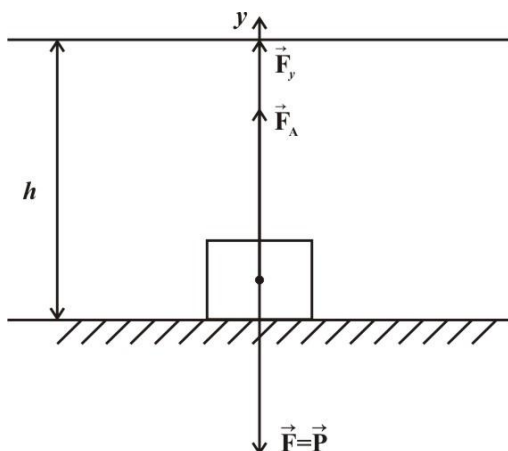
**Mesele:** *Çuňlugy  $h$  bolan suw howdanynyň düýbünde ýatan göwrümi  $V$  bolan granit daşy suwdan çykarmak üçin näçe iş etmeli?*

Berlen:

$h; V, S_{\text{granit}}$

$A = ?$

Çözüşi:



Meseläni analitik we sintetik usullar bilen çözeliliň.

***Meseläniň analitik usul bilen çözlüşi.***

Mesele analitik usu bilen çözüleninde, çözlüşi meseläniň soragyndan başlamaly, ýagny mehaniki işiniň formulasyny ýazalyň:

$$A = F \cdot S \cdot \cos \alpha$$

biziň şertimizde  $\cos \alpha = 1$ , onda:

$$A = F \cdot S$$

$F$  - jisimi suwdan deňölçegli götermek üçin zerur bolan güýç, bu güýç  $F = F_{\text{mayysgak}} = F_y$  - trosuň maýyşgaklyk güýjüne deň.

$$S = h$$

$F_y$  güýji tapmak üçin çyzgyda granit daşa täsir edýän ähli güýçleri görkezeliň. Dinamikanyň ikinji kanunyny wektor görnüşinde ýazalyň:

$$\vec{F}_y + \vec{F}_A + \vec{P} = m\vec{a}$$

$F_A$  – Arhimed güýji.  $\vec{a} = 0$  (deňölçegli hereket).

Bu güýçleri OY okuň ugruna proyektirläliň:

$$F_y + F_A - P = 0; \quad F_y = P - F_A$$

$$P = mg = \rho_{\text{granit}} \cdot gV;$$

$$F_A = \rho_{\text{suw}} \cdot gV;$$

Onda: 
$$F_y = gV(\rho_{\text{granit}} - \rho_{\text{suw}});$$

$$A = (\rho_{\text{granit}} - \rho_{\text{suw}}) gVh$$

### ***Meseläniň sintetik usul bilen çözlüşi.***

Ýokary meseläni sintetik usul bilen çözelň. Meseläniň çözlüşi meseläniň soragyndan başlanman, meseläniň jogaby üçin zerur bolan ähli ulylyklary yzygiderlikde ýazýarlar. Ilki bilen granit daşa täsir edýän agyrlık güýjüni kesgitleýärler:

$$P = mg = \rho_{\text{granit}} \cdot gV$$

Jisimiň suwda ýerleşýänligi üçin Arhimed güýjüni kesgitleýärler:

$$F_A = \rho_A \cdot gV$$

Ähli güýçleri wertikal OY oka proyektirläp, alarys:

$$P = F_y + F_A; \quad F_y = P - F_A = gV(\rho_{\text{granit}} - \rho_{\text{suw}})$$

$F_y$ - kesgitläp onuň bahasyny işiň formulasynda goýalyň:

$$A = F_y \cdot S \cos \alpha$$

ýa-da 
$$A = F_y \cdot h = (\rho_{\text{granit}} - \rho) gVh$$

Biz meseläni sintetik usul bilen işläp, ýene-de analitik usuldaky netijäni aldyk.

***Bu usullaryň aýratynlyklary, artykmaçlygy we kemçilikleri:***

1) Analitik usul has amatly, ahyrky maksada çalt ýetip bolýar. Meseleleri şeýle usul bilen çözmeklik berk logiki yzygiderligi talap edýär we okuwçylaryň logiki pikirlenmesini

ösdürýar. Şol bir wagtda bu usul kyn hasaplanýar we köplenç kombinirlenen meseleleri çömek üçin ulanylýar. Analitik usul has maksada okgunly.

2) Sintetik usulda köp artykmaç operasiýalar edilýar. Ýöne bu usul ýönekeý, okuwçylar köplenç bu usul bilen mesele çözüýler. Bu usul köplenç kyn bolmadyk meseleler çözülide ulanylýar.

Meseleleriň çözüşlerini bu iki usula bölmeklik şertleýindir. Bu usullar biri-biri bilen aýrylmaz baglanyşyklydyrlar. Olary aýry-aýry usullara bölmeklik nädogrydyr.

#### ***1.3.4 Meseläniň şertini ýzmaklygyň usullary we olaryň aýratynlyklary***

Ähli görmüşli meseleleriň şertleri adaty, anyk ýa-da göze görünmeýän

(gizlin) maglumatlary saklaýar. Gizlin ululyklara tablisa ululyklary, käbir fiziki hemişelikler degişli bolýarlar. Bu ululyklar barada meseläniň şertinde hiç zat aýdylmaýar, ýöne olary anyklamaly we meseläniň şertiniň berlenleriniň gysa ýazgysyna ýazmaly. Fizikany öwretmek amalyýetinde meseläniň şertini ýzmaklygyň bir näçe usullaryndan peýdalanýarlar. Meseläniň şertini ýzmaklygyň esasy usullaryny we olaryň aýratynlyklaryny görkezeliň.

**Mesele:** *-10<sup>0</sup>C temperaturynda alynan 5 kg buzy eretmek üçin näçe energiýa sarp etmeli?*

### *I-usul*

*Berlen :*

$$m = 5\text{ kg}$$

$$t_1 = -10^\circ \text{ C}$$

$$C = 2100 = J / \text{ kg} \cdot K$$

$$t_2 = 0^\circ \text{ C}$$

$$\lambda = 3,4 \cdot 10^5 J / \text{ kg}$$

$$Q = ?$$

Bu meseläniň sertini ýzmaklygyň has giň ýaýran usulydyr. Meseläni okuwçy özbaşdak çözendä, häsiýetlendirýärisy hemişelik ulylyklary şerte ýazmalydygyny we nirä ýazmalydygyny bilmeýärler. Berlenleri göz önüne getirmekde kynçylyk döredýär.

### *II-usul*

*Berlen :*

*Buz*

$$m = 5\text{ kg}$$

$$t_1 = -10^\circ \text{ C}$$

$$Q = ?$$

$$C = 2100 J / \text{ kg} \cdot K$$

$$t_2 = 0^\circ \text{ C}$$

$$\lambda = 3,4 \cdot 10^5 J / \text{ kg}$$

Bu usulda berlen ulylyklar ýazylanda meselede agraýan jisim, ýa-da hadysa görkezilýär. Hemişelik ulylyklar bolsa tapylmaly ulylygyň aşagynda ýa-da berlen ulylyklardan 1-2 setir aşakda ýazylyar. Şertiň şeýle ýazylyşynda meseläniň mazmunyny göz önünde getirmekde ýeňillik döredýär.

### *III - usul*

*Berlen :*

*Buz*

$Q = ?$

$m = 5\text{ kg}$

$t_1 = -10^\circ\text{C}$

$C = 2100\text{ J / kg} \cdot \text{K}$

$t_2 = 0^\circ\text{C}$

$\lambda = 3,4 \cdot 10^5\text{ J / kg}$

Bu usulda meseläniň soragy görünmän galýar.

### *IV-usul*

*Berlen :*

$Q = ?$

*Buz*

$m = 5\text{ kg}$

$t_1 = -10^\circ\text{C}$

$C = 2100\text{ J / kg} \cdot \text{K}$

$t_2 = 0^\circ\text{C}$

$\lambda = 3,4 \cdot 10^5\text{ J / kg}$

Şerti ýazmak gözlenilýän ulylygy ýazmakdan başlanýar. Şeýle ýarylyş okuwçynyň ünüsini näbelli ulylygy tapmaga gönükdirýär. Usulyýet taýdan bu usul gowdy.

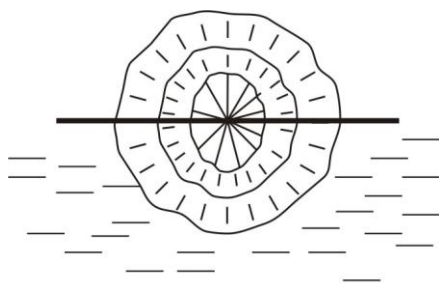
Şeýle hem aşakdaky usul hem ulanylýar: tablisa bahalar we fiziki hemişelikler şerte ýazylyman, mesele işlenilýän döwründe, bu ulylyklaryň ulanylýan ýerlerinde ýazylyar.



### 1.3.5 Mesele işlenilende suratlary, çyzgylary we shemalary ulanmak

Suratlar, çyzgylar we shemalar meseläniň fiziki manysyny açyp görkezmekde ulanylýar. Suratyň kömegi bilen meseläniň şertini düzmek bolar.

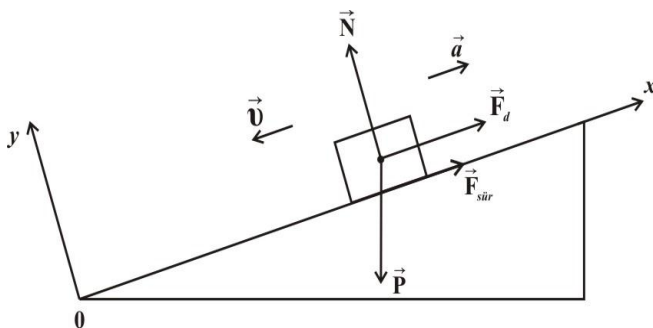
**Mesele:** *Suwda ağaç bölegi ýüzýar. Suratyň kömegi bilen agajyň dykzlygyny kesgitläň.*



Surat meseläniň  
gizlin ulylyklaryny  
kesgitlemäge kömek edýär.

Çyzgy meseläniň çözüşini derňemekligi we ony çözmekligi ýeňilleşdirýär.

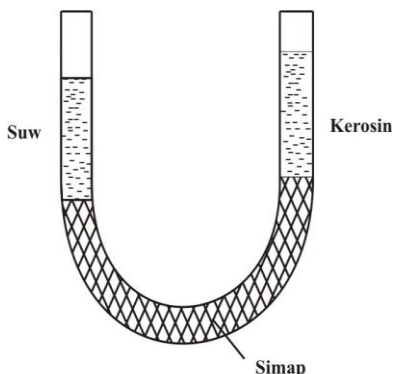
**Mesele:** *Ýapgyt tekizlik boýunça, ýüpüň kömegi bilen  $m$  massaly ýük deň häýallanyp aşak gaýdýar. Eger tizlenme  $a$ , sürtelme koeffisiýenti  $\mu$  bolsa ýüpüň dartylma güýjünü kesgitlemeli.*



Meseläni çözmek üçin jisime täsir edýän ähli güýçleri şekillendirmeli, olaryň koordinata oklaryna bolan proyeksiýalaryny tapmaly, deňlemeler sistemasyny düzmeli.

Suraty meseläniň jogabyňy suratlandyrmak üçin hem ulanmak bolar.

**Mesele:** *U görnüşli trubada simap ýerleşen. Çep trubka suw, sag trubka - kerosin guýdular. Eger suwuň we kerosiniň göwrümleri deň bolsa olaryň derejeleri nähilli ýerleşer?*



Mesele çözülide montaž shemalar, elektrik zynjyrlar, dürli abzallaryň we desgalaryň shemalary ulanylýar. Şolaryň esasynda hasaplamalar etmek bolýar. Bu okuwçylara elektrik zynjyrlary we abzallary bilen işlemek endiklerini almaga kömek edýar.

### 1.3.6 Fiziki meseleleriň çözlüşleriniň ýazylyş usullary

Fiziki meseleleriň çözlüşleriniň şu aşakdaky ýazylyş usullary bar:

1. Meseläni umumy görnüşde çözyärlər, soňra ahyrky formulada hasaplamlary geçirýäreler.
2. Aralyk ulylyklaryň formulasy alynýar we soňra hasaplama geçirilýar.
3. Çözüşi formulada ýazyärlar, soňra bu formulalaryň her haýsysyna ulylyklaryň bahalaryny goýup, hasaplamlary geçirýarlar.

Umuman, fizikada meseleleriň çözlüşleriniň ýazylyşy birinji usul bilen edilýar.

Meseleleriň çözlüşleriniň düşündiriliş derejesi boýunça aşakdaky usullary ulanýarlar.

#### 1) Meseleleriň çözlüşleriniň formulalar we hasaplamlar görnüşinde ýazylyşy.

**Mesele:** Elektrik wannada napreženiýa 0,4 B bolsa 1 t baly gaytadan işlemek üçin näçe energiýa sarp etmeli?

Berlen :	Çözülişi:
$m = 1000\text{kg}$	$A = IUt$
$U = 0,4\text{V}$	$m = KIt$
$A = ?$	$It = \frac{m}{K}$
$K = 0,33 \cdot 10^{-6} \frac{\text{kg}}{\text{Kl}}$	$A = \frac{m}{K} U$

$$A = \frac{1000 \cdot 0,4}{0,33 \cdot 10^{-6}} = 1,2 \cdot 10^9 (Wt \cdot S)$$

$$A = \frac{1,2 \cdot 10^9}{10^3 \cdot 3600} = 330 (kWt \cdot sag)$$

$$[A] = \frac{kg \cdot W \cdot Kl}{kg} = W \cdot Kl = W \cdot A \cdot S = Wt \cdot S$$

Şeýle ýazylyşda az wagt harçlanýär, çözüşi ýatdan düşündirilýär.

**2) Meseläniň çözlüşini meýilnama düzüp beýan etmek.**

**Mesele: İçinde 2 kg suwy bolan, massasy 400 gr alýuminiý çäýnegi, p.t.k. 50% bolan gaz plitasyna goýdular. Eger suw 8 min. soň gaýnan bolsa plitanyň kuwwatyny tapmaly.**

*Çözülişi:*

1)Çäýnegi gyzdyrmak üçin zerur bolan ýylyk mukdaryny tapmaly:

$$Q_1 = C_1 m_1 (t_2 - t_1)$$

2)Suwy gaýnatmak üçin zerur bolan ýylylyk mukdaryny kesgitleliň:

$$Q_2 = C_2 m_2 (t_2 - t_1)$$

*Berlen :*

*Gaz plitasy*

$$m_1 = 0,4 \text{ kg}$$

$$m_2 = 2 \text{ kg}$$

$$t_1 = 20^\circ \text{ C}$$

$$t_2 = 100^\circ \text{ C}$$

$$\eta = 0,5$$

$$\tau = 480 \text{ s. (8 min.)}$$

$$N = ?$$

$$C = 0,88 \cdot 10^3 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$$

$$N = ?$$

3) Peýdaly ýylylyk mukdaryny, ýagny suwy we çäýnegi gyzdyrmaga sarp edilen ýylyk mukdary:

$$Q = Q_1 + Q_2 \quad \text{ýa-da} \quad Q_{\text{pey}} = (C_1 m_1 + C_2 m_2)(t_2 - t_1)$$

4) Suw gyzdyrylan wagtynda plitadan bölünip çykýan doly ýylylyk mukdaryny kesgitleliň. Munuň üçin p.t.k. formulasyndan peýdalanalyň:

$$\eta = \frac{Q_{\text{pey}}}{Q} \Rightarrow Q = \frac{Q_{\text{pey}}}{\eta}$$

5) Plitanyň kuwwatyny, ýagny 1s dowamynda bölünip çykýan ýylylyk mukdary:

$$N = \frac{Q}{\tau} \quad \text{ýa-da} \quad N = \frac{(C_1 m_1 + C_2 m_2)(t_2 - t_1)}{\eta \tau}$$

6)Hasaplama:

$$N = \frac{(0,88 \cdot 10^3 \cdot 0,4 + 4,2 \cdot 10^3 \cdot 2) \cdot 80}{0,5 \cdot 480} = 2,9(kWt)$$

7) Meseläniň çözlüşi, ahyrky formulada ulylyklaryň ölçeg birliklerini goýup barlap bolar:

$$[N] = \frac{J \cdot kg \cdot ^\circ C}{kg \cdot K \cdot s} = \frac{J}{s} = Wt$$

Kuwwat watda (W) aňladylýar, jogap dogry. Şeýle ýazgyda okuwçy çözlüşi yzygiderli düşündirýar, emma şeýle çözlüş köp wagt talap edýar.

3) *Meseläniň çözlüşini gysgaça düşündirmek bilen beýan etmek.*

**Mesele:** *Orta çuňlugy 10 m we üstüniň meydany 20 km<sup>2</sup> bolan köle massasy 0,01 gr bolan nahar duzunyň kristalyny zyňdylar. Eger duz eräp kölüň suwunyň ähli göwrümine deňölçeği ýaýrapdyr diýlip hasap edilse, kölüň suwundan alynan, göwrümi 2 sm<sup>3</sup> bolan bir oýmak suwda bu duzuň näçe molekulasy bolar?*

*Berlen :*

*Nahar duzy*

$$h = 10m$$

$$S = 20 \cdot 10^6 m^2$$

$$m = 0,01 \cdot 10^{-3} kg$$

$$V = 2 \cdot 10^{-6} m^3$$

$$n = ?$$

$$M = 58 \cdot 10^{-3} \frac{kg}{mol}$$

$$N_A = 6 \cdot 10^{23} mol^{-1}$$

*Çözülişi:*

Köldäki suwuň göwrümi

$$V_1 = S \cdot h$$

Kristaldaky we suwa zyňyldandan soň, köldäki duzuň molekulalarynyň sany:

$$N = \frac{m}{M} N_A$$

1m<sup>3</sup> suwdaky duzuň molekulalarynyň sany:

$$n_0 = \frac{N}{V_1} = \frac{mN_A}{MSh}$$

Bir oýmak suwdaky duzuň molekulalarynyň sany:

$$n = n_0 V = \frac{mN_A}{MSh}$$

$$n = \frac{0,01 \cdot 10^{-3} \cdot 6 \cdot 10^{23} \cdot 2 \cdot 10^{-6}}{58 \cdot 10^{-6} \cdot 20 \cdot 10^6 \cdot 10} \approx 10^6$$

Bu usul fizikany okatmaklyk prosessinde köp ulanylýar.

## **DÖRDÜNJI BAP. FIZIKADAN DÖREDIJILIK MESELELERI**

### ***1.4.1 Döredijilik meseleleriniň görnüşleri we maksady***

Döredijilik meseleleri diýip çözlüşleriniň algoritmi näbelli bolan meselelere aýdylýar. Döredilik meseleleri okuwçylara alan bilimlerini täze, üýtgän şertlerde ulanmaklygy talap edýar. Şunlukda, okuwça meseläni çözmekligiň usuly näbelli bolup galýan ýagdaý döreýär we onuň tejribesi mesäni çözmek üçin häýsyda bolsa taýýar shemany ulanmaklyga ýetmeýar.

Döredijilik meselesini çözmek üçin ilki bilen çözlüşiň usulyny tapmak zerurdyr (bu iň esasy zatdyr). Bu meseleleriň şertleri meseläni çözmek üçin häýsy bilimleri ulanmalydygyny duýdurmaýar. Okuwçynyň etmeli işi, ol hem, meseläni çözmek üçin zerur kanunlary ulanmakdyr.

Döredijilik meseleleri adatça tebigatyň häýsy bolsada bir hadysasyny, tehnikanyň, abzalaryň işleyşini, täze gurluşy döretmekligi, hadysanyň modelini gurmak ýa-da täze hadysany we ş.m. düşündirmekligi talap edýärler.

Döredijilik prosesiniň esasy nýşany onuň täzeligidir. Fizikadan döredijilik meseleleri bu nýşana eýedirler, emma olaryň täzeligi subýektiv häsiýete eýedir - bu täzelik diňe okuwçy üçindir.

Fizikadan döredijilik meselelerini şertli ikä bölmek bolar:

1. Barlag görnüşli döredijilik meseleleri (“näme üçin” diýen soraga jogap talap edýän);



2. Konstruktor döredijilik meseleleri (“nähili etmeli” diýen soraga jogap talap edýän)

Şeýle bölmeklik ylymda döredijiligiň iki görnüşiniň – açyşlaryň we oýlap tapyşlaryň – bardygyny görkezýär.

Barlag görnüşli döredijilik meselelerine bahalandyryş meseleleri degişlidirler. Bu meseleler gözlenilýän ulylyklaryň derejelerini bahalandyrmagy talap edýärler.

Fiziki ulylyklaryň bahalaryny bahalandyrmak nazary we eksperimental ylmy barlaglarda giňden ulanylýar (nazary problemalar işlenip - düzülen, tejribeleri goýmakda, onuň netijelerini ara-aýp maslahatlaşmakda we ş.m.).

Bahalandyryş meselelerine **mysallar:**

- 1) ***Türgeniniň granaty ylgap gelşine zyňanda nähilli düş aralyga zyňyp biljekdigini bahalandyrmaly.***
- 2) ***Güýçli ýeliň haýsy kiçi tizliginde awtobusy agdaryp biljekdigini bahalandyrmaly.***

Barlag görnüşli döredijilik meseleleriniň aýratyn bir görnüşü ýokdur, olar hasaplama, hil ýa-da eksperimental meseleler, sorag we ýumuşlar we ş.m. görnüşinde bolup bilerler.

*Konstruktor meseleleri* (şertli manyda) kesgitli formada bolup bilýärler we hyýaly ýa-da real gurluşlary gurmaklygy, gurluşyň ýa-da shemanyň işleýiş prinsipi tapmaklyga niýetlenendir.

Şeýle meselelere **mysallar:**

- 1) ***Stoluň gorizont al üstü boýunça hereket edýän arabanyň tizlenmesini ölçemek üçin abzaly (akselometr) konstruirläň (guruň).***
- 2) ***Woltmetr ommetre öwürip bolarmy? Şeýle ommetriň shemasyny çyzyň.***

Fizikadan akyl ýetiriş meseleleri çözmeklik hem okuwçylaryň döredijilik ukybyny ösdürýär. Akyl ýetiriş meseleleri diýip, çözüşinde okuwçylar täze bilimleri ýa-da işiň täze usullaryny alýan meselelere aýdylýar.

Bu meselelere **mysallar**:

***1) Gadymy grek alymy Aristotel deriden ýasalan haltany howasyz we şol haltany howadan dolduryp terezinde çekip gördi. Iki halda hem terezileriň görkezeni deň boldy. Munuň esasynda Aristotel, howanyň agramy ýok diýen netijä geldi. Aristotel nämäni hasaba almady?***

***2) Otagda hojalyk sowadyjysy işleýän bolsa, otagdaky howanyň temperaturasy üýtgärmi?***

***3) Ammara izolirlenen mis simiň uly tegegini getirdiler. Tegegi çözmän simiň uzynlygyny kesgitläp bolarmy?***

Okuw prosesinde fizikadan döredijilik meseleleriniň esasy maksady- okuwçylaryň pikirleniş we döredijilik ukypalaryny ösdürmeklikdir. Şeýle meseleleri çözmeklik okuwçylaryň işjeňligini we täze bilimleri almaklykda özbaşdaklygyny artdyrýar.

#### ***1.4.2 Döredijilik meseleleriniň çözlüş usullary***

Döredijilik meselelerini çözmeklik öwredilende *ewristik* usul (görkezmeler, ýañzydyp aýtmak, ýşarat etmek, aýlawly duýdurmak, gönükdirmek) ulanylýar. (*Ewristik* diýmek – “açmak üçin ulanylýan” diýmekdir).

Döredijilik meselelerini çözmeklik prosessi okuwçynyň analitik-sintetik işjeňligine esaslanýar we akyl zähmetiniň köp usullaryny (analiz, sintez, modelirlmek, deňeşdirme), induksiýa we deduksiýa boýunça derňemekligi talap edýär.

Döredijilik meseleleri kollektiwleýin çözüleninde adamyň dürli ýaşayş sferalarynda ulanylýan usullar ulanylýar. Şeýle usullara akyl hüjümi, sinektika, KARUS usuly, ýalňışlyklar usuly, oýlap tapyjylykly meseleleriň çözlüşleriniň nazaryýeti we beýlekiler ulanylýarlar. Bu usullara fizikadan okuw prosesinde ulanmak mümkinçiligi nukdaý nazaryndan seredeliň.

1) *Akyl hüjümi usuly*. Bu usul berlen problemany çözmek üçin maksimal teklipleri almaklyga niýetlenendir. Hiç hili subut edilmezden hödürlenýän teklipler islendik görnüşinde bolup biler, ýagny ýalňyş hem bolup biler, degişme, fantastik we ş.m. görnüşinde hem bolup biler. Esasy zat, teklipler köp bolmaly. Teklipleri tankytlamak gadagan. Akyl hüjümine gatnaşyjylaryň arasynda erkin, dostlukly gatnaşyk bolmaly.

Teklipleri ekspert toparý derňeýär.

2) *Sinektika usuly*. Bu usul akyl hüjümi usulynyň kämilleşdirilen görnüşidir we has köp ulanylýar. Bu usulda problemany çözüýän teklipleriň köplüğine ymtylmaly däl, bar bolan birnäçe (bir teklip hem bolmagy mümkin) teklipler öwrenilýär. Munuň üçin pikirleniş ukypalary güýçli birnäçe adamdan ybarat topar döredilýär. Şunlukda, meseleäniň çözüşini gözlemeklik, akyl hüjümine seredeninde, has maksada okgunly bolýar.

3) *KARUS usuly*. Bu usul döredijilik meselelerini çözmek üçin, bas strategiýa esaslanan usuldyr: kombinirmek, analizlemek, gaýtadan gurmak, unwersal çemeleşme, tötänleýin ýagdaýlary.

4) *Tötänleýin usuly* köplenç oýlap tapyslykda ulanylýar.

**Mesele:** *T.A.Edison aşgarly akkumulyatorlary oýlap tapjak bolanda 5000 sany tejribe geçirip görýär.*

*Tehniki döredijilik* \_diýip tehnika we tehniki modelirleme oblastynda okuwçynyň amal edýän islendik döredijilik işine aýdylýar. Emma okuwçynyň taýýar shemalar, çyzgylar ýa-da nusgalar boýunça eden zatlary döredijilik işi däldir. Edilen iş döredijilikli hasap edilýär, haçan-da onuň netijesi täzelik saklaýan önüm bolanda.

Tehiki döredijiligiň mazmununa edilýan esasy talap onuň aktuallygy, fizika bilen baglanyşygy, okuwçynyň ýaş aýratynlygyna degişiligidir. Tehiki döredijiligiň has giň ýaýran görnüşleri bolup fiziki abzallary ýasamaklyk, işleýän modelleri

we gurluşlary gurmak, awtomatikanyň elementleri bolan dürli gurluşlary we ş.m. ýasamaklykdyr.

### ***1.4.3 Algoritmeleriň hüsiýetleri we ony ulanmaklygyň maksatlary***

Köp halatlarda algoritmeleri ulanmaklyk mesele çözmekligi döwrebaplaşdyrýar we okuwçylarda fiziki meseleleri çözmek ukybyny döretmek prosesini ýenilleşdirýär.

Okuwçylaryň fiziki meseleleri işläp bilmezliginiň sebäpleri köpdür:

- amalyýetde meseleler saýlanylanda yzygidersizlikleriň duş gelmegi, ýagny ýönekeý meseleden çylşyrymly meselä, bir görnüşden beýleki görnüşe geçmek ýaly şertler saklanylman okuwçylara meseleleriň tötänleýin toplумы hödürlenýär;

- näçe köp mesele işlenilse okuwçylaryň mesele çözmek ukyplary artýar diýilen umyt bilen käbir mugallymlaryň öýde işlemek üçin köp sanly mesele bermekligi.

- synpyň okuwçylarynyň biri-biriniň zyndan tagtada mesele çözmekleri, beýleki okuwçylaryň bolsa bu işe gatnaşman, diňe göçürüp oturmaklary az peýda getirýär.

*Algoritm diýip berlen synpa degişli hemme meseleleri çözmeklige mümkinçilik berýän yzygiderli ýerine ýetirilmeli işleriň (görkezmeleriň) ulgamyna aýdylýar.* Şertli görnüşde algoritmeler diýip atlandyrylýan algoritmiki görnüşdäki görkezmelerde meseleleri çözmekligiň meýilnamasynyň diňe umumy ugurlary kesgitlenýär. Her bir görkeзме name etmelidigini görkezýär, emma ony nähili etmelidigini okuwçynyň özi bilmelidir, we bu ýerde pikirlenmäge zat bardyr we az hem dälidir.

Algoritmeler okuwçylarda meseleleri çözmekligiň usullarynyň özleşdirme prosesini ýenilleşdirýärler we diňe saýlanylanlary däl-de, eýsem hemme okuwçylara dürli görnüşli

meseleleri çözmekligi öwretmäge mümkinçilik berýär, sebäbi meseleleri çözmekligi öwretmeklik pikirlenme usulyny öwretmeklikdir we algoritmler bu usuala laýyk gelyändirler.

Fizika sapagynda “algoritm” düşünjesini ulanmaklyk kem-kemden okuwçylary bu wajyp düşünjä öwrenişdirmäge mümkinçilik berýär. Bu düşünjesiz ýurdymyzyň bilim ulgamynyň önünde goýulan ýaşlaryň ählumumy kompýuter sowatlyk meselesini üpjün etmeklik mümkin däldir.

Okuwçylaryň fizikadan meseleler çözüleninde algoritmleri ulanmaklary olara mesele çözmekligi öwretmäge kömek edýär we olarda öz ukypalaryna bolan ynamlygy döredýär, bu bolsa bilim bermekde örän wajypdyr.

Fiziki meseleleriň çözüwleriniň algoritmleri nähili bolmalydyrlar?

Fiziki meseleleriň çözüwiniň algoritmine degişli esasy talaplar:

- 1) algoritm gysga görnüşde bolmalydyr;
- 2) her bir görkezme mümkinçilige görä oňnositel ýönekeý bolmalydyr;
- 3) görkezmeleriň toplumy şeýle bir doly derejede bolmaly, ýagny onuň esasynda ýeterlik giň, şol bir synpa degişli bolan meseleleri çözmeklige mümkinçilik bolmalydyr;
- 4) her bir görkezme we tutuş sistema berlen synpyň meselelerini çözmek üçin zerur bolan iň bir wajyp bolan amallary aňlatmalydyr we şonuň bilen bilelikde okuwçylara özbaşdak pikirlenmäge mümkinçilikleri goýup, bu meseleleriň çözüwleriniň usullarynyň esasy häsiýetlerini aňlatmalydyrlar.

Fiziki meseläni çözmekligiň umumy meýilnamasy algoritmlerden tapawutlydyr we algoritme onuň elementleri girizilmeli däldir. Mesele çözmekligiň

umumy etaplary bilişimiz ýaly, aşakdakylardan ybaratdyr:

1. Meseläniň şertini öwrenmeli.
2. Berlen ululyklary ýazmaly.
3. Hemme ululyklary birlikleriň HU-da aňlatmaly.
4. Shemany, çyzgyny çyzmaly.
5. Şertde aýdylýan ýagdaýlarda bolýan fiziki prosesleri derňemeli we bu prosesleri boýun egýän kanunlary ýüze çykarmaly. Çözüwiň meýilnamasyny düzmeli.
6. Kanunlaryň deňlemelerini ýazmaly we alynan deňlemeler sistemasyny gözlenilýän ululyga görä çözüp, işçi formulany umumy görnüşde almaly.
7. Alynan formula ululyklaryň san bahalaryny atlary bilen bilelikde goýup, hasaplamalary geçirmeli.
8. Umumy görnüşde alynan çözüwi derňemeli.
9. Çözüwi ululyklaryň ölçeg birlikleriniň üsti bilen barlamaly.
10. Alynan netijäniň hakykata laýyklygyny we dogrulygyny barlamaly.

Okuwçylar bu meýilnama boýunça hemme meseleleri çözmäge ukyply bolmalydyrlar we etmeli işleriniň bu yzygiderligini berk bilmelidirler. Ýöne biziň ön belläp geçişimiz ýaly, ýokarda getirilen mesele çözmekligiň umumy etaplary algoritmi diýip hasaplanmaýar. Algoritmi meseleleriň dar toparyna niýetlenendir, emma çözüwiň meýilnamasy bolsa islendik fiziki meseläniň çözüwinde ulanylyandyr.

Fizikadan meseleler çözülide okuwçylarda algoritmlerden peýdalanmak endiklerini döretmek wajyp meseledir.

## İKİNCİ BÖLÜM

### FİZİKANYŇ BÖLÜMLERİ BOÝUNÇA MESELE ÇÖZMEGİŇ USULYÝETİ

#### BİRİNCİ BAP. KİNEMATİKA DEĞİŞLİ MESELELERİ ÇÖZMEGİŇ USULLARY

##### 2.1.1 *Material nokadyň kinematikasy. Esasy kanunlar we formulalar*

1). Material nokat giňişlikde hereket edende koordinata başlangyjyndan nokada geçirilen radius – wektor we radius – wektoryň deňişli oklara bolan proyeksiýasyny aňladýan nokadyň koordinatalary wagta görä üýtgeýärler we wagtyň funksiýasy bolýarlar:

$$\vec{r} = \vec{r}(t) \quad (1)$$

$$x = x(t), \quad y = y(t), \quad z = z(t) \quad (2)$$

$\vec{\Delta r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$  - orun üýtgetme hem wagtyň funksiýasydyr:

$$\Delta r = \vec{r}(t) \quad (3)$$

(1.1-1.3) deňlemeleriň her haýsysyna material nokadyň hereketiniň kinematik kanuny (hereket deňlemesi) diýilýär.

2). Deňölçegsiz hereketiň orta tizligi:

$$\langle \vec{v} \rangle = \frac{\vec{\Delta r}}{\Delta t} \quad (4)$$

$$\vec{\Delta r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

$\langle \vec{v} \rangle$  - orta tizligiň wektorynyň ugry  $\vec{\Delta r}$  orun üýtgetmäniň ugry bilen gabat gelýär.

3).  $\vec{v}$  mgnowen (göz açyp ýumasy salymdaky) tizligiň wektory:

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt} \quad (5)$$

4). Tizligiň üýtgemek çaltlygyna tizlenme diýilýär.  
Deňölçegsiz hereketde orta tizlenme:

$$\langle \vec{a} \rangle = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \quad (6)$$

$\Delta \vec{v}$  - tizligiň artmasy.

5). Mgnowen tizlenme:

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt} \quad \text{ýa-da} \quad \frac{d^2 r}{dt^2}$$

Tizlenmäniň wektorynyň ugry tizligiň üygeme ugry bilen gabat gelýär.

6). Egri çyzykly hereketde doly tizlenme:

$$\vec{a} = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n \quad (8)$$

$\vec{a}_\tau$  - tangensial (galtaşma) tizlenme

$\vec{a}_n$  - normal tizlenme.

$\vec{a}$  - wektor traýektorıýanyň her bir nokadynda galtaşma boýunça ugrukdyrylan  $\vec{v}$  tizlik bilen  $\alpha$  burç emele getirýär.

Eger tizligiň moduly üýtgemeyän bolsa, onda  $\alpha = \frac{\pi}{2}$  bolýar.

$\vec{a}_n$  - tizligiň modulynyň üýtgemesini häsiýetlendirýär.



$\vec{a}_\tau$  - tizligiň ugrynyň üýtgemesini häsiýetlendirýär.

Doly tizlenmäniň moduly:

$$a = \sqrt{a_\tau^2 + a_n^2}; \quad a_\tau = \frac{dv}{dt}, \quad a_n = \frac{v^2}{r} \quad (9)$$

$r$  - traýektoríýanyň egrilik radiusy. Gönüçyzykly hereketde dine tizligiň moduly üýtgäp bilýär:

$$\vec{a} = \vec{a}_\tau$$

Deňölçegli gönüçyzykly hereketde ( $a = 0, v = \text{const}$ ) (1) formula bilen kesgitlenýän hereketiň kinematik deňlemesi şeýle ýazylyar:

$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{v}_0(t) \quad (10)$$

Gönüçyzykly hereketde  $\vec{a} = \text{const}$  bolsa, onda:

$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{U}_0 t + \frac{at^2}{2} \quad (11)$$

Eger OX ok hereketiň ugry bilen gabat gelýän bolsa, onda  $y = y_0; z = z_0;$

$$x = x_0 + v_{0x}t \quad (12)$$

$$x = x_0 + v_{0x}t + \frac{at^2}{2} \quad (13)$$

### **2.1.2 Deňölçegli gönüçyzykly herekete degişli meseleleri çözmekligiň algoritmleri**

Kinematiki meseleleriň çözüwiniň usulyny özleşdirmek üçin okuwçylar aşakdaky soraglary özleşdirmelidirler:

- Hasaplama sistemasy, tizlik, tizlenme düşünjelerini;
- Deňölçegli we deňtizlenýän hereketde koordinatanyň we tizligiň wagta baglylygyny kesgitleýän deňlemeleri;
- Galileýiň tizlikleri goşma kanuny;
- Islendik hereketi koordinatalar okunyň ugruna görä iki sany (umumy halda üçe) ýönekeý hereketlere dargadyp bolýandygy baradaky taglymaty;
- Nähili tizlik bilen hereket edýän hem bolsa islendik jisimiň Ýeriň dartuw güýjüniň täsiri netijesinde wertikal aşak ugrukdyrylan g tizlenme bilen hereket edýändigini (gurşawyň garşylygy ýok mahalynda) baradaky taglymaty.

Okuwçylar kinematiki meseleri çözenlerinde birnäçe kynçylyklara duş gelýärler.

Esasan hem, okuwçylar kinematikada öwrenilýän formulalaryň köp sanlylygy sebäpli bu formulalardan ýerlikli peýdalanyň bilmeýärler. Olar kinematiki ululyklary (tizligi we tizlenmäni) kesgitleýän formulalaryň, şeýle hem iki görnüşli kinematiki hereket deňlemeleriniň, ýagny, koordinatalaryň wagta baglylygyny aňladýan deňlemeleriniň we tizligiň wagta görä baglanyşygyny kesgitleýän deňlemeleriniň bardygyna düşünmeýärler. Deňölçegli, şeýle hem deňtizlenýän herekete degişli meseleler köplenç iki deňlemäniň esasynda çözülýär:

$$x = x_0 + g_0 x t + \frac{a x t^2}{2},$$

$$g_x = g_{0x} + a_x t.$$

$a = 0$  ýagdaýda bu deňlemeler deňölçegli hereket üçin deňlemä geçýär.

Bu deňlemelerden gelip çykýan ýene-de bir deňleme bardyr:

$$g_x^2 = g_{0x}^2 + 2a_x S_x,$$

Bu deňleme hereketiň wagty berilmän, orun üýtgemäniň ahyrynda tizligi kesgitlenýän orun üýtgame berilende tizligi tapmaga mümkinçilik berýär.

Bu deňlemeleriň başlangyç  $t = 0$  wagat pursatynda (ýagny  $X_0$  we  $\mathcal{G}_{0x}$  başlangyç şertler) nokadyň ornunyň we tizliginiň nokadyň başga bir haldaky orny we tizligi bilen baglanyşdyryandygyna okuwçylaryň düşünmegi zerurdir. Şonuň görä-de,, bu deňlemeler tizlenme berlen bolsa mehanikanyň esasy meselelerini çözmäge mümkinçilik berýär. Başlangyç şertleri we tizlenmäni bilip, bizi gyzyklandyrýan wagat pursady üçin deňlemeleri ýazyp gözlenilýän ululyklary tapyp bolar. Kinematiki meseleriň köpüsiniň manysynyň şonda jemlenendigine okuwçylar gowy düşünmelidirler.

Okuwçylarda hasaplama sistemasyny amatly saýlap almaklyk uly kynçylygy döredýär. Şunuň bilen baglanyşykda kinamatikada hasaplama sistemasynyň haýsy jisim bilen baglanyşyandygyna, koordinata sistemasynyň başlangyjy hökmünde nämäniň kabul edilýändigini okuwçylara düşündirmek gerek. Emma hasaplama sistemasyny erkin we dürli görnüşde saýlap alyp bolýan hem bolsa ony başdaky ýagdaýlary kesgitmek ýeňil bolar ýaly edip saýlap almak gerekdir we bu sistemada has ýönekeý görnüşde düşündirilmelidir. Okuwçylar köplenç hasaplaýyş sistemasyny Ýer bilen baglanyşdyrýarlar, bu bolsa elmydama amatly bolup durmaýar. Şeýle hem okuwçylara hereketi we jisimiň tizligini dürli hasaplaýyş sistemasynda derňemeklik uly kynçylyklary döredýär.

Tejribäniň görkezişi ýaly, kinematiki meseleleriň çözüşiniň koordinat usuly we oňa degişli bolan algoritmler okuwçylar tarapyndan aňsat özleşdirilýän däldir we olar barada doly maglumat fakultatiw sagatlarda özleşdirilip bilner.

Dürli kinematiki meseleleriň arasynda bir nokadyň we

nokatlar sistemasynyň göniçyzykly deňölçegli hereketine degişli meseleleri, hasaplama sistemasy bir göniniň ugruna we özara perpendikulýar ugurlarda hereket edilende hereketleriň goşuluşlaryna degişli meseleri, başlangyç şertler boýunça nokadyň indiki hallary kesgitlenýän göniçyzykly deňüýtgeýän herekete degişli meseleleri tapawutlandyrmak bolar.

Agyrlyk güýjüniň meýdanynda erkin gaçýan jisimleriň hereketine degişli meseleler hem kinematiki meselelere degişlidir (jisim dik ýokary, gorizonta burç bilen zyňlyp bilner). Agyrlyk güýjüniň meýdanynda hereket edýän jisimiň ähli ýagdaýlarda dik aşak ugrukdyrylan,  $g_x = 0$ , ýagny  $x$  okuň ugruna jisim deňölçegli hereket edýändir; dik okuň ugruna  $g_y = \textit{const}$ , ýagny  $y$  okuň ugruna jisim deňüýtgeýän hereket edýär.

Kinematiki meseleriň çözüşiniň algoritmy deňölçegli göniçyzykly hereket öwrenilende girizilip bilner. Muny iki material nokadyň hereketine degişli meselelerde görkezmeklik maksada laýykdyr, sebäbi bu meseleler algoritmi doly görmüşde düzmäge mümkinçilik berýär (bir nokadyň hereketi baradaky ýönekeý meselelerde algoritmleri doly düzüp bolmaýar).

**Mesele:** *Iki ulag  $\mathcal{G}_1$  we  $\mathcal{G}_2$  hemişelik tizlik bilen bir tarapa göniçyzykly hereket edýärler ( $\mathcal{G}_1 > \mathcal{G}_2$ ) we*

*kübir wagıt pursadynda olaryň arasyndaky aralyk  $S$ -e deň. Näçe wagtdan soň we niredede birinji ulag ikinji ulagyň yzyndan ýeter?*

Berlen:

$\mathcal{G}_1$

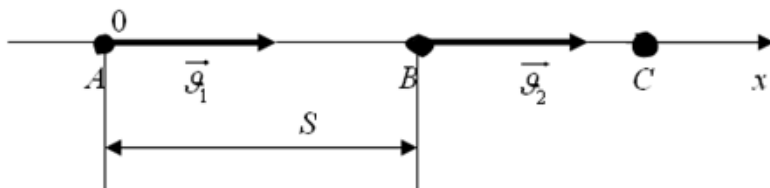
$\mathcal{G}_2$

$S$

$x_0, \tau - ?$

Çözülişi:

Islendik fiziki meseläniň umumy meýilnamasyny ulanyp meseläniň şertini öwrenip, berlenleri ýazmaly çyzgyny çyzmaly, hasaplama ulgamyny saýlap almaly, ýagny hasaplama jisimi (Ýer), koordinatalar ulgamynyň başlangyjyny (A nokat), okuň oňyn



ugruny (herketiň ugruny) we başlangyç wagıt pursadyny, ulaglar  $S$  aralykda ýerleşen halatyndaky pursady saýlap almaly (1-nji surat).

Meselede berlen fiziki hadysalary derňäliň.

2. Maddy nokatlaryň ikisi hem deňölçegli we göniçyzykly hereket edýärler, şeýlelikde olaryň hereketleri aşakdaky deňlemeler bilen aňladylar:

$$x_1 = x_{01} + \mathcal{G}_{1x} t,$$

$$x_2 = x_{02} + \mathcal{G}_{2x} t.$$

3. Nokatlaryň indiki ýagdaýlaryny bilmek üçin olaryň

başlangyç ýagdaýyny, başlangyç şertlerini, ýagny başlangyç hökmünde kabul edilýän wagt pursatyndaky tizliklerini we koordinatalaryny bilmek gerekdir. Köplenç başlangyç tizlik  $\mathcal{G}_0$  bilen belleniýär. Ulaglar deňölçeqli hereket edýändigini sebäpli, olaryň başlangyç tizlikleri islendik wagt pursadyndaky tizlikleri bilen gabat gelýär we şonuň üçin:

$$x_{01} = 0, \mathcal{G}_{01x} = \mathcal{G}_1;$$

$$x_{02} = S, \mathcal{G}_{02x} = \mathcal{G}_2.$$

Bulary göz önüne tutup, deňlemeler aşakdaky görnüşe eýe bolarlar:

$$x_1 = \mathcal{G}_1 t,$$

$$x_2 = S + \mathcal{G}_2 t.$$

4. Bu deňlemeler islendik wagt pursady üçin, islendik traýektorıýanyň islendik nokady üçin adalatlydyrlar. Şeýlelikde, olar bizi gyzyklandyryan pursat üçin hem, ýagny birinji ulagyň ikijni ulagyň yzyndan C nokatda ýeten pursatynda hem adalatlydyrlar. Bu wagt pursadyny  $\tau$  bilen belgiläliň. Bir ulagyň beýleki ulagyň yzyndan ýetmekligi  $t = \tau$  pursatda olaryň giňişligiň şol bir nokadynda, ýagny  $x_1 = x_2 = x_C$  nokadynda ýerleşendigini aňladýar. Şonuň üçin biz meseläniň şertinde goşmaça şertleri tapdyk, ýagny olary matematiki dilde aňlatdyk we indi berlen wagt pursady üçin, ýagny C nokatdaky hereket üçin deňlemäni aşakdaky görnüşde ýazyp bileris:

$$\begin{aligned} \text{Bu ýerden:} \quad \tau &= \frac{S}{\mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_2}, \\ x_C &= \frac{\mathcal{G}_1 S}{\mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_2}. \end{aligned}$$

Berlen mesele işlenenden soň esasy tapgyrlar

kesgitlenýär, ýagny çözüwleriň “ädimleri” kesgitlenýär, soňra bu “ädimler” boýunça indiki mesele çözülýär.

**Mesele:.** *Iki sany ulag  $\mathcal{G}_1$  we  $\mathcal{G}_2$  hemişelik tizlikler bilen biri-birine tarap hereket edýärler. Birinji ulag A nokady ikinji ulag B nokady geçeninden  $\Delta t$  wagt aralygynda ir geçýär. Eger A we B nokatlaryň aralygy  $S$ -e deň bolsa olar haçan we nirede duşuşlar?*

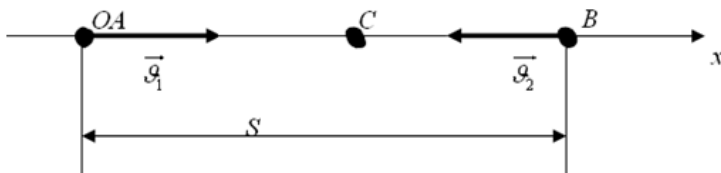
Berlen:

Çözülişi:

$\mathcal{G}_1$	1. Hasaplama ulgamyny saýlalyň (2-nji surat). Koordinatalaryň sistemasyny Ýer bilen baglalyň, hasaplamanyň başlangyjyny A nokatdan başlalyň, Ox okuň ugry hökmünde A-dan B-e bolan ugry kabul edeliň,	
$\mathcal{G}_2$		
$S$		
$\Delta t$		
<hr/>		
$\tau, x_C = ?$		

başlangyç  $t = 0$  wagt pursady hökmünde birinji ulagyň A nokatdan geçen mahalyndaky wagtyňy alalyň.

2. Şertden belli bolşy ýaly, iki ulag hem deňölçegli hereket edipdirler, şeýlelikde, olaryň her biri üçin deňölçegli hereketiň kinematiki deňlemesini ýazyp bolar:



$$\begin{cases} x_1 = x_{01} + \mathcal{G}_{1x}t_1, \\ x_2 = x_{02} + \mathcal{G}_{2x}t_2, \end{cases}$$

3. Wagtyň soňky pursatlarynda material nokadyň nirede ýerleşjekdigini bilmek üçin başlangyç şertleri bilmek zerurdyr (eger-de hereket deňtizlenýän bolsa, onda nokadyň tizlenmesini). Başlangyç şertleri kesgitläliň:

$$x_{01} = 0, \quad \mathcal{G}_{01x} = \mathcal{G}_1 = \text{const}; \quad x_{02} = S, \\ \mathcal{G}_{02x} = -\mathcal{G}_2 = \text{const}.$$

Birinji ulag A nokady, ikinji ulag B nokatdan geçmänkä geçýär. Onda:

$$t_2 = t_1 - \Delta t.$$

Muny göz önüne tutsak, deňlemeler aşakdaky görnüşe eýe bolar:

$$\begin{cases} x_1 = \mathcal{G}_1 t_1, \\ x_2 = S - \mathcal{G}_2 (t_1 - \Delta t). \end{cases}$$

Bu deňlemeler wagtyň islendik pursatlary üçin, traýektoriýanyň islendik nokatlary üçin adalatlydyrlar, şeýlelikde, olar bizi gyzyklandyryan pursat üçin hem, ýagny, duşuşyk pursady üçin hem adalatlydyrlar. Meseläniň şertinde dört ululyk berilendir  $(S, \mathcal{G}_1, \mathcal{G}_2, \Delta t)$ , ýöne bulardan başga-da goşmaça şertler, ýagny ulaglaryň wagtyň käbir pursatynda traýektoriýanyň käbir nokadynda duşuşyandyklary baradaky maglumat berilendir. Bu goşmaça şertleri matematiki dilde aňlatmaly we hereket deňlemelerine girizmeli. Duşuşma pursadyna çenli geçilen wagty  $\tau$  bilen, duşuşma nokadynyň koordinatasyny (C nokadyň) koordinatasyny bolsa  $X_0$  bilen



belgilälin. Ulaglar duşuşdy diýdigimiz  $t_1 = \tau$  pursatda ulaglaryň koordinatalary birmeňzeşdir diýdigimizdir, ýagny C nokat üçin alarys:

$$t_1 = \tau$$

$$x_1 = x_2 = x_C.$$

**C nokat** üçin,  $\tau$  pursat üçin hereketiň deňlemesini ýazalyň:

$$\begin{cases} x_C = g_1 \tau, \\ x_C = S - g_2 (\tau - \Delta t). \end{cases}$$

Deňlemeleriň bu ulgamynyň çözüwi aşakdakyny berýär:

$$\tau = \frac{S + g_2 \Delta t}{g_1 + g_2},$$

$$x_C = \frac{S + g_2 \Delta t}{g_1 + g_2} g_1.$$

Iki meseläniň hem çözüwlerini deňeşdirmeklik belli bir umumylygy ýüze çykarmaga we kinematiki meseleleriň çözüwleriniň algoritmlerini düzmäge mümkinçilik berýär:

- 1) *Hasaplama ulgamyny, hasaplaýyş jisimini, koordinatalar ulgamynyň başlangyjyny, oklaryň oňyn ugurlaryny, başlangyç hökmünde alynýan wagt pursadyny saýlap almaly;*
- 2) *Oklaryň her biriniň ugrunda hereketiň görnüşini kesgitlemeli we her okuň ugruna tizlik hem-de koordinatalar üçin kinematik deňlemeleri ýazmaly (eger jisimler birnäçe bolsa, onda deňlemeler her bir jisim üçin aýratynlykda ýazylyar);*
- 3) *Başlangyç şertleri (başlangyç wagt pursatynda koordinatalary we tizligiň proyeksiýalaryny),*

*hem-de okuň ugruna görä proyeksiýalaryny kesgitlemeli we bu ululyklary hereket deňlemelerinde ýerine goýmaly;*

- 4) *Goşmaça şertleri, ýagny haýsy bolsa-da bir wagt pursatlary üçin tizligi ýa-da koordinatalary kesgitlemeli (trayektoriýanyň käbir nokatlary üçin) we saýlanyp alynan wagt pursatlary üçin hereketiň kinematiki deňlemelerini ýazmaly (ýagny koordinatalaryň we tizligiň bu bahalaryny hereket deňlemelerinde ýerine goýmaly);*
- 5) *Alynan deňlemeler ulgamyny gözlenilýän ululyklara görä çözmeli.*

### ***2.1.3 Hereketleriň goşulyşyna degişli meseleleri çözmekligiň algoritmleri***

Deňölçegli göniçyzykly herekete degişli meseleleri çözmeklikde algoritmleriň ulanylyşy öwrenilenden soň

hereketleriň goşulyşyna degişli meseleleriň çözülişine geçilmelidir we bular ýaly meselelerde hem seredilen algoritmi ulanyp bolýandygy görkezilmelidir, ýöne hereketiň kinematiki deňlemelerinden başga-da, wektor görnüşindäki  $\mathcal{G} = \mathcal{G}_0 + \mathcal{G}'$  Galileýiň tizlikleriniň goşulyş kanunlaryny hem ulanmak gerekdir we ondan skalyar görnüşe geçilmelidir. Bu meseleleri dürli hili saýlanyp alynan hasaplama ulgamlarynda çözmeklik peýdalydyr we hasaplama ulgamynyň amatly saýlanyp alynmaklygynyň meseläni çözmekligi ýönekeýleşdirýändigini görkezmeli.

**Mesele:** *Gämi derýanyň akymynyň garşysyna hereket edip labyrda duran buýyň gapdalyndan geçýär we ol ýerde agaçlaryň daňysyna duşýar. Duşuşykdan 12 min. geçeninden soň gämi yzyna öwürildi we buýdan aşakda 800m aralykda agaçlaryň daňysynyň yzyndan ýetdi. Derýanyň akym tizligini tapmaly.*

Berlen:

$$S = 800m$$

$$t_1 = 12 \text{ min}$$

**Çözüwiň birinji görnüş:**

Hasaplama sistemasyny buý bilen baglanyşdyralyň.

$$\mathcal{G}_0 = ?$$

Başlangyç wagt pursaty hökmünde gäminiň agaç daňysyna duşan pursadyny kabul edeliň.

Agaç daňysy buýa görä  $\mathcal{G}_0$  tizlik bilen hereket edýär.

Gäminiň tizligini buýa görä  $\mathcal{G}$  bilen belgiläliň. Tizlikleri goşma kanuny boýunça  $\mathcal{G} = \mathcal{G}_1 + \mathcal{G}_0$ , bu ýerde -  $\mathcal{G}_1$  - agaç daňysyna (suwuň tizligine)görä gäminiň tizligi. Onda derýanyň akymynyň garşysyna bolan hereketde:

$$\mathcal{G} = \mathcal{G}_0 - \mathcal{G}_1 \text{ we}$$

$$\mathcal{G} = \mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_0,$$

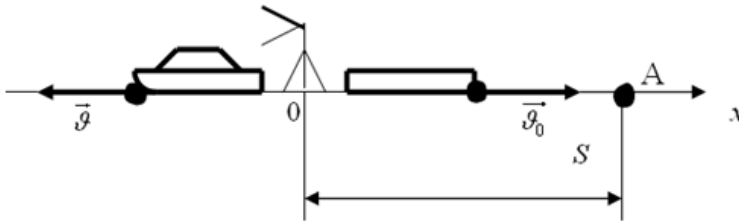
we derýanyň akymynyň ugruna bolan hereketde:

$$\mathcal{G} = \mathcal{G}_0 + \mathcal{G}_1.$$

Jisimlerin hereketiniň deňlemesini ýazalyň:

$$\begin{cases} x_n = \mathcal{G}_0 t, \\ x_K = -(\mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_0)t_1 + (\mathcal{G}_1 + \mathcal{G}_0)(t - t_1), \end{cases}$$

bu ýerde  $t$  - başlangyç pursatdan başlap dürli pursatlara çenli hasaplanylýan wagt.



Haçanda gämi agaç daňysynyň yzyndan ýeten pursady üçin (A nokat üçin) alarys:

$$t = \tau,$$

$$x_n = x_K = S,$$

$$\mathcal{G}_{0\tau} = -(\mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_0)t_1 + (\mathcal{G}_1 + \mathcal{G}_0)(\tau - t_1),$$

bu ýerden:

$$\tau = 2t,$$

$$S = \mathcal{G}_0 \tau \quad \text{we} \quad \mathcal{G}_0 = \frac{S}{2t_1} = 1,1 \text{ m/s}$$

**Çözüwiň ikinji görnüşi:**

Hasaplama sistemasyny agaç daňysy bilen baglanyşdyralyň. Onda hereketiň deňlemeleri aşakdaky görnüşlere eýe bolar:

$$\begin{cases} x_n = 0 \\ x_K = -g_1 t_1 + g_1 (t - t_1). \end{cases}$$

A nokat üçin alarys:  $t = \tau, x_n = x_K,$

$$0 = -g_1 t + g_1 t - g_1 t_1.$$

Onda:  $\tau = 2t_1,$

$$g_0 = \frac{S}{2t_1}.$$

Görnüşü ýaly, çözüwiň ikinji görnüşü ýönekeý.

Deňtizlenmeli göniçyzykly herekete degişli kinematiki deňlemeler öwrenilende köplenç bu deňlemeleriň ulanyşyny görkezýän türgenleşik meseleleri çözülýändir.

Bu hem zerurdyr, ýöne bu meseleler has ýönekeý bolýanlygy sebäpli, olarlarda algoritmiň peýdasy az duýulýar we ol doly görnüşinde ulanylmaýar. Şonuň üçin algoritmy doly görnüşinde ulanýan meseleleri çözmek peýdalydyr we bu ýagdaýlar şertde berlen hereket bilen baglanyşykly bolan köp soraglary çözmäge mümkinçilik berýär. Bu meselelere ýapgyt tekizlik boýunça hereket baradaky meseleler degişli bolup bilerler. Bilşimiz ýaly, dinamikany öwrenmezden ozal

$a = g \sin \alpha$  bolýanlygyny görkezip bolmaýar (sürtülmäniň yok mahalynda). Şonuň üçin tejribede bu hereketi görkezip we öwrenip Galileý onuň deňtizlenmeli boljakdygyny subut edendigini aýdyp geçmek zerurdyr. Bu ýagdaýlarda meseläniň şertinde tizlenmäniň hemişelik bahalary berilmelidir

(dinamikada bu soraga ýene-de gaýdyp gelmek zerurdyr we  $a = g \sin \alpha$  görkezmeli).

Jisimiň deňtizlenip hereket edýän meseleleri hem deňölçegli herekete deňişli meseleleriň çözüş algoritmleri bilen çözülýär, ýagny ýokarky düzulen algoritm kinematika deňişli ähli meseleleriň umumy usulyny berýär.

**Mesele:** *Jisim  $0,2m/s$  başlangyç tizlik bilen ýapgyt ternaw boýunça ýokarlygyna  $0,1m/s^2$  hemişelik tizlenmeli hereket edýär. Jisim durýança sarp edilen hereket  $t_1$  wagtyny kesgitlemeli, bu wagtyň dowamynda jisimiň geçýän  $S_1$  aralygyny, näçe  $t_2$  wagtdan soň jisim başlangyç ýagdaýyna gaýdyp geler we bu watyň dowamynda haýsy  $S_2$  ýoly geçer,  $t_3 = 3s$  wagtyň dowamynda geçilen  $S_3$  ýoly tapmaly, jisimiň tizligi  $g_1 = 0,1m/s$  bolanda jisim nirede bolar?.*

Berlen:

$$g_0 = 0,2m/s$$

$$a = 0,1m/s^2$$

$$g_1 = 0,1m/s$$

$$t_3 = 3s$$

$$t_1, S_1, t_2, S_2, x_1,$$

$$S_3 - ?$$

Çözülişi:

Çyzgyda görkezilişi ýaly, hasaplama ulgamyny saýlap alalyň (4-nji surat). Hereket deňtizlenmeli bolany üçin, okuň ugruna görä hereket deňlemesi aşakdaky görnüşe eýe bolar:

$$\{x = x_0 + g_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2},$$

$$g_x = g_{0x} + a_x t.$$

Başlangyç şertleri kesgitläliň  $x_0 = 0, \mathcal{G}_{0x} = \mathcal{G}_0$ . Ýapgyt tekizlik boýunça ýokary hereketiň haýallanýan hereket bolýanlygy we aşaklygyna bolsa tizlenmeli hereket edýänligi sebäpli (muny tejribäniň ýa-da strobogrammanyň kömegi bilen görkezip bolýar), onda hereketiň bütün dowamynda tizlenme aşaklygyna ugrukdyrylan, we şonuň üçin  $a_x = -a$ . Aýdylanlary hasaba alyp we deňlemäniň başlangyç şertlerini göz önüne tutyp, alarys:

$$\begin{cases} x = \mathcal{G}_0 t - \frac{at^2}{2}, \\ \mathcal{G}_x = \mathcal{G}_0 - at. \end{cases}$$

Bu deňlemeler dürli wagt pursatlary üçin adalatlydyrlar (bu ýerde  $t$  - üýtgeýän ululyk). Bizi gyzyklandyryan wagt pursatlary üçin bu deňlemeleri ýazalyň -  $t_1$  (haçanda jisim B nokatda ýerleşen wagtynda),  $t_2$  (haçanda ol A nokada gaýdyp gelende),  $t_3$  (haçanda ol C nokatda ýerleşen wagtynda). Munuň üçin koordinatalary berlen nokatlarda tizligi kesgitlemeli (goşmaça şertler) we hemme bu aňlatmalary hereketiň deňlemelerinde ornuna goýalyň.

B nokat üçin alarys:  $t = t_1, x = S, \mathcal{G} = 0$ . Onda:

$$\begin{cases} S_1 = \mathcal{G}_0 t_1 - \frac{at_1^2}{2}, \\ 0 = \mathcal{G}_0 - at_1. \end{cases}$$

Bu yerdən: 
$$t_1 = \frac{g_0}{a} = 2s,$$

$$S_1 = 0,2m$$

A nokat üçün alarys:  $t = t_2, x = 0.$

Onda: 
$$0 = g_0 t_2 - \frac{at_2^2}{2}.$$

Bu yerdən:

$$t_2 = \frac{ag_0}{a} = 4s.$$

$t_2$  pursada çenli geçilen yol:

$$S_2 = 2S_1 = 0,4m$$

C nokat üçün alarys:  $t = t_3, x = x_3,$

$$x_3 = g_0 t_3 - \frac{at_3^2}{2} = 0,15$$

Görnüşü yaly,  $t_3 = 3$  wagtyň dowamynda jisim yokarky B nokada çenli yetýär we aşak hereket edip başlady. B nokada çenli geçilen yol  $0,2m$  deňdir hem-de B nokatdan C

nokada çenli geçilen yol bolsa:  $0,2m - 0,15m = 0,05m$ ;  $t_3$  momente çenli geçilen gözlenilýän yol aşakdaka deň bolar:

$$S_3 = AB + BC = 0,2m + 0,05m = 0,25m$$

$g_1 = 0,1m/s$  tizlige ýeten momentinde jisimiň nirededigini bilmek üçün koordianata we tizlik üçin hereketiň yokarda getirilen deňlemeleri ulanmak mümkin we momente çenli hereketiň soňky wagtyň kesgitläp,  $n$  ýagdaýymyzda



$\mathcal{G}_1 = 0,1m/s$  we  $\mathcal{X}_1$  gözlenilýän koordinatany tapmaly. Ýöne ony tapmaklyk aşakdaky deňlemäni ulansak ýeňil düşýändir:

$$\mathcal{G}_x^2 - \mathcal{G}_{0x}^2 = 2a_x S_x,$$

bu ýerde  $S_x$  - bu  $\mathcal{X}_1$  momente koordinata deň bolan berlen momente çenli süýşme, onda:

$$\mathcal{G}_1^2 - \mathcal{G}_0^2 = -2ax,$$

we

$$x_1 = \frac{\mathcal{G}_0^2 - \mathcal{G}_1^2}{2a} = 0,15m$$

Mugallymyň ýolbaşçylygynda synp bilen bilelikde bu meseläniň iň bolmanda bir bölegini derňemeklik algoritmiň hemme ýazgylaryny ulanyp bilmäge mümkinçilik berýär.  $\mathcal{G} = f(S)$  deňlemeleri ulanmaklygyň maksadalaýyklygyny görkezmeli we ýol, süýşme, koordinata düşünjelerini düşündirmeli (käbir ýagdaýlarda bulary fakultatiw sapaklarynda ýerine ýetirmek zerurdyr).

Bulardan soň iki jisimiň duşuşma koordinatasy baradaky meseleleri çözmek peýdalydyr, olaryň biri ýapgyt tekizlik boýunça ýokary ugrukdyrylan tizlige eýe bolýar, emma beýlekisi – aşak hereket edýär (berlen tizlenmede).

#### ***2.1.4 Jisimiň erkin gaçmagyna degişli meseleleri çözmekligiň algoritmleri***

Jisimleriniň erkin gaçmagyna degişli meseleleri çözmeklikde algoritmleri ulanmaklygy aşakdaky meselede görkezmek peýdalydyr.

**Mesele** *Erkin gaçýan jisim özüniň soňky gaçma sekundynda  $h_1$  ýoly geçýär. Beýikligi we tutuş gaçmanyň wagtyny kesgitlemeli.*

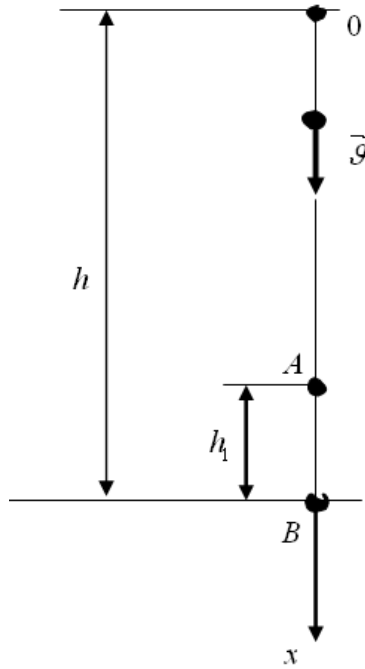
Berlen:

Çözülişi:

$t_1 = 1s$	Köplenç okuwçylar hasaplama ulgamyny Ýer bilen baglanyşdyrýarlar we oky gaçma nokatdan ýokary ugrukdyrýarlar. Bu dogrydyr, ýöne bular ýaly hasaplama
$h_1$	
$g$	
$h, \tau - ?$	

sistemasy saýlananda başlangyç koordinata belli däl, hem-de tizlenmäniň proyeksiýasy tersin bolýandyr. Koordinatalaryň başlangyç sistemasy hökmünde Ýer bilen baglanyşykly nokady saýlap alyp bolýandyr (we käbir gatnaşykda bu amatlydyr), bu saýlap alan nokadymyzdan gaçma başlanandyr, onda gaçmanyň dürli beýikliginde başlangyç koordinata bellidir:

$x_0 = 0$ , OX oky aşak ugrukdyrmalydyr



Başlangıç şartları hasaba alıp ( $x_0 = 0, \mathcal{G}_{0x} = 0$ ), alarıs:

$$x = \frac{gt^2}{2}$$

B nokat için alarıs:

$$t = \tau, x = h.$$

Onda:

$$h = \frac{g\tau^2}{2}.$$

A nokat için:

$$t = \tau - t_1, x = h - h_1.$$

Onda:

$$h = h_1 = \frac{g(\tau - t_1)^2}{2},$$

bu yerden:

$$\tau = \frac{gt_1^2 + 2h_1}{2gt_1},$$

$$h = \frac{(2h_1 + gt_1^2)^2}{8gt_1^2}.$$

Soňra wertikal ýokaryk zyňylan jisimleriniň hereketine degişli meseleler çözülýär.

Kinematiki meseleleri çözmekligiň koordinata usuly baradaky aýdylanlara *gysga jemlemeleri* getireliň.

Kinematiki meseleleri çözmek üçin ilki bilen başlangyç şertleri bilmek zerurdyr, ýagny başlangyç pursatda nokadyň tizligini we ýagdaýyny bilmeli. Olar hasaplama ulgamy saýlanylandan soň kesgitlenýändir we onuň nädip saýlanyandygyna baglydyrlar, şonuň üçin hasaplama ulgamy başlangyç şertler has ýönekeý görnüş bilen kesgitläp bolar ýaly edip saýlanylyandyr. Başlangyç şertleri hereketiň deňlemesinde yerine goýup, biz hasaplama ulgama “baglanyşdyryp”, belli bir görnüşe getirýäris.

Mundan başga-da meseläniň düzüminde hemişe biziň “goşmaça şertler” diýýänimizi hem tapyp bolýandyr. Goşmaça şertler – bu hereketiň dürli bizi gyzyklandyryýan wagt pursatynda nokadyň tizligi ýa-da koordinatasydyr. Eger başlangyç şertler başlangyç ýagdaýlary döredýän bolsalar, onda “goşmaça şertler” nokadyň ýagdaýynyň indiki ýagdaýlaryny döredýändirler. Köp meseleleriň manysy başlangyç şertler boýunça we saýlanan hereketiň deňlemesiniň üsti bilen dürli momentlerde nokadyň indiki ýagdaýlaryny tapmaklyga syrygýar; ýagny nokadyň nirede ýerleşendigini ýa-da haýsy tizlik bilen hereket edýändigini kesgitlemek (ýa-da berlen ýagdaýa çenli näçe wagtlap hereket edýändigini kesgitlemek) bolýar. Goşmaça şertler meseläniň şertinde berlendirler we olary matematiki ululyklaryň diline terjime etmelidir. Mysal üçin, käbir wagt pursatynda hereketdäki

nokatlar duşuşdylar diýip berlen bolsun. Bu diýmeklik, käbir belli  $t = \tau$  wagt pursatynda iki nokat meñzeş koordinatalara eýedirler, ýagny  $x_1 = x_2$  diýmekligi aňladýar.

Bu başlangyç şertleri tapyp we olary matematiki dile geçirip biz olary hereketiň deňlemesinde goýmalydyrys, ýagny dürli wagt pursady üçin, traýektorıanyň dürli nokady üçin ýazylan deňlemeleri bizi gyzyklandyrýan hereketiň wagt pursady üçin, traýektorıanyň belli bir nokady üçin ýazmalydyrys.

*Netijede kinematika degişli meseleleri çözmekligiň algoritmlerine aşakdaky goşmaçalary girizmek bolar:*

- 1. Hasaplama ulgamyny hereketsiz jisim (Ýer) bilen baglanyşdyrmak hökman däldir. Hasaplama ulgamy hereketdäki jisim bilen baglanyşykly bolsa käbir ýagdaýlarda mesele has ýeňil çözülyändir.*
- 2. Hasaplama ulgamy şeýle bir saýlanyp alynmalydyr, ýagny başlangyç şertleri has ýönekeý görnüş bilen kesgitläp bolar ýaly.*
- 3. Eger hereketiň görnüşi onuň dürli böleklerinde dürli bolsa, onda her bölek üçin aýratyn deňleme ýazylmalydyr.*
- 4. Hasaplama ulgamy saýlananda haýsy nokadyň koordinata okunyň başlangyjydygy we haýsy wagt pursadynyň başlangyç wagt pursadydygy takyk belenilmelidir.*
- 5. Maddy nokatlaryň hereket ulgamlaryna degişli bolan meselelerde deňlemeler her nokat üçin aýratynlykda ýazylmaly we eger-de olar bir wagtda hereket edip başlamadyk bolsalar, onda her nokat üçin öz wagty ýazylmalydyr.*
- 6. Kinematiki meseleler çözülende hemişe başlangyç şertler ýüze çykarylmaladyr, jisimiň haýsy-da bolsa indiki wagt pursadynda*

*ýagdaýyny we tizligini kesgitleýän goşmaça şertleri fiziki ululyklaryň diline geçirmeli, egerde deňlemeleriň sany gözlenilýän ululygy tapmak üçin ýeterlik däl bolsa, onda aýdyň däl şertler diýip atlandyrylýan goşmaça baglanyşyklary we gatnaşyklary ýüze çykarjak bolmalydyr.*

7. *Ýeriň golaýynda islendik görnüşde zyňylan jisimleriň hereketine degişli meselelerde, islendik jisim (garşylygyň ýok mahalynda) başlangyç tizligiň modulyna we ugruna bagly bolmazdan hemişe wertikal ugrukdyrylan g tizlenme bilen hereket edýändir.*

## **IKINJI BAP. MATERIAL NOKADYŇ DINAMIKASYNA DEGIŞLI MESELELERI ÇÖZMEGIŇ USULLARY**

### **2.2.1 Mesele çözmek üçin zerur bolan esasy kanunlar we formulalar**

Bu wektor deňleme 3 sany skalýar deňleme deň güýçlüdir:

$$F_x = ma_x, F_y = ma_y, F_z = ma_z.$$

Eger  $a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ , ( $\Delta v = v_2 - v_1$  - material nokadyň tizliginiň üýtgemesi) bolsa Nýutonyň II – kanunynyň formulasyny aşakdaky görnüşde ýazyp bolar:

$$F = m \frac{\Delta v}{\Delta t} = ma = \frac{\Delta P}{\Delta t};$$

$$F \Delta t = \Delta P$$

$F \Delta t$  - material nokada goýulan ähli güýçleriň deňtäsiredijisiniň impulsy.

$\Delta P = mv_2 - mv_1$  - onun impulsynyň üýtgemesi.

Nýutonyň II – kanuny material nokadyň diňe tizlenmesini kesgitlemäge mümkinçilik berýär (inersiýal hasaplama ulgamynda). Material nokadyň tizligi we koordinatasy hereketiň kinematik kanunlary esasynda kesgitlenýär.

Material nokadyň hereketi inersial däl hasaplama sistemasynda iki usul bilen beýan edilýär:

1. Nýutonyň ikinji kanunyny inersiýa güýjüni hasaba alyp ulanmak.
2. Bu usulda ekwiwalentlik prinsipi ulanylýar, ýagny birmeňzeş başlangyç şertlerde dartuw meýdanynyda fiziki hadysalar edil inersiýa güýçleriniň deňişli meýdanlaryndaky ýaly bolup geçýär, eger ginişligiň seredilýän meýdanlaryndaky meýdanlaryň güýjenmeleri gabat gelýän bolsalar.

Eger  $m$  massaly material nokat, inersial hasaplama ulgamynda otnositel  $a_0$  tizlenme bilen hereket edýän inersial däl hasaplama ulgamynda  $a$  tizlenme bilen öňe hereket

edýän bolsa, onda Nýutonyň II – kanuny (eger I – usul ulanylýan bolsa) aşakdaky görnüşe eýe bolar:

$$F + F_{in} = ma$$

$F_{in} = -ma_0$  – hasaplama sistemasynyň tizlenmeli hereketi netijesinde döreýän inersiýa güýji.

Bu deňleme aýlanýan hasaplama ulgamlarynda hem dogrudyr, haçan – da seredilýän material nokat şoňa otnositellikde dýnçlykda bolsa. Bu ýagdaýda:

$$a = 0; F_{in} = -ma_n,$$

bu ýerde  $F_{in}$  - merkezden daşlaşýan inersiýa güýji.  $a_n$  – inersial däl hasaplama ulgamynyň inersial hasaplama ulgamyna otnositellikde normal tizlenme.

Eger  $m$  massaly material nokat  $r$  radiusly töwerek boýunça hereket edýän bolsa, onda üçin Nýutonyň II – kanuny:

$$M = I\varepsilon$$

bu ýerde  $M = M_1 + M_2 + M_3 + \dots + M_n$  - aýlanma okuna otnositellikde material nokada goýulan ähli daşky güýçleriň momentleriniň geometrik jemi.

$I = mr^2$  – material nokadyň aýlanma okuna otnositellikde inersiýa moment.

$\varepsilon$  - onuň burç tizlenmesi.

Nýutonyň III – kanunyna görä material nokatlaryň biri – birlerine täsir edişýän güýçleri, modullary boýunça deňdirler, ugurlary boýunça garşylyklydyrlar, bir göniniň üstünde ýatýarlar (bu nokatlary birleşdirýän) we dürli jisimlere goýulandyrlar:

$$F_{1-iň\ 2-a} = -F_{2-niň\ 1-a}$$

Bütindünýä dartylma kanunyna görä biri – birlerinden  $r$  aralykda ýerleşýän  $m_1$  we  $m_2$  massaly 2 sany material nokatlar, bu nokatlaryň üstünden geçýän bir gönüniň ugry boýynca biri – birlerine dartýşýarlar:



$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

bu ýerde  $G$  – grawitasiýa hemişeligi.

$m$  massaly material nokadyň bu nokatdan  $r$  aralykda döredýän grawitasiýa meýdanynyň güýjenmesi:

$$g = G \frac{m}{r^2}$$

Ýeriň grawitasiýa meýdanynda  $g$  ululyga erkin gaçmanyň tizlenmesi diýilýär.

Agyrlyk güýji:

$$P = mg$$

$g$  - „Ýeriň üsti hasaplaýyş ulgamunda” erkin gaçmanyň tizlenmesi.

Typma sürtülme güýji jisimiň normal basyşynyň daýanja edýän güýjüne proporsionaldyr:

$$F_{\text{sürtülme}}^{\text{typma}} = \mu F_{\text{basyş}}$$

$\mu$  - typma sürtülme koeffisiýenti.

Nýutonyň III kanunyna görä, normal basyşyň daýanja edýän güýji moduly boýunça daýanjyň normal  $x$  reaksiýa  $N$  güýjüne deňdir:

$$F_{\text{sürtülme}}^{\text{typma}} = \mu N$$

Bu kanuna Kulon – Amontonyň kanuny diýilýär.

Dynçlyk sürtülme güýji elmydama typmany ýüze çykarýan güýjüň ugruna garşylyklydyr we moduly boýunça oňa deňdir. Mesele çözülende, köplenç typma sürtülme koeffisiýenti dynçlyk sürtülme koeffisiýentine deň diýip hasap edilýär, ýagny:

$$\mu = \mu_0$$

Yranma sürtülme güýji:

$$F_{\text{sürtülme}}^{\text{typma}} = \lambda \frac{N}{r}$$

$\lambda$  - yranma sürtülme koeffisiýenti

$r$  - jisimiň radiusy

### **2.2.2 Dinamikanyň meselelerini çözmekligiň usulyýeti**

Nýutonyň II – kanuny jisimiň hereket kanunyny kesgitlemäge mümkinçilik berýär, ýagny güýç berlen bolsa islendik wagt pursadynda jisimiň koordinarasyny kesgitlemek bolýar (dinamikanyň göni meselesi) ýa-da, tersine, hereket kanunlary boýunça güýji tapmak (dinamikanyň ters meselesi), eger başlangyç şertler belli bolsa.

Dinamikanyň kanunlaryna degişli meseleler çözülende aşakdakylardan ugur almaly:

1. Nýutonyň kanunlary gaty jisimiň tizligi ýagtylygyň tizliginden kiçi bolan ýagdaýynda olaryň mehaniki hereketini beýan etmäge mümkinçilik berýär.
2. Mehanikada diňe grawitasiýa özaratäsir seredilýär we elektromagnit özaratäsiriň iki hususy haly, ýagny maýyşgaklyk we sürtülme güýçlerine degişli hallar.
3. Güýç wektor ululyk hökmünde absolyt bahasy (moduly), ugry w goýulan nokady bilen häsiýetlendirilýär.
4. Her görnüşli güýjüň analitik aňlatmasy bütindünýä dartylma kanuny, Gukuň kanuny we Kulon – Amontonyň kanuny bilen kesgitlenýärler.
5. Material nokada goýulan ähli güýçleriň deňtäsişredijisi, bu nokadyň daşky material obýektler bilen özaratäsirini beýan edýär.

6. Material nokadyň tizlenmesi ähli inersial hasaplama ulgamlarynda birmeňzeşdir.
7. Islendik wagt pursadynda material nokadyň tizligi we koordinatasy kesgitlenen tizlenme we başlangyç şertler boýunça kesgitlenýär.

**Material nokadyň dinamikasyna degişli meseleler çözülende ulanylýan algoritmler:**

1. *Mesele getirilen fiziki ýagdaýy derňemeli.*
2. *Hasaplaýyş ulgamyny saýlap almaly.*
3. *Meseläni çözmek üçin haýsy fiziki kanunlary ulanyp boljakdygyny anyklamaly.*
4. *Seredilyän fiziki ulgamyň haýsy material obýektler bilen özaratäsir edişýändigini anyklamaly we bu özaratäsiri häsiýetlendirýän güýçleri kesgitläň.*
5. *Shematiki suratda fiziki ulgama täsir edýän güýçleri we hereketiniň kinematiki häsiýetnamalaryny (tizlik, tizlenme, orunüýtgetme we ş.m.) şekillendirmeli.*
6. *Wektor ululyklary we (oklaryň birini tizlenme boýunça ugrukdyrmaly) oklary boýunça proyektirlemeli, dinamikanyň degişli deňlemelerini düzmeli we alynan deňlemeler ulgamynyň doly deňlemeler ulgamydygyny barlamaly.*
7. *Nýutonyň III – kanunyny, Kulon – Amontonyň ýa – da kinematikanyň we meseläniň ýörite şertlerini ulanyp ýetmeýän deňlemeleri düzmeli.*

Eger meselede birnäçe jisimleriň hereketi seredilyän bolsa, onda olaryň her haýsysy üçin Nýutonyň II – kanunyny ýazmaly.

**Mesele:** *Awtomobilniň sürüjisi dwigatelini oçürip*  $g_0 = 20 \frac{m}{s}$

*tizlik bilen gorizonta ýolda tormoz berip başlady. Eger tormozlanmak wagtynda sürtülme koeffisiýienti 0,2 deň bolsa 15 s dowamynda awtomobilniň geçen ýoluny kesgitlemeli.*

1. Fiziki obýektler: awtomobil, ýol, ýeriň grawitasiýa meýdany, howa.
2. Hasaplaýyş sistemasyuy ýer (ýol) bilen baglanyşdyrýars we ol inersial hasap edýäris. Koordinatalar başlangyjy awtomobiliň massa merkezi bilen gabat gelýär. OX - oky awtomobiliň hereket ugruna, OY - oky wertikal ugrukdyrýars.
3. Fiziki sistema diňe awtomobili girizeliň w ony material nokat hasaplamak bolar. Ýoly absolyut gaty jisim hasaplamaly, onuň deformasiýasyny hasaba almaly däl, özaratäsirde döreýän maýyşgaklyk güýçleri hasaba almaly. Howanyň garşylyk güýjüni hasaba almaly däl.

4. **Fiziki ýagdaýyň derňewi:**

Awtomobile täsir edýän güýçler:

$mg$  - ýeriň grawitasiýa meýdanynyň täsir güýji, aşak ugrukdyrylan.

$N$  - ýoluň normal reaksiýa güýji, ýokary ugrukdyrylan.

$F_{sart.}$  - sürtulme güýji, hereketiniň garşysyna ugrukdyrylan.

Nyutonyň II – kanunyna görä:

$$ma = mg + N + F_{sart.}$$

Bu güýçleriň oklaryň ugruna proyeksiýasy:

OX okuň ugruna:  $ma = F_{sart.}$

OY okuň ugruna:  $0 = N - mg$

Kolunyň – Amontonyň formulasyna görä:

$$F_{sart.} = \mu N$$

$$ma = \mu N$$

Onda

$$N = mg$$

Bu iki deňlemeden, alarys

$$a = \mu g$$

$a = const$ , şoňa görä – de, awtomobiliň hereketi deň uytgeýän bolar. Şol sebäpli awtomobiliň hereketiniň kinematik kanunlary:

$$r = v_0 t + \frac{at^2}{2}$$

$$v = v_0 + at$$

ýa – da, skalýar görnüşde:

$$x = v_0 t - \frac{at^2}{2}$$

$$v_x = v_0 - at$$

$a = \mu g$  bolýandygyna görä, alarys

$$x = v_0 t - \frac{\mu g t^2}{2}$$

$$v_x = v_0 - \mu g t$$

*Alynan formulalary derňäliň.*

Tormoz berlip başlanandan  $t_1 = 15s$  soň tizligiň okuň ugruna görä proyeksiýasy:

$$v_x = v_0 - g\mu t_1 = 20 - 10 \cdot 0,2 \cdot 15 = 20 - 30 = -\frac{10m}{s}$$

ýagny otrisatel bolýar, ýagny awtomobil tersine hereket edip başlamaly, emma bu meseläniň şertine ters gelyär (ýol gorizonta, dwigatel öçürilen). Şeýlelik – de, awtomobiliň soňky tizligi nola deň bolmaly, onuň hereket wagty bolsa  $t_2 < 15s$  bolmaly, ýagny:

$$l = v_0 t_2 - \frac{g\mu t_2^2}{2}$$

$$0 = v_0 - g\mu t_2$$

$$t_2 = \frac{v_0}{\mu g}$$

$$l = \frac{v_0^2}{g\mu} - \frac{g\mu}{2} \cdot \frac{v_0^2}{g^2\mu^2}$$

$$l = \frac{v_0^2}{g\mu} \left(1 - \frac{1}{2}\right) = \frac{v_0^2}{2g\mu}$$

$$l = \frac{v_0^2}{2g\mu}$$

San bahalaryny goýsak, alarys:  $l = 10\text{m}$  ,  $t_2 = 1\text{s}$

$l$  – i kinematikanyň kanunlaryndan peýdalanyň tapman, kinetik energiýanyň üýtgemek teoriýasyndan peýdalanyň hem tapmak bolar. Bu teorema görä awtomobiliň kinetik energiýasynyň üýtgemesi, tormoz berlende, oňa täsir edýän ähli daşky güýçleriň edýän işine deňdir.

$$\Delta E = A, \quad (A = F_{x\text{sürt.}} \cdot l)$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = 0 - \frac{m\vartheta_0^2}{2}$$

$$A = F_{\text{sürt.}} \cdot l \cdot \cos 180^\circ = -\mu m g l$$

(agyrylyk güýjüniň we reaksiýa güýjüniň işleri nola deňdir).

Onda:

$$-\frac{m\vartheta_0^2}{2} = -\mu g l m$$

$$l = \frac{\vartheta_0^2}{2\mu g}$$

bu ýerden

**Mesele:** *Eger aýlanma gorizonta tekizlikde bolup geçýän bolsa, radiusy 6 m bolan sentrifuguranyň aýlanma ýygylgyny kesgitlemeli. Massasy 80 kg deň bolan kosmonawtyň agramy 8 kN deň.*

1) Hasaplaýyş ulgamyny ýer bilen baglanyşdymaly we ol inersial hasaplamaly. Şeýle hem sentrifuguranyň aýlanma oky ýeriň üstüne görä dynçlykda ýerleşen.

2) Fiziki sistema hökmünde kosmonawty almalı we ony material nokat hasaplamaly.

3) Meseläni çözmek üçin material nokadyň hemişelik moduly tizlik bilen töwerek boýunça hereketiniň kinematik kanunyny we dinamikanyň kanunlaryny ulanmaly.

4) Fiziki sistemanyň howa bilen özaratäsirini hasaba almalı däl diýsek, onda kosmonawt:

- ýeriň gravitasiýa meýdany bilen özara täsir edişýär.
- oturgyç bilen özara täsir edişýär.
- oturgyjyň arkasy bilen özara täsir edişýär.

Ýagny, kosmonawta aşakdaky güýçler täsir edýär:

$mg$  - agyrlyk güýji.

$N$  - wertikala käbir burç bilen ugrukdyrylan, oturgyjyň

$N$  dolý reaksiýa güýji.

Kosmonawtyň hereketiniň dinamiki deňlemesi:

$$ma = mg + N$$

Wektor ululyklary 0X we OY oklara proyektirleseň, alarys:

$$ma_n = N \sin \alpha$$

$$0 = N \cos \alpha - mg$$

Agramyň kesgitlemesine görä Nýutonyň III kanunyna görä, oturgyjyň reaksiýa güýji kosmonawtyň agramyna san taýdan deňdir, ýagny  $N = P^1$

Mundan başga – da,

$$a_n = \frac{v^2}{r} = \frac{(\omega r)^2}{r} = \omega^2 r;$$

$$\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = \frac{2\pi N}{\Delta t} = \frac{2\pi}{\frac{\Delta t}{N}} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi n$$

$$T = \frac{\Delta t}{N} = \frac{1}{n}; \quad n = \frac{1}{T} - \text{aýlaw ýygyllygy.}$$

Onda:

$$a_n = \omega^2 r = (2\pi n)^2 r = 4\pi^2 n^2 r$$

Şeýlelikde,

$$\begin{cases} 4\pi^2 n^2 r m = P' \sin \alpha \\ mg = P' \cos \alpha \end{cases} \quad (1)$$

$P'$  - sentrifugurada aýlanýarka kosmonawtyň agramy.

Bu deňlemeler sistemasyny  $n$ -e görä çözeň, alarys:

$$n = \frac{1}{2\pi\sqrt{r}} \sqrt{\frac{P^2}{m^2} - g^2}$$

San bahalaryny goýup  $n=0.65 \text{ s}^{-1}$  bahany alarys:

(2) – den

$$\cos \alpha = \frac{mg}{P'};$$

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1;$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - \frac{m^2 g^2}{P'^2}} = \frac{\sqrt{P'^2 - m^2 g^2}}{P'} \quad (3)$$

(1) we (3) –den:

$$4\pi^2 n^2 r m = P' \frac{\sqrt{P'^2 - m^2 g^2}}{P'}$$

$$n = \frac{\sqrt[4]{P'^2 - m^2 g^2}}{2\pi\sqrt{rm}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{r}} \sqrt[4]{\frac{P'^2}{m^2} - g^2} = 0,65 s^{-1}$$

**Mesele:** *Im unzynlykly sapakdan asylan uly bolmadyk şar töwerek boýunça gorizontel tekizlikde aýlanýar. Şunlukda sapak wertikal bilen  $60^\circ$  burç emele getirýär. Şaryň çyzyk tizligini aýlanma periodyny kesgitlemeli.*

Eger şaryň howa bilen özara täsirini hasaba almasak. Ol  $mg$  agyrylyk güýniň täsiri bilen aýlanýar. Şeýle hem şara  $F_{may}$  maýyşgaklyk güýji täsir edýär. Şaryň hereketiniň dinamiki deňlemesi:

$$ma = mg + F_{may}$$

Bu güýçleriň  $OX$  we  $OY$  oklaryň ugruna proyeksiýasy:

$$\begin{cases} ma_n = F_{may} \sin \alpha \\ 0 = F_{may} \cos \alpha - mg \end{cases}$$

$$a_n = \frac{g^2}{r};$$

$$r = l \sin \alpha;$$

Onda:

$$\frac{mg^2}{l \sin \alpha} = F_{may} \sin \alpha$$

(1)

$$mg = F_{may} \cos \alpha \quad (2)$$



$$(1), (2) - \text{den:} \quad \frac{mv^2}{l \sin \alpha mg} = \frac{F_{\text{may}} \sin \alpha}{F_{\text{may}} \cos \alpha} = \operatorname{tg} \alpha$$

$$\vartheta = \sqrt{gl \sin \alpha \operatorname{tg} \alpha} = \sqrt{10 \cdot 1 \cdot \sin 60^\circ \operatorname{tg} 60^\circ} \quad \text{ýa-da}$$

$$\vartheta = \sqrt{10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \sqrt{3}}$$

$$\text{Ýagny:} \quad v = 3,9 \frac{m}{s}$$

$$a_n = \frac{v^2}{r} = \frac{\omega^2 r^2}{r} = \omega^2 r;$$

$$\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = \frac{2\pi N}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T};$$

$$a_n = \omega^2 r = \left( \frac{2\pi}{T} \right)^2 l \sin \alpha = \frac{4\pi^2}{T^2} l \sin \alpha;$$

$$v = \omega r = \frac{2\pi}{T} r = \frac{2\pi}{T} l \sin \alpha;$$

$$T = \frac{2\pi l \sin \alpha}{v} = 1,4s$$

### ÜÇÜNJI BAP. SAKLANMA KANUNLARÝNA DEGIŞLI MESELELERI ÇÖZMEGIŇ USULÝÝETI

#### *2.3.1 Impulsyň saklanma kanunyna degişli meseleleri çözmek üçin zerur bolan esasy düşüňjeler*

Eger jisime goýlan güýçler belli bolsa, hereket kanunlarynyň mehanikanyň meselelerini çözmäge mümkinçilik

berýändigi orta mekdepe geçilen mehanika dersinden bellidir. Bu ýerden mehaniki meseleleri çözmeklik üçin orta mekdep mehanikasy ýeterlik ýaly bolup görünýär. Emma jisimleriň özara täsiri mahalynda ýüze çykýan güýçleriň ululygyny kesgitlemek mydama mümkin bolup durmaýar. Mysal üçin, iki sany metal şarjagazlar çaknyşanda ýüze çykýan güýjüň ululygyny kesgitlemek kyn bolýar. Bu ýagdaýda maýyşgaklyk güýçleriniň täsirleşýänligi anyk, emma şeýle ýagdaýlarda deformasiýa örän çylşyrymlydyr. Ondan hem başga täsir örän gysga wagtlaýyndyr.

Şeýlelikde, köp ýagdaýlarda mehanikanyň kanunlaryny gös-göni ulanmaklyk oňaýsyzdyr. Şonuň üçin ýokarda agzap geçilen mysalymyz ýaly ýagdaýlarda meseleler çözülide, hereket kanunlarynyň edil özi däl-de, olardan gelip çykýan netijelerden peýdalanylýar. Bu netijelerde güýçleriň we tizlenmeleriň ýerine täze ululyklar peýdalanylýar. Ol täze ululyklar impuls we energiýadyr.

Impulsyň saklanmak kanunyna degişli meseleleri çözmeklik üçin ilki bilen aşakdaky düşüňjeleri özleşdirmeli.

1. Dinamikanyň kanunlaryndan däl-de, onuň netijelerinden-impulsyň we energiýanyň saklanmak kanunlaryndan peýdalanmaklyk, jisimleriň özara täsir edişýän güýçlerini derňemek we hasaba almak zerurlygyndan azat edýär (bu güýçler özara täsirleşmelerde çylşyrymly üýtgeýärler we dinamikanyň kanunlaryny ulanmaklygy kynlaşdyrýar) we netijede mehanikanyň esasy meselelerini çözmeklik köp ýagdaýlarda ýönekeýleşýär.

2. Material nokadyň esasy dinamiki häsiýetnamalarynyň biri “nokadyň impulsy” diýen ululykdyr. Bu düşüňje hereket mukdarynyň ölçegi bolup hyzmat edýär we material nokat üçin dinamikanyň ikinji kanunyny şeýle görnüşde ýazmaga mümkinçilik berýär:

$$\vec{F}\Delta t = \Delta(m\vec{V})$$

3. Material nokatlaryň sistemasy üçin impuls düşüňjesi bilen baglanyşykly iki sany kanun ýerine ýetýär:

a)  $\Delta\vec{P} = \vec{F}\Delta t$  sistemanyň impulsynyň üýtgame kanuny;

b)  $\Delta\vec{P} = 0$  sistemanyň jemleýji impulsynyň saklanmak kanuny.

4. Nýutonyň kesgitlemesi boýunça,  $\Delta\vec{P} = F\Delta t$  kanun, görnüşi boýunça dinamikanyň esasy kanuny bilen gabat gelýär, ýöne oňa eýýäm nokadyň impulsynyň üýtgemesi däl-de, eýsem nokatlaryň ulgamynyň jemleýji impulslarynyň üýtgemesi, nokada goýlan hemme güýçleriň deňtäsiredijisi däl-de, ulgamyň jisimlerine täsir edýän deňtäsirediji bilen deňgüýçli bolan daşky güýçleriň wektor jemi (daşky güýçleriň esasy wektory) hem girýär.

5. Impulsyň üýtgame kanuny elmydama material nokadyň mehaniki sistemalary üçin ulanarlyklydyr; impulsyň saklanmak kanuny bolsa diňe ýapyk sistemalarda ýerine ýetýändir.

6. Ýapyk sistema hyýalydyr. Hakyky ýagdaýda impulsyň

saklanma kanunyny diňe gysga wagtlaýyn täsirler üçin wektor görnüşinde ulanmak bolýar. Eger sistemanyň içki güýçleri oňa daşyndan edilýän täsir güýçlerinden köp esse uly bolsa, onda bu ýagdaýda daşky güýçleri hasaba almasaň hem bolýar.

Eger-de, sistema ýapyk däl bolsa, ýöne daşky güýçleriň islendik oka bolan proyeksiýalarynyň jemi nola deň bolsa, ýagny mysal üçin  $F_x = 0$  bolsa, onda  $\Delta P_x = 0$  we  $P_x = \text{const}$  bolýar. Diýmek, impulslaryň berlen oka bolan proyeksiýalarynyň jemi saklanýandyr.

Ýokarda agzalyp geçilenler, “impuls” düşüňjesi bilen baglanyşykly meseleleriň üstünlikli çözülmegine ýardam edýän esasy özleşdirmeli zatlardyr.

Fizikanyň mehanika bölüminiň fakultativ sapaklarynda öwrenilýän sistemanyň impulsynyň üýtgame kanunyna seredeliň.

Goý,  $m_1$  we  $m_2$  massaly iki sany material nokatdan ybarat bolan sistema berlen bolsun. Olar deňşilikde  $\vec{g}_{01}$  we  $\vec{g}_{02}$  tizlik bilen hereket edip, biri-birine  $f_{12}$  we  $f_{21}$  güýçler (içki güýçler) bilen özara täsir edişýän bolsunlar. Sistema täsir edýän daşky güýçler deňşilikde  $F_1$  we  $F_2$  bolsun.

Täsiriň netijesinde nokatlaryň tizlikleri üýtgap  $\vec{g}_1$  we  $\vec{g}_2$  bolýar. Her bir nokat üçin Nýutonyň ikinji kanunyny ýazalyň:

$$\begin{aligned}(\vec{F}_1 + \vec{f}_{1,2})\Delta t &= m_1\vec{g}_1 - m_1\vec{g}_{0,1} \\ (\vec{F}_2 + \vec{f}_{1,2})\Delta t &= m_2\vec{g}_2 - m_1\vec{g}_{0,2},\end{aligned}$$

Bu ýerde  $f_{12}$ -birinji jisim bilen ikinji jisimiň özara täsir güýji,  $F_{21}$  - ikinji jisim bilen birinji jisimiň özara täsir güýji.

$\Delta t$  - özara täsir wagtynyň dowamlylygy.

Iki deňlemäni jemläliň we Nýutonyň üçünji kanuny esasynda  $f_{12} = -f_{21}$  bolýanlygyna görä:

$$f_{12} + f_{21} = 0$$

bolar.

Netijede alarys:

$$(\vec{F}_1 + \vec{F}_2) \Delta t = (m_1 \vec{g}_1 + m_2 \vec{g}_2) - (m_1 \vec{g}_{0,2})$$

Sistemanyň özara täsiriň öň ýanyndaky jemleýji impulsy:

$$\vec{P}_1 = m_1 \vec{g}_{0,1} + m_2 \vec{g}_{0,2}$$

Sistemanyň özara täsirden soňky impulsy bolsa:

$$\vec{P}_2 = m_1 \vec{g}_1 + m_2 \vec{g}_2$$

deň bolar. Bu ýerde  $\vec{P}_2 - \vec{P}_1 = \Delta \vec{P}$  tutuş sistemanyň jemleýji impulsynyň üýtgemesi.  $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = \vec{F}$  -bolsa sistema täsir edýän hemme güýçleriň wektor jemi.

Netijede alarys:

$$\vec{F} \Delta t = \Delta \vec{P}$$

Alynan deňlige *sistemanyň jemleýji impulsynyň üýtgame kanuny* diýilýär. Onuň düýp manysy şundan ybarat: Sistemanyň jemleýji impulsy diňe daşky güýçleriň täsiri netijesinde üýtgeýär we güýçleriň jemi we olaryň täsir wagty näçe uly boldugyça şonça-da uly bolýar.

Goý, sistema ýapyk, ýagny oňa degişli jisimlere güýçler täsir etmeýän bolsun. Onda  $\vec{F} = 0$  we  $\vec{P} = 0$ . Bu ýerden bolsa  $\vec{P}_1 = \vec{P}_2$  ýa-da  $\vec{P} = \text{const}$  gelip çykýar, ýagny sistemanyň jemleýji impulsynyň saklanma kanuny ýerine ýetýär.

Okuwçylar impulsyň saklanmak we üýtgame kanunlaryna degişli meseleleri çözenlerinde aşakdaky kynçylyklara sezewar bolýarlar:

- 1) Täsir edişýän jisimleriň sistemasyny aýyl-saýyl etmek, berlen sistemada haýsy güýçleriň içki güýçlerdigini, haýsy güýçleriň bolsa daşky güýçlerdigini takykklamak;

- 2) Haýsy ýagdaýlarda impulsyň saklanmak kanunynyň ulanarlyk, haýsy ýagdaýlarda bolsa ulanarlyk däldigini anyklamak;
- 3) Impulslaryny deňeşdirip bolýan sistemanyň hallaryny saýlamak lyk;
- 4) Sistemanyň jisimleriniň özaratäsir döwrüni we jisimleriň özara täsirden soňky hereket döwrüni böleklere bölmek.

Mesele çözülende ilki bilen okuwçylara täsir edişýän jisimleriň sistemasynda daşky we içki güýçleri we impulslary deňeşdirilýän ýagdaýlary kesgitlemegi öwretmeli.

### ***2.3.2 Bir okuň ugruna görä impulsyň proýeksiýalarynyň jeminiň saklanmak kanunynyň ulanylyşy***

Ilki bilen, bir okuň ugruna görä impulsyň proýeksiýalarynyň jeminiň saklanmak kanunynyň ulanşyny görkezýän meseläniň çözülişine garamakdan başlamaly.

**Mesele:**  $\vec{g}_1$  tizlik bilen gorizontaal hereket edýän üsti

gumly  $m_1$  massaly araba, wertikal ugur boýunça  $m_2$  massaly daş  $\vec{g}_2$  tizlik bilen gaçýar. Daş guma gaçandan soň arabajygyň tizligini tapmaly.

**Berlen:**

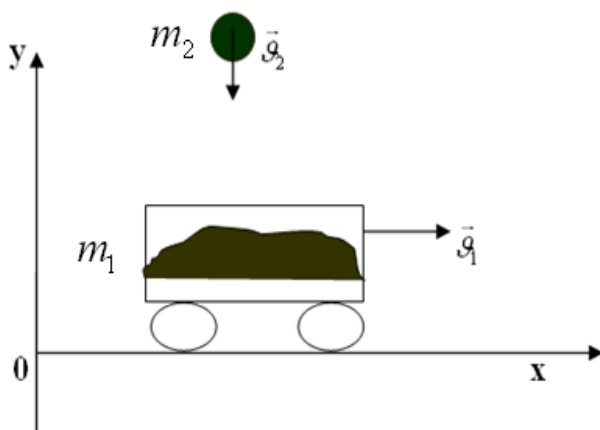
$m_2$

$g_1$

$m_1$

$g_2$

$g'_1 - ?$



### Çözülişi:

Daş guma girende özara täsir güýçleriň çylşyrymly üýtgeýänligi sebäpli, Nýutonyň ikinji kanuny esasynda arabajygyň tizlenmesini we soňra arabajygyň tizligini tapmak kyn bolýar. Şonuň üçin bu meseläni impulsyň saklanmak kanunyny ulanyp çözmeklik has ýeňil bolýar.

Suratdan görnüşi ýaly hasaplama sistemasyny saýlap alalyň. Täsir edişýän jisimleriň sistemasy hökmünde arabajyk bilen daşy saýlap alalyň. Elbetde bu iki jisim Ýer bilen hem täsirleşýär, ýöne diňe araba bilen daşyň täsiri esasynda hereket üýtgeýär. Bu ýerde impulsyň saklanmak kanunyny ulanyp

bolýarmy diýen soragy çözmek üçin ilki bilen bu sistemanyň ýapykdygyny anyklamaly, munuň üçin bolsa sistemadaky jisimlere nähili güýçleriň täsir edýändigini aýdyňlaşdyrmaly.

Daş bilen arabanyň özara täsir güýçleri – içki güýçler, arabajygyn ( $\vec{F}_{a1}$ ) agyrlýk güýji, daşyň ( $\vec{F}_{a2}$ ) agyrlýk güýji we N daýanç güýji – daşky güýçlerdir. Bu ýagdaýda daşky güýçler juda kiçi diýip hasaba almazlyk mümkin däl. Diýmek berlen sistema ýapyk däl, şonuň üçin hem impulsyň saklanmak kanunyny wektor görnüşinde ulanmak mümkin däl. Ýöne daşky güýçleriň  $O_x$  oka bolan proyeksiýalary nola deňdir. Şoňa görä-de, sistemanyň  $O_x$  okunyň ugry boýunça impulsyny üýtgetjek hiç hili dinamiki sebäp ýok. Diýmek,  $O_x$  okuň ugruna görä impulsyň proyeksiýasynyň saklanma kanunyny ýazyp bolýar. Onuň üçin bolsa, iki zyzgider wagt pursaty üçin jisimler sistemanyň impulslaryny deňeşdirmek gerek. Ol ýagdaýlaryň biri özara täsirden öňki, beýlekisi bolsa täsirden soňky ýagdaýdyr:

Özara täsir edişýän jisimler	Özara täsirden öňki impuls	Özara täsirden soňky impuls
Arabajyk	$m_1 \vec{g}_1$	$m_1 \vec{g}_1$
Daş	$m_2 \vec{g}_2$	$m_2 \vec{g}_1$

$O_x$  boýunça sistemanyň impulsynyň jeminiň saklanýanlygy üçin:

$$m_1 g_{1,x} + m_2 g_{2,x} = (m_1 + m_2) g_{1,x}$$

bu ýerde  $g_{2,x} = 0$ .

Onda:  $m_1 g_{1,x} = (m_1 + m_2) g_{1,x}$



bu ýerden, alarys: 
$$\mathcal{G}_1 = \frac{m_1 \mathcal{G}_1}{m_1 + m_2}$$

Şu meseläniň derňewi aşakdaky netijä getirýär.

Ýagny, “impuls” düşünjesi bilen baglanşykly meseleler çözülende hasaplama sistemasyny saýlamaly, täsir edýän güýçleriň haýsysynyň daşky, haýsysynyň bolsa içki güýçlerdigini kesgitlemeli, eger-de, sistema ýapyk däl bolsa, emma daşky güýçleriň proyeksiýalarynyň jemi haýsy hem bolsa bir okuň ugruna görä nola deň bolsa, onda şol okuň ugruna görä impulsalaryň proyeksiýalarynyň jemi saklanýar.

### ***2.3.3 Jisimleriň gysga wagtlaryň özara täsirlerinde (urguda) impulsyň saklanmak kanunynyň ulanyşy***

Jisimleriň gysga wagtlaryň özara täsirlerinde (urguda) impulsyň saklanmak kanunynyň ulanşyna meselelerde seredeliň.

**Mesele:** *Massasy 10 gr bolan 100m/s tizlik bilen gorizontaal uçup baryan ok, gorizontaal stolda ýatan massasy*

100gr bolan agač bölejigine urulýar we ondan geçip 90m/s tizlik bilen hereketini dowam etdirýär. Ok agajy deşip geçenden soň agač bölejiginiň tizligi näçe bolar? Içki we daşky güýçleri deňeşdirmeli. Eger okuň agač böleginiň içinde hereket wagty 0.001s we stol bilen agač bölejiginiň arasyndaky sürtülme koeffisiýenti 0,1 - e deň bolsa, içki we daşky güýçleri deňeşdirmeli.

Berlen:

$$m_1 = 10\text{gr} = 10^{-2}\text{kg}$$

$$m_2 = 100\text{gr} = 0,1\text{kg}$$

$$g_1 = 100\text{m/s}$$

$$g'_1 = 90\text{m/s}$$

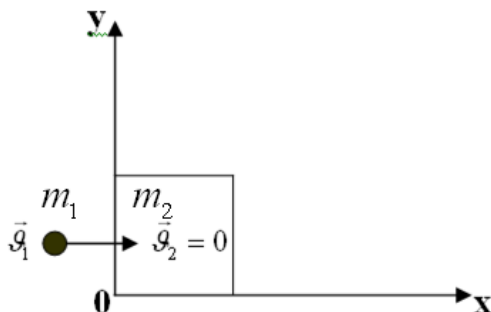
$$g_2 = 0\text{m/s}$$

$$\mu = 0,1$$

$$\Delta t = 0,001\text{s}$$

---


$$g'_2 = ?$$



### Çözülişi:

Suratda görkezilişi ýaly hasaplama sistemasyny saýlap alalyň. Özara täsir edişýän jisimleriň sistemasy hökmünde “agač bölejigi - ok” sistemasyny saýlap alalyň. Okuň agač bölegine we agač böleginiň oka täsir edýän güýçleri içki güýçler bolar. Okuň we agač böleginiň agyrlyk güýji, stoluň daýanç güýji we agač bölejigine täsir edýän sürtülme güýji daşky güýçlerdir. Daşky güýçler kiçi däl, ulgam ýapyk däl we şoňa görä-de, impulsyň saklanmak kanunyny ulanyp bolmaz. Ok agajyň içinde hereket edip garşylyk güýjüne sezewar bolýar. Agajyň oka täsir edýän  $F_{orta}$  - orta güýjüni tapalyň.

Mundan başga-da oka  $F_a$  - agyrlık güýji täsir edýär, onda Nýutonyň kanuny boýunça:

$$(\vec{F}_{orta} + \vec{F}_a) \Delta t = \Delta \vec{P}$$

Bu ýerde  $\Delta \vec{P}$  - okuň impulsynyň  $m_1$  - e çenli üýtgemesi. Onda edil şeýle ululykdaky güýç bilen ok agaç bölejigine täsir edýär we onuň hereketini üýtgedýär.

Daşky güýçleriň bahalaryny tapalyň.

Okuň agyrlık güýji:  $F_{a1} = m_1 g = 0,1N$

Agaç bölegine täsir edýän agyrlık güýji:  $F_{a2} = m_2 g = 1N$

Ok bilen agaç bölejiginiň özara täsirleşýän pursatynda daýanç güýji:  $N = (m_1 + m_2) g = 1,1N$

Sürtülme güýji:  $F_{surt} = \mu N = 0,11N$

$F_{orta}$  güýjüni  $F_{a1}, F_{a2}, N$  we  $F_{surt}$  güýçleri bilen deňeşdirip, daşky güýçleriň içki güýçlerden has kiçidigini görmek bolýar.

$F_{orta}$  - içki güýjüniň uly baha eýe bolmaklygy, täsir ediş wagtynyň örän kiçiligini görkezýär. *Jisimleriň şeýle gysga wagtlaýyn özara täsirine ury diýilýär.*

Şeýlelikde, aşakdaky netijä gelip bolar:

***Jisimleriň gysga wagtlaýyn täsirinde (urgyda) içki güýçler daşky güýçlerden has uludyr we şol güýçleri hasaba almasak hem bolýar we sistemany ýapýk diýip hasap etmeli we impulsyň saklanmak kanunyny ulanmaly.***

Berlen meseläni çözmek üçin impulsyň saklanmak kanunundan peýdalanalyň we özara täsirden öňki we soňky impulsary deňeşdireliň:

Özara täsir edişýän jisimler	Özara täsirden öňki	Özara täsirden
------------------------------	---------------------	----------------

	impuls	soňky impuls
Ok	$m_1 \vec{\mathcal{G}}_1$	$m_1 \vec{\mathcal{G}}_1$
Agaç bölejigi	0	$m_2 \vec{\mathcal{G}}_2$

Onda sistemanyň impulsynyň saklanmak kanuny aşakdaky görnüşde ýazylar:

$$m_1 \vec{\mathcal{G}}_1 + m_2 \vec{\mathcal{G}}_2 - m_1 \vec{\mathcal{G}}_1' = 0 ,$$

onda, bu ýerden:

$$\mathcal{G}_2 = \frac{m_1 (\mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_1')}{m_2} = 1 m / s .$$

Impulsyň saklanmak kanuny ulanylyp mesele çözülende, esasy göz önünde tutmaly zatlary sanalyň:

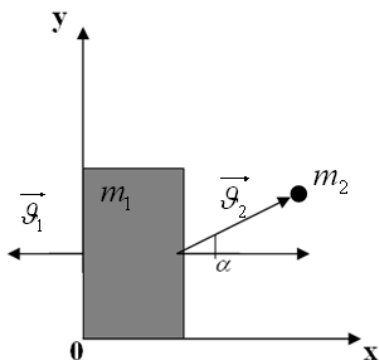
- 1.Hasaplama sistemasyny saýlap almaly.
- 2.Özara täsir edişýän jisimleriň sistemasyny kesgitlemeli we bu sistemada haýsy güýçleriň daşky, haýsy güýçleriň bolsa içki güýçlerdigini kesgitlemeli.
- 3.Özara täsirden öň we soň ulgamyň hemme jisimleriniň impulsalaryny kesgitlemeli.
- 4.Eger sistema ýapyk däl bolsa, emma güýçleriň proyeksiýalarynyň jemi haýsy-da bolsa bir okuň ugruna görä nola deň bolsa, onda impulsyň saklanmak kanunyny ulanmaly.
- 5.Eger daşky güýçler içki güýçler bilen deňeşdirilende has kiçi bolsa, (jisimleriň çaknyşmalarynda) impulsyň saklanma kanunyny wektor görnüşinde ýazmaly we soňra skalýar görnüşe geçmeli.

Impulsyň proyeksiýalarynyň saklanma kanunynyň ulanylyşyny ýene-de bir meselede görkezeliň.

**Mesele:** Massasy  $m_1$  bolan buzda typjy buzun üstünde durup, gorizonta  $\varphi$  burç bilen  $\mathcal{G}_2$  tizlik bilen  $m_2$  massaly buzy zyňýar. Buz zyňýlandan soň buzda typjynyň tizligini kesgitlemeli.

Berlen:

$$\begin{array}{l} m_1 \\ m_2 \\ \mathcal{G}_2 \\ \alpha \\ \hline \mathcal{G}_1 - ? \end{array}$$



Özara täsirden öňki we soňky impulsalary deňeşdireliň:

Özara täsir edişýän jisimler	Özara täsirden öňki impuls	Özara täsirden soňky impuls
Adam	0	$m_1 \vec{\mathcal{G}}_1$
Buz bölegi	0	$m_2 \vec{\mathcal{G}}_2$

Içki güýçler – bu adam bilen buz böleginiň arasyndaky özara täsir güýçleridir. Daşky güýçler bolsa, adamyň we bölek buzun agyrlık güýçleri ( $\vec{F}_a$ ), we buzun reaksiýa güýji ( $\vec{N}$ ) (sürtülme güýjüni hasaba alamyzok). Adatça okuwçylar buz bölegi zyňylan pursatynda  $F_a = N$  we impulsyň saklanma kanunyny ulanyp bolýar diýip hasaplaýarlar. Ýöne özara

täsirden soň adam bilen bölek buzuň impulsly bir ugur boýunça ugrukdyrlan däldir, şoňa görä-de:

$$m_1 \vec{g}_1 + m_2 \vec{g}_2 \neq 0$$

Şonuň üçin bu ýagdaýda impulsyň proyeksiýalarynyň saklanmak kanunynyndan peýdalanmak gerek:

$$m_1 g_{1x} + m_2 g_{2x} = 0$$

Çyzgydan alarys:  $g_{1x} = -g_1$  we  $g_{2x} = -g_2 \cos \alpha$

Onda ýokarky deňlemeden alarys:

$$g_1 = (m_2 / m_1) g_2 \cos \alpha$$

Saklanmak kanunynyň wektor häsiýetiniň bardygyny belläp geçmek gerek. Aşakdaky meselä seredeliň.

**Mesele:** *Massasy 1kg bolan şar stoluň üstünde 5m/s tizlik bilen hereket edip, dynçlykda duran şu ululykdaky massaly şar bilen çaknyşýar. Şeýlelikde, dynçlykda duran şar, birinji şaryň hereket ugruna  $\varphi_1 = 53^\circ$  burç bilen ugrukdyrylan ugur boýunça 3m/s tizlige eýe bolýar. Urgy maýyşgak diýip hasap edip birinji şaryň tizliginiň modulyny we ugruny grafiki kesgitlemeli.*

**Berlen:**

$$g_1 = 5m/s$$

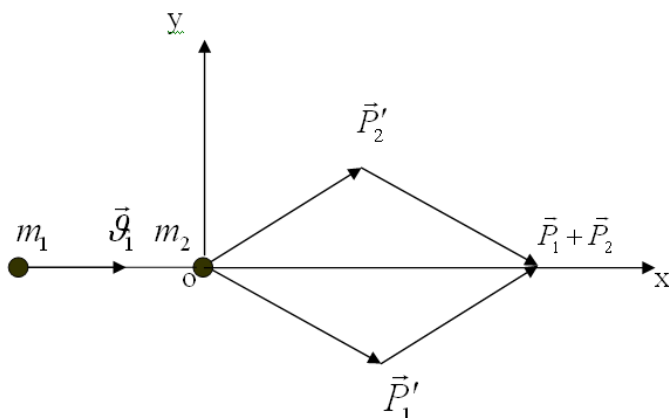
$$m_1 = m_2 = 1kg$$

$$\alpha_1 = 53^\circ$$

$$g_2 = 3m/s$$

Hasaplama sistemasyny çaknyşma bolan nokat bilen baglanyşdyryp, çyzgyda görkezilişi ýaly alalyň. Şarlaryň özara täsir güýçleri içki güýçler, agyrlık we sürtülme güýçleri daşky güýçlerdir.

$$\vec{g}' - ?, \alpha_2 - ?$$



Özara täsirden öňki we soňky impulsalary deňeşdireliň:

Özara täsir edişýän jisimler	Özara täsirden öňki impuls	Özara täsirden öňki impuls
Birinji şar	$P_1 = m\vec{g}_1$	$P'_1 = m\vec{g}'_1$
Ikinji şar	$P_2 = 0$	$P'_2 = m\vec{g}'_2$

Biziň şu meselämizde, özara täsiriň çaknyşma häsiýetde bolýandygyna görä, impulsyň saklanma kanunyny ulanalyň.

Meseläniň geometriki çözmelidigine görä skalýar görnüşe geçmekligiň geregi ýok we  $\varphi$  burçy hasaba alyp,  $P_1$

we  $P_2$  wektorlary degişli masştabda şekillendirip,  $P'_1$  tapyp bileris. Hakykatdan hem, çaknyşykdan soň sistemanyň impulsalarynyň jemi modullary we ugurlary boýunça çaknyşmadan öňki  $P_1$  impulsa deň bolmaly. Şunlukda, impulsalaryň wektor jemi moduly boýunça hem, ugry boýunça

hem saklanyp galýar. Şonuň üçin çyzgyda  $P_1$  boýunça deň we  $P_1$  ýaly ugrukdyrylan  $P'_1 + P'_2$  wektory ýokardaky çyzgyda guralyň we ony taraplary  $P'_1$  we  $P'_2$  bolan parallelogramyň diagonaly diýip hasap edeliň. Bu diagonalda we bize belli bolan  $P'_2$  gapdalda parallelogram gurmaly. Onuň beýleki gapdaly  $P'_1$  - i berer. Çyzgydan görnüşi ýaly çaknyşykdan soň şarlaryň hereket burçy göni bolar, diýmek  $\varphi_2 = 90^\circ - 53^\circ = 37^\circ$  we tizligiň moduly  $\mathcal{G}'_1 = 4m/s$  blar.

Hasaplama sistemasyny saýlamaklygy köp halatda okuwçylar ýatdan çykarýarlar. Mesele çözülide hasaplama sistemasyny saýlap almaklygyň möhümligini aşakdaky meseläniň çözülişunde görkezeliň.

**Mesele:** Massasy  $m_1$  bolan adam  $\Delta t$  wagt aralygynda, massasy  $m_2$  we uzynlygy  $L$  bolan dynçlyk ýagdaýynda duran gaýygyň yzyndan öňüne ýörüp geçýär. Şonuň netijesinde gaýygyň eýe bolýan tizligini tapmaly (suwuň garşylygyny hasaba almaly däl).

**Berlen:**

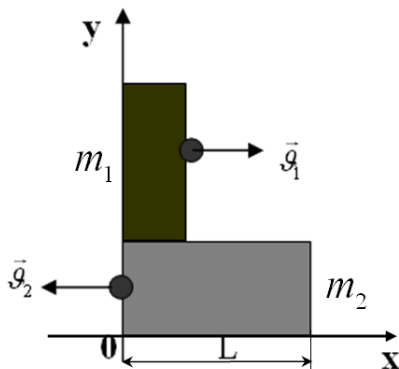
$m_1$

$m_2$

$\Delta t$

$L$

$\mathcal{G}_2 = ?$





### Çözülüşi:

Ýer bilen baglanyşdyryp çyzgyda görkezilişi ýaly hasaplama sistemasyny saýlap alalyň. “Adam - gaýyk” sistemasyna seredip geçeris. Bu jisimleriniň özara täsirleşýän güýçleri içki güýçlerdir. Olardan başda-da, sistemanyň jisimlerine, Ýeriň dartuw güýji we itekleyji güýçler täsir edýärler, diýmek sistema ýapyk däl. Ýöne, bu güýçleriň  $O_x$  oka bolan göçürmeleri nola deň, şonuň üçin bu oka görä hereket üçin impulsaryň proyeksiýalarynyň saklanmak kanunyny ýazyp bileris.

Özara täsir edişýän jisimler	Özara täsirden öňki impuls	Özara täsirden soňky impuls
Adam	0	$m_1 \mathcal{G}_1$
Gaýyk	0	$m_2 \mathcal{G}_2$

Adatça okuwçylar:  $m_1 \mathcal{G}_{1x} + m_2 \mathcal{G}_{2x} = 0$  we  $m_1 \mathcal{G}_1 - m_2 \mathcal{G}_2 = 0$  we gaýyk  $\mathcal{G}_1$  tizlige garşy bolan  $\mathcal{G}_2$  tizlige eýe boldy diýip ýazýarlar. Şunlukda olar  $\mathcal{G}_1 = \frac{L}{\Delta t}$  diýip hasap edýärler. Bu nädogrudyr, sebäbi  $L / \Delta t = \mathcal{G}_1$  tizlik bu adamyň gaýyga görä tizligi,  $\mathcal{G}_2$  bolsa gaýygyň Ýere görä tizligi. Ýagny saklanma kanunynyň deňlemelerine dürli sistemalarda hasaplanýan ululyklar girýärler.

Bu meseläniň dogry çözlüşi tizlikleriň goşulma kanuny  $\mathcal{G}_x = \mathcal{G}_{1x} + \mathcal{G}_{2x}$  boýunça bolmaly, bu ýerden  $\mathcal{G} = \mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_2$

alarys. Bu ýerde  $\mathcal{Q}$  - adamyň ýere görä tizligi. Onda impulsyň proyeksiýalarynyň saklanmak kanuny boýunça alarys:

$$m_1 \mathcal{Q} + m_2 \mathcal{Q}_2 = 0$$

bu ýerde ähli impulslar Ýer bilen bagly bolan hasaplama sistemasyna görä hasaplanylýar.

$$\text{Soňra alarys: } m_1 (\mathcal{Q}_1 - \mathcal{Q}_2) - m_2 \mathcal{Q}_2 = 0$$

we

$$\mathcal{Q}_2 = \frac{m_1 \mathcal{Q}_1}{m_1 + m_2} = \frac{m_1 L}{(m_1 + m_2) \Delta t}$$

Bu meseläniň çözülişinden täze düzgün gelip çykýar: *impulsyň saklanmak kanuny ulanylanda oňa girýän ähli ululyklar şol bir hasaplama sistemasyna görä hasaplanylmalýdyr.*

*Aýdylanlary jemlesek, şeýle netijelere gelmek bolar:*

**1. Material nokatlaryň sistemasy üçin impuls düşünjesi bilen baglanşykly iki sany kanun ýerine ýetýär:**

*a)  $\Delta \vec{P} = \vec{F} \Delta t$  - sistemanyň impulsynyň üýtgame kanuny, ýagny sistemanyň jemleýji impulsy diňe daşky güýçleriň täsiri netijesinde üýtgeýär we güýçleriň jemi we olaryň täsir wagty näçe uly boldugyça şonça-da, uly bolýar.*

*b)  $\Delta \vec{P} = 0$  sistemanyň jemleýji impulsynyň saklanma kanuny.*

**2. Impulsyň üýtgame kanuny elmydama material nokadyň mehaniki sistemalary üçin ulanarlyklydyr; impulsyň saklanma kanuny bolsa diňe ýapyk sistemalarda ýerine ýetýändir.**

**3. Impulsyň saklanma kanuny ulanylyp mesele çözülende aşakdakylardan ugur almaly:**

*a) Hasaplama sistemasyny saýlap almaly;*

*b) Özara täsir edişýän jisimleriň sistemasyny kesgitlemeli we bu sistemada haýsy güýçleriň daşky, haýsy güýçleriň bolsa içki güýçlerdigini kesgitlemeli;*

*c) Özara täsirden öň we soň sistemanyň hemme jisimleriniň impulslaryny kesgitlemeli;*

*d) Eger sistema ýapyk däl bolsa, emma güýçleriň proyeksiýalarynyň jemi haýsy-da bolsa bir okuň ugruna görä nola deň bolsa, onda impulsyň saklanmak kanunyny ulanmaly.*

*e) Jisimleriň gysga wagtlaryň täsirinde (urgyda) içki güýçler daşky güýçlerden has uludyr we daşky güýçleri hasaba almasak hem bolýar we bu ýagdaýda sistemany ýapyk diýip hasap etmeli we impulsyň saklanmak kanunyny ulanmaly.*

*ä) Eger sistemanyň jisimlerine daşky güýçler täsir edýän bolsa we olary hasaba almazlyk mümkin däl bolsa, onda impulsyň üýtgemek kanunynyň wektor görnüşini ýazmaly we soňra skalýar görnüşe geçmeli.*

*4. Impulsyň saklanma kanuny ulanylanda oňa girýän ähli ululyklar şol bir hasaplama sistemasyna görä hasaplanylmaladyr.*

## **DÖRDÜNJI BAP. MEHANIKI ENERGIÝANYŇ SAKLANMAK KANUNYNA DEGIŞLI MESELELERI ÇÖZMEK USULY**

### **2.4.1 *Mekaniki energiýanyň saklanmak kanunyna degişli meseleleri çözmek üçin zerur bolan düşünjeler***

*Energiýa* (grekçe energiýa - täsir, iş) materiýanyň ähli görnüşleriniň hereketleriniň we özara täsiriniň umumy san ölçegidir.

Energiýa hiç zatdan emele gelmeýär we ýok bolmaýar, ol diňe bir görnüşden başga görnüşe geçip biler. Energiýa düşünjesi tebigatyň ähli hadysalaryny bir ýere baglanyşdyrýar. Materiýanyň hereketiniň dürli görnüşlerine degişlilikde energiýanyň dürli görnüşlerine seredilýär: mehaniki, içki, elektromagnit, himiki, ýadro we başgalar.

Energiýa düşünjä aýdyň göz ýetirmek maksady bilen käbir ýagdaýlara gysgaça syn edeliň. Zawodlarda we fabriklerde stanoklary, maşynlary hereket etdirijiler elektrik energiýasyny harç edýärler. Awtomabiller we uçarlar ýanan benziniň energiýasyny ulanýarlar, ýokardan gaçýan suwuň energiýasy bilen suw turibunalary işleýär. Bizň hut özümyz hem ýaşamak we işlemek üçin öz energiýamyzyň ätiýaçlygyny yzygider tazeläp durmaly. Meselem: uly işi ýerine ýetirip bilýän adama uly energiýaly diýilýär.

Ýerden ýokary galdyrylan ýüküň, gysylan pružiniň, islendik hereket edýän jisimiň energiýasy bar, sebäbi olar belli bir işi ýerine ýetirmäge ukuply ýa-da işi ýerine ýetirýär. Şeýlelik-de energiýa-jisimiň nähili işi ýerine ýetirip biljekdigini görkezýän fiziki ululykdyr. Şonuň üçin energiýanyň birligi hem *Jouldyr*.

Iş ýerine ýetirilende jisimiň energiýasy üýtgeýär-azalýar.

Energiýanyň üýtgemeginiň ululygy ýerine ýetirilen işiň ululygyna deň. Şeýlelik-de iş energiýanyň üýtgemeginiň ölçegidir, ýagny energiýa - iş edip bilijilik ukyp, iş – sarp edilen energiýadyr.

Energiýanyň saklanmak kanunyny ulanmak mümkinçiligi baradaky sorag okuwçylar tarapyndan uly kynçylyk bilen çözülýär. Munuň esasy sebäbi, okuwçylar doly mehaniki energiýany deňeşdirer ýaly iki haly saýlap alyp bilmeýärler, potensial energiýany hasaplap başlamagyň nol derejesini saýlap almakda ýalňyşýarlar. Şeýle hem, olar mehaniki energiýanyň saklanmak kanuny diňe ýapyk ulgamlar üçin ýerine ýetýär

diýip hasap edip, ulgama potensial (konserwativ) güýçleriň hem täsir edýändigini unudýarlar we ters netijä gelýärler.

Mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyna degişli meseleleri çözmek üçin okuwçylar aşakdaky düşüňjeleri bilmeli.

### ***a). Mehaniki hal***

Mehanikada bölejikleriň (ýa-da jisimleriň) ýagdaýlary (ýa-da hallary) olaryň orunlary (koordinatalary) we tizlikleri bilen kesgitlenýär. Berlen güýçlerde başlangyç orny we tizligi boýunça wagtyň soňky islendik pursatlarynda jisimiň ornyny we tizligini tapyp bolýar. Şeýlelik-de, eger “jirim (meselem, maddy nokat) berlen halda ýerleşýär” diýilse, onda ol wagtyň kesgitli pursatynda kesgitli ululyklar-halyň parametrleri bilen suratlandyrylýar diýmekdir.

Mehaniki haly görkezmeklik onuň parametrlerini (koordinatanyň we tizligiň berlen pursatdaky bahalaryny) görkezmekligi aňladýar. Berlen halda ýerleşýär diýmeklik dynçlygy aňlatmaýar, hal-dynçlyk däl-de, hereketiň pursatydyr. Fiziki ululyklaryň islendigi halyň häsiýetlendirijisi däl-dir. Ululyklaryň käbirleri haly däl-de, wagtyň geçmeginde onuň üýtgemek hadysasyny häsiýetlendirýär. Şeýle ululyklara süýşmek, orta tizlik, güýjiň impulsy, ýylylyk mukdary girýärler. Sebäbi olar üçün berlen pursatdaky bahany görkezip bolmaýar.

### ***b). Güýjüň işi***

Güýjüň işi halyň häsiýetnamasy däl-dir, ol halyň üýtgeýiş hadysasyny aňladýar. Jisimi herekete getirmek üçin täsir edýän güýç iş edýär. Bu işe mehaniki iş diýilýär.

Hemişelik güýjüň işi-güýjüň we orun üýtgemäniň wektorlarynyň modullarynyň şol wektorlaryň arasyndaky burçuň cosinusyna köpeltmek hasylyna deňdir, ýagny

$$A = \vec{F}\vec{S} \cos \alpha$$

Soňky deňlemäniň hususy hallaryna seredeliň.

1). Eger  $F$  güýjüň we  $S$  orun üýtgemäniň ugurlary gabat

gelse onda  $\alpha = 0^\circ$  bolar, onda

$$A = \vec{F}\vec{S}$$

2). Eger  $F$  güýüň we  $S$  orun üýtgemäniň ugurlary garşylykly bolsa, onda  $\alpha = 180^\circ$  bolar, onda

$$A = -\vec{F}\vec{S}$$

3). Eger  $F$ -iň we  $S$ -iň ugurlary perpendikulýar bolsa, onda  $\alpha = 90^\circ$  bolar, onda  $A = 0$ .

### **ç).Dürli görnüşli güýçleriň işi**

Ýokarda seredilen güýçlerden başga-da, bir haldan başga hala geçilende güýjüň işiniň aşakdaky görnüşleri alynýar:

1). *Islendik güýçleriň deň täsir edijisiniň işi:*

$$A_{12} = \frac{mV_2^2}{2} - \frac{mV_1^2}{2} = \Delta\left(\frac{mV^2}{2}\right)$$

2). *Agyrlyk güýjüniň işi:*

$$A_{12} = -(mgh_2 - mgh_1) = -\Delta(mgh)$$

3). *Maýyşgaklyk güýjüniň işi:*

$$A_{12} = \frac{kx_2^2}{2} - \frac{kx_1^2}{2} = -\Delta\left(\frac{kx^2}{2}\right)$$

4).  *$S$  uzunlykly göni boýunça we  $S_1$  we  $S_2$  döwür çyzyk boýunça 1 haldan 2 hala geçilendäki sürtülme güýjüniň işi:*

Biriňji halda:

$$A_{12} = -\vec{F}_{srt}\vec{S} \quad ,$$

Ikinji halda:

$$A'_{12} = -\vec{F}_{srt}(\vec{S}_1 + \vec{S}_2)$$

Ýöne  $S \neq S_1 + S_2$  we  $A'_{12} \neq A_{12}$

Sürtülme güýjüniň işinden tapawutlylykda, agyrylyk güýjüniň we maýyşgaklyk güýjüniň işi bir haldan beýleki ýagdaýa geçilýän traýektorýanyň görnüşine bagly däldir. Şeýle güýçlere *potensial güýçler* diýilýär. *Agyrlyk we maýyşgaklyk*

*güýçler - potensial güýçlerdir, sürtülme güýji potensial däl güýçdir.* Sürtülme ýok mahalynda daýanç güýjüniň işi elmydama nola deňdir, diýmek energetiki kanunlar ulanylanda daýanç güýçler hasaba alynmaýar.

#### ***d).Mehaniki energiýa we onuň görnüşleri***

Jisimlerin özara täsiri we hereketi bilen baglanyşykly energiýa mehaniki energiýa diýilýär. Mehaniki energiýa iki görnüşde ýüze çykýar: potensial we kinetik energiýa.

Halyň üýtgemegi  $\frac{mV^2}{2}$  ,  $mgh$  ,  $\frac{kx^2}{2}$  ululyklaryň

üýtgemeklerine deň bolan iş bilen suratlandyrylýar. Şu ululyklar halyň parametrlerine (koordinatasyna we tizlik) baglydyrlar, dürli hallarda dürliüdirler we şonuň üçin bir haly beýlekiden tapawutlandyrmaga mümkinçilik berýärler. Ýagny olary mehaniki energiýa diýip atlandyrylýan halyň käbir häşiýetnamalarynyň dürli görnüşleridigini aýtmak bolar. Şol ululyklaryň umumylyklaryna garamazdan olar ýerlikli tapawutlanýar.

$\frac{mV^2}{2}$  ululyk tizlige bagly we güýçleriniň kesgitli görnüşi bilen bagly däl.

$mgh$  we  $\frac{kx^2}{2}$  ululyklar koordinata baglydyrlar we jisime potensial güýjüň täsiri bilen baglanyşyklydyr.

Hereket edýän jisimiň halyny häsiýatlendirýän tizlige bagly we üýtgemegi islendik deňtäsir ediji güýçleriniň işine deň ululyga *kinetik energiýa* diýilýär.

Jisimiň halyny häsiýetlendirýän, jisimiň ornyna koordinatasyna) bagly bolan we potensial güýjüň işi bilen onuň üýtgemegi kesgitlenýän ululyga *potensial energiýa* diýilýär.

Şeýlekde, eger jisim hereket etse, onda ol kinetik energiýa eýedir: eger jisime potensial güýç täsir etse, onda ol potensial energiýa eýedir.

Umuman belenilende, potensial energiýa özara täsir energiýasydyr, onuň bahasyny birbahaly kesgitlemek üçin hasaplamanyň nol derejesini saýlap almaly, oňa potensial energiýanyň alamaty baglydyr. Şonuň üçin potensial güýjüň işi elmydama otirsatel alamatly potsail energiýanyň üýtgemegine deňdir. Ýagny:

$$A_{pot} = -\Delta E_p$$

**e). Mehaniki energiýanyň saklanmak  
we üýtgemek kanunlary**

Mehanikada özara baglanyşykly iki energetiki kanunlar bar: mehaniki energiýanyň üýtgemek kanuny

$$\Delta E = E_2 - E_1 = A_{pot.dal}$$

we mehaniki energiýanyň saklanmak kanuny

$$\Delta E = E_2 - E_1 = 0$$

Birinji aňlatma potensial däl güýçleriň täsir edýän ýagdaýynda dogrydyr. Ikinji aňlatma, diňe potensial güýçler täsir edýän mahalynda ýerine ýetýär. Muny aşakdaky ýaly görkezip bolar.

Goý, nokat  $E_{k_1}$  we  $E_{p_1}$  ululyklar bilen häsiýetlendirilýän 1 haldan,  $E_{k_2}$  we  $E_{p_2}$  ululyklar bilen häsiýetlendirilýän 2 hala geçýän bolsun. Nokada potensial we potensial däl güýçleri täsir edýän bolsun. Şeýle hallarda doly mehaniki energiýa barada näme aýdyp bolar?

Islendik güýçleriň deňtäsiredijisiniň işi:

$$A_{12} = A_{pot} + A_{pot.dal} = \Delta E_k$$

Ýöne, ýokarda belenilşi ýaly

$$A_{pot} = -\Delta E_p$$

Diýmek:

$$A_{12} = -\Delta E_{pot} + A_{pot.dal} = \Delta E_k$$

Bu ýerden:



$$\Delta E = E_2 - E_1 = A_{pot.dal}$$

Eger diňe potensial güýçler täsir edýän bolsa, onda:

$$A_{pot.dal} = 0 \quad we \quad \Delta E = E_2 - E_1$$

mehaniki energiýanyň saklanmak kanuny ýerine ýetýär. Diňe potensial güýçler täsir edýän garalan ulgamyň doly energiýasy hemişelik bolup galýar.

#### **2.4.2    *Mehaniki energiýanyň saklanmak kanunynyň ulanylyşy***

Ýokarda sanalan düşüňjeler we düzgünnamalar meseleleri energetiki usul bilen çözmeklige doly esas döredýär. Mehanikanyň saklanmak kanunynyň ulanylyşyna degişli meselelere seredeliň.

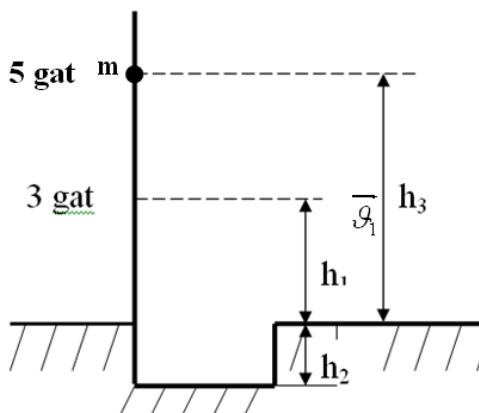
**Mesele:** Ýerden 12 m beýiklikde 3-nji gatyň balkonynda massasy 5 kg bolan jisim ýerleşen. Ýeriň üstüne görä beýikligi 18 m bolan 5-nji gata görä we çuňlugy 4 m bolan jaýyň esasynyň düýbüne görä jisimiň potensial energiýasyny tapmaly.

Berlen:

$m = 5 \text{ kg}$   
 $h_1 = 12 \text{ m}$   
 $h_2 = 4 \text{ m}$   
 $h_3 = 18 \text{ m}$

---

$E_p - ?$



### Çözüşi:

Jisime potensial güýç (agyrlýk güýji) täsir edýändigine görä, ol saýlanyp alnan nol derejä görä jisimiň beýikligine baglylykda potensial energiýa eýedir.

Potensial energiýa elmydama jisim berlen haldan nol derejä geçende potensial güýjüň edýän işine deňdir. Ýeriň üstüne görä jisimiň potensial energiýasy:

$$E_{p1} = A_{10} = F_s h_1 \cos 0 = mgh_1 = 600 \text{ J}$$

Jaýyň esasynyň düýbüne görä onuň potensial energiýasy:

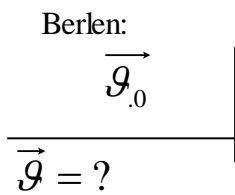
$$E_{p2} = F_s(h_1 + h_2) \cos 0 = mg(h_1 + h_2) = 800 \text{ J}$$

5-nji gata görä jisimiň potensial energiýasy:

$$E_{p3} = F_s(h_3 - h_1) \cos 180^\circ = -300 \text{ J}$$

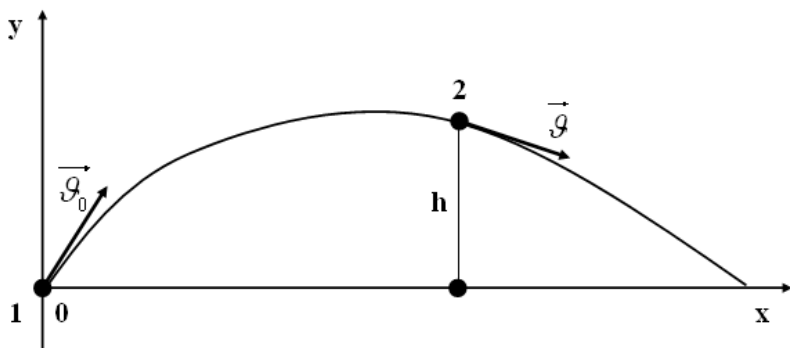
Şeýlelikde, potensial energiýanyň bahasy we onuň alamaty nol derejäniň saýlanyp alnyşyna baglydyr hem-de, potensial güýçleriň jisimiň nol derejä geçendäki işi bilen kesgitleýär (1-nji surat).

**Mesele:** *Gorizonta käbir burç bilen ýeriň üsünden  $v_0$  tizlikli jisim zyňylýar. Eger howanyň garşylygy örän kiçi diýip hasap edip haýsy hem bolsa bir  $h$  beýiklikde onuň tizligini tapmaly.*



**Çözülişi:**

Meseläni çözmek üçin saklanmak kanunyny ulanmaly. Onuň üçin haýsy hem bolsa iki ýagdaýlarda energiýany tapmaly. Diýmek, ilki bilen şol hallary saylamaly. Gözlenilýän ýagdaýlaryň parametrleriniň sanyna belli we gözlenilýän ululyklaryň girmelidigi tebigydyr. Şeýle ýagdaýlar hökmünde suratdaky 1 we 2 hallary görkezmek bolar. Bu mesele çözülenide potensial energiýany kesgitlemek gerek boljakdygyna göre ony hasaplamanyň nol derejesini saýlap almaly.



Nol dereje hökmünde ýerini üstüni saýlap almak bolar. Mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyny ulanmak üçin jisime haýsy güýçleriň-potensial ýa-da potensial däl güýçleriň täsir edýändigini kesgitlemeli. Meseläniň şertine laýyklykda jisime diňe potensial güýç-agyrlýk güýji täsir edýär. Diýmek meseläni çözmek üçin mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyny ulanyp bolar. Ony  $E_1 = E_2$  görnüşinde ýazalyň.  $E_1$  we  $E_2$  energiýalaryň bahalary:

$$E_1 = \frac{mV_0^2}{2} \quad \text{we} \quad E_2 = \frac{mV^2}{2}$$

2 halda  $E_2$  energiýa  $mgh$  hem goşulýar, onda:

$$\frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV^2}{2} + mgh$$

Bu ýerden:

$$V = \sqrt{V_0^2 + 2gh}$$

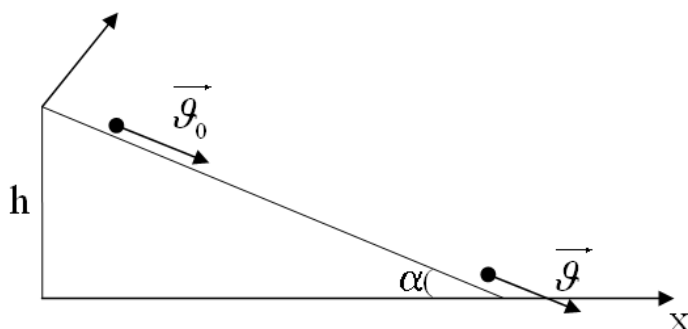
**Mesele:**  $h$  beýiklikli we  $l$  uzunlykly eňňit tekizligiň depesinden jisimi itip, oňa  $v_0$  tizlik berýärler, sürtüme örün kiçi hasap edip eňňit tekizligiň eteginde jisimiň tizligini tapmaly.

Berlen:

$$\vec{g}_0$$

h

$$\vec{g} = ?$$



### Çözülişi:

Hasaplama sistemasyny şu suratda görkezilişi ýaly saýlalyň. Eger mesele energetiki usul bilen çözüjek bolsa inda energiýany deňeşdirer ýaly iki haly saýlamaly. Şeýle hallar diýip, eňňit tekizliginiň depesini we etegini hasap edeliň. Potensial energiýany hasaplamanyň nol derejesi diýip, eňňit tekizligiň esasyny kabul edeliň. Jisime diňe potensial güýç edýär. (sürtülme ýok), onda

$$E_1 = E_2$$

mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyňy ulanallyň. Her bir halda kinetik we potensial energiýalaryň bahalaryny tapyp we olary saklanmak kanunynda goýup, alarys:

$$\frac{mV_0^2}{2} + mgh = \frac{mV^2}{2}$$

Bu ýerden:

$$V = \sqrt{V_0^2 + 2gh}$$

1 we 2 meseleleriň çözgütlerini deňeşdirip ýerine ýetirilýän işleriň umumylyklary ýüze çykýar. Olaryň esasynda mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyna meseleleriň çözülişiniň käbir algoritmleri döredilýär.

### 2.4.3 *Mehaniki energiýanyň üýtgemek kanunynyň ulanylyşy*

Mehaniki energiýanyň üýtgemek kanunynyň ulanylyşyny käbir meseleleri çözmek bilen aýdyňlaşdyrally.

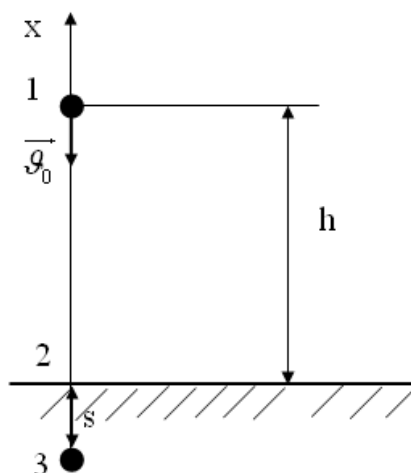
**Mesele:** *m massaly jisim h beýiklikden  $\vec{g}_0$  tizlik bilen dik aşak zyňylýar. Ol ýere gaçyp topragyň S çuňlugyna çümyär. Ýeriň garşylygynyň orta guýjünü tapmaly (howanyň garşylygyny hasaba almaly däl).*

Berlen:

$m$	
$\vec{g}_0$	
$h$	
$S$	

---

$F_g$ -?



### Çözülüşi:

Şu suratda görkezilişi ýaly hasaplama sistemasyny saýlalyň. Potensial energiýany hasaplamanyň nol derejesi diýip 2 ýa-da 3 hallar kabul edilip biliner. Goý ol hal 3 hal bilen gabat gelýär diýeliň. 1 we 2 aralykda diňe agyrylyk güýji-potensial güýji täsir edýär, diýmek mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyny ulanylyp bolar.

2 we 3 aralykda potensial däl güýç garşylyk güýji hem täsir edýär, diýmek hereketiň şu aralykda mehaniki energiýanyň üýtgemek kanunyny ulanmak bolar. Şeýlelikde, alarys:

$$\Delta E_{12} = E_2 - E_1 = 0$$

$$\Delta E_{23} = E_3 - E_2 = A_{23}$$

Bu ýerden

$$E_3 - E_1 = E_{23} \quad (1)$$

Ýagny 2 halyň gerek dældigi ýüze çykýar.  $E_1$ ,  $E_2$  energiýalaryň we işiň bahalaryny tapalyň.

$$E_3 = 0$$

$$E_1 = \frac{mv_0^2}{2} + mg(h + s), \quad A_{\text{garş}} = -F_{\text{garş}}S$$

Şu ululyklary (1)-e goýup alarys:

$$0 - \frac{mv_0^2}{2} - mg(h + s) = -F_{\text{garş}}S$$

Mundan, alarys:

$$F_{\text{garş}} = \frac{mv_0^2 + 2mg(h + s)}{2}$$

**Mesele:** Awtomobil gara ýol boýunça  $36 \frac{\text{km}}{\text{sag}}$  tizlik bilen

hereket edýär. Sürüji haçanda  $26 \text{ m}$  galanda ýolda herekete päsgele berýänzady görýär. Eger sürtüme koeffisienti  $0,2$  (sürüjiniň gaýtargy wagtyny hasaba almaly däl) bolsa şol zada baryp urularmy?

Berlen:

$$\vec{g} = 36 \frac{\text{km}}{\text{sag}} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

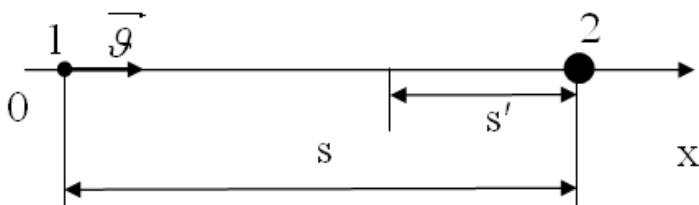
$$\mu = 0,2$$

$$s' = 26 \text{ m}$$

---


$$s - ?$$





### Çözülüşi:

Hasaplama sistemasyny şu suratda görkezilişi ýaly saýlalyň. Awtomobiliň iki halyna seredeli: togtadylmagyň başlangyjyna degişli hal we onuň doly durmaklygyna degişli hal. Potensial energiýany hasaplamanyň nol derejesi diýip ýerini üstüni kabul edeliň.

Awtomobil potensial däl güýç - sürtülme güýji täsir edýär, diýmek:

$$\Delta E = A_{srt}$$

mehaniki energiýanyň üýtgemek kanunyny ulanarys. Bu deňlemä girýän ähli ululyklaryň bahalaryny tapyp we oňa goýup alarys:

$$0 - \frac{m \cdot v^2}{2} = -\mu \cdot m \cdot g \cdot s$$

Bu ýerden:

$$s = \frac{v^2}{2\mu \cdot g} = \frac{(10 \frac{m}{s})^2}{2 \cdot 0,2 \cdot 10 \frac{m}{s^2}} = \frac{100 (\frac{m}{s})^2}{4 \frac{m}{s^2}} = 25 m$$

Ýagny, awtomobiliň şol zada baryp urulmagynyň önüni alyp bolýar.

Mehaniki meseleler diňe bir energiýanyň saklanmak kanuny bilen çözülmän, impulsyň saklanmak kanunyny we mehaniki energiýanyň saklanmak hem-de üýtgemek kanunyny bilelikde ulanyp çözülýän ýagdaýlary hem duş gelýär.

Şeýle ýagdaýlara mysal hökmünde aşakdaky meseläniň çözülişine seredeliň.

**Mesele:** *Sapakdan asylan massasy  $M$  bolan içi çägeli guta gorizonta ugur boýunça hereket edýän massasy  $m$  bolan ok urulýar we gutyda galýar. Şunlukda guty gyşarýar we ilki başdaky ýagdaýyndan  $h$  beýiklige galýar. Okuň tizligini tapmaly.*

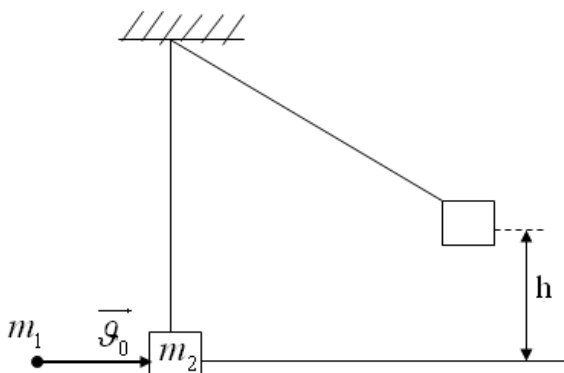
Berlen:

$m_1$

$m_2$

$h$

$\vec{g}_0 = ?$



### Çözülişi:

Bu meseläni energiýanyň we impulsyň saklanmak kanunyny peýdalanyň çözeläň. Mesele derňelende okuwçylar ulgamyň 2 jisiminiň: okuň we gutynyň özara täsirleriniň urgy görnüşinde ýüze çykyandygyna üns berilmelidir. Diýmek, biz impulsyň saklanmak kanunyny ulanmak gerek. Özara täsir edişýän jisimleriň impulslaryny deňeşdireliň.

Impulsyň saklanmak kanunyna görä

$$m\vec{g}_0 = (m + M)\vec{g}$$

Bu ýerde  $\vec{g}$  - gutunyň urgudan soňky tizligi.

Eger koordinatalar ulgamynyň oky okuň hereket edýän ugruna ugrukdyrylan bolsa

$$mv_0 = (m + M)g$$

Bu ýerden

$$g_0 = \frac{(m + M)g}{m} \quad (1)$$

Bu deňlemede bize gutunyň urgudan soňky  $\vec{g}$  - tizligi näbelli.

$\vec{g}$  - tizligi tapmak üçin energiýanyň saklanmak kanunundan peýdalanylň. Energiýanyň saklanmak kanunyny ulanmak üçin sistemanyň hallaryny kesgitläliň.

1). Hal hökmünde  $\vec{g}$  - tizlik alan okly gutuny almak bolar.

2). Hal hökmünde  $h$  - beýiklige galan gutunyň halyny almak bolar.

Potensial energiýanyň hasaplanyp başlanýan nol derejesi hökmünde gutunyň başlangyç ýagdaýyny almak bolar. Ulgama potensial däl guýçleriň täsir edmeýändigine görä mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyny ulanýarys, ýagny

$$E_1 = E_2$$

$E_1$  we  $E_2$  energiýalary açalyň.

$$E_1 = \frac{(m+M)g^2}{2}$$

$$E_2 = (m+M)gh$$

$$\frac{(m+M)g^2}{2} = (m+M)gh$$

Alnan deňlemäni  $g$  - e görä çözüp alarys.

$$g = \sqrt{2gh} \quad (2)$$

(2)-ni (1)-de goýup alarys.

$$g_0 = \frac{(m+M)}{m} \sqrt{2gh}$$

*Ýokarda seredilen meseleleriň esasynda mehaniki energiýanyň saklanmak we üýtgemek kanunyna degişli meseleler çözülişinde aşakdaky düzgünleri ulanmaly:*

- 1). Hasaplama sistemasyny saýlap almaly.*
- 2). Sistemanyň jisimleriniň iki ýa-da köp hallaryny saýlamaly, ýagny olaryň parametrleriniň sanyna belli hem-de gözlenilýän ululyklar girmeli.*
- 3). Potensial energiýany hasaplamanyň nol derejesini saýlamaly.*
- 4). Eger sistemanyň jisimine diňe potensial güýç täsir edýän bolsa, onda mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyny aşakdaky görnüşde ýazmaly:*

$$E_1 = E_2$$

- 5). Eger jisime potensial däl güýç täsir edýän bolsa, onda mehaniki energiýanyň üýtgemek kanunyny aşakdaky görnüşde ýazmak bolar:*

$$\Delta E = E_2 - E_1 = A_{pot.däl}.$$

**6).Her bir halda energiýanyň bahalaryny açmaly, olary energiýanyň saklanmak we üýtgemek kanunlaryny aňladýan deňlemelere goýup, şol deňlemeleri gözlenilýän ululyga görä çözmeli.**

#### **2.4.4 Maýyşgaklyk güýjüne degişli meseleleri çözmegiň usuly**

Mehanikada absolýut gaty jisim, gysylmaýan suwukluklar düşüňjeleri giňden ulanylýandyr. Bu jisimleriň tükeniksiz kiçi deformasiýalarynda, olarda örän uly maýyşgaklyk güýji ýüze çykýar. Şonuň üçin, mysallaryň hatarynda deformasiýany hasaba alman, maýyşgaklyk güýjüni hasaba alyp bolýar. Bu sapakda, okuwçylara çözüwi alynan bilimi amalyýetde peýdalanmak başartjaňlygyny ýokarlandyran hilli, grafiki, köp mukdarda we eksperimental meseleleriň hataryny hödürlemeli.

Çözüwi bilimleriň özleşdirilişiniň, dürli derejelerini talap edýän meselelere garalyň.

Gukuň  $K = \frac{F}{x}$  kanunyň formulasy boýunça, pružiniň

gatylygyny hasaplamak üçin, göni meselä garamaly.

Eger okuwçylar hasaplanýan ululygyň amaly hasaplamalar üçin, wajypdygyny bilseler, hasaplamalary uly zyzyklanma bilen ýerine ýetirerler. Mysal hökmünde, eksperimental meseläni seredeliň:

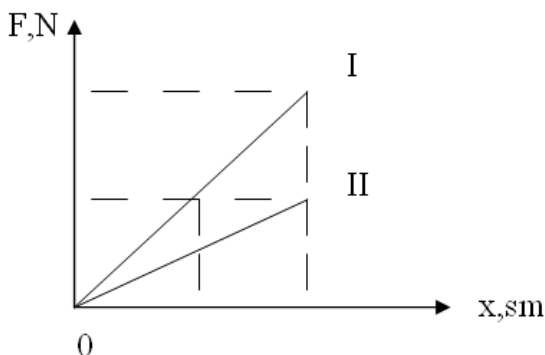
**Mesele:** *Traktoryň ýa-da awtomobiliň hereketlendirijisiniň klapanynyň pružininiň gatylygyny kesgitlemeli.*

Bu meseläni ýerine ýetirmegiň kynçylygy, bu pružinleriň gatylygynyň uly bolmagyndadyr. Şonuň üçin, görkezme stolunyň üstünde tejribäni ýerine ýetirýän, okuwçynyň basyşynyň täsirinde deformasiýa gaty uly bolmaýar.

Deformasiýany ölçemegiň takykglygyny ýokarlandyrmak üçin, sagat görnüşli indikordan peýdalanylýar. Onuň ýerine demonstrasion dinamometr hem ulanyň bolýar, sebäbi onuň görkezijisiniň bir bölüm süýşmesinde, steržen 1mm aşak düşýär. Geçirilen tejribeleriň birinde 1kg massaly daş asylanda, pružiniň süýnmesi 0,5mm boldy. Bu klapanýň pružinynyň gatylygyny kesgitlemäge mümkinçilik berdi:

$$K = \frac{1kg \cdot 9.8m/s^2}{5 \cdot 10^{-4}m} \approx 1,9 \cdot 10^4 N/m$$

**Mesele:** *dürli gatylykly iki pružin üçin maýyşgaklyk güýjüniň, deformasiýa baglylygy görkezilen. Haýsy pružiniň gatylygy uly we näçe esse?*



Dogry jogap – birinji pružinýň gatylygy ikinjiniň gatylygyndan 2 esse ulydygy – dürli usullar bilen alyp bolýar: grafigi ulanyň, birinji we ikinji pružiniň gatylygy hasaplanýar:  $K_1 = 100N/m$ ,  $K_2 = 50N/m$  - we olar deňeşdirilýär;  $x = 6cm$  şol bir deformasiýada birinji pružiniň maýyşgaklyk güýji, ikinji pružiniň maýyşgaklyk güýjünden 2 esse uly:  $6M/3 \quad H = 2$  - ýa-da şol bir  $F = 3N$  maýyşgaklyk güýjünde

birinji pružiniň deformasiýasy – ikinji pružiniň deformasiýasyndan 2 esse kiçidir:  $3sm/6sm = 1/2sm$ .

Fizika we matematika bilen gyzyklanyan okuwçylara pružiniň gatylygy,  $F(x)$  grafiginiň gyşarma burçunyň tangensine proporsionaldygyny we gözlenýän  $K_1/K_2$  gatnaşyk deňişlikde gyşarma burçlaryň tangensleriniň gatnaşygyna deňdigini:

$$\frac{K_1}{K_2} = \frac{tg \alpha_1}{tg \alpha_2} = 2$$

aýtmak bolýar.

### **1. Frontal tejribe meselesi:**

**40N/m. gatylygy bolan iki sany birmeňzeş pružinler biri-biriniň yzyndan, yzygider birikdirilen. Şeýle pružinler ulgamynyň gatylygyny hasaplamaly. Hasaplamanyň netijesini tejribede barlamaly.**

Iki pružiniň maýyşgaklyk güýjiniň birmeňzeş, yzygider birikdirilen pružinleriň deformasiýasy, şol bir ýüküň täsirinde her bir pružiniň deformasiýasynyň, iki essesine deň bolsa, onda Gukuň kanunynyň esasynda şeýle ýazyp bolar:

$$\dot{x} = 2x, \quad \frac{F}{k'} = 2 \frac{F}{K}, \text{ bu ýerden } K' = \frac{K}{2} \quad \dot{x} = 2x,$$

Tejribeli barlaglar  $0,102kg$  massaly ýüküň täsirinde, yzygider birikdirilen pružinler  $5sm$  süýnýärler, ýagny şeýle pružinleriň gatylygy  $K' = 1N/0,05m = 20N/m$  deňdir. Bu netije nazary hasaplamany tassyklaýar.

2. Mehanikanyň dürli bölümlerindäki bilimlerden peýdalanmagy talap edýän, *kompleks meselesi*:

**Kompleks mesele:** **100g massaly iki sany birmeňzeş arabajyk özara pružin bilen gysylan. Gysylan ýagdaýda pružiniň uzynlygy 6sm deňdir. Pružiniň gatylygy 30N/m. Pružin süýnenden soňra, arabajyklar  $6m/s^2$  başlangyç**

***tizlenme bilen hereket edýärler. Deformirlenmedik pružiniň uzynlygyny kesgitlemeli.***

Bu meseleleriň çözüwi birnäçe tapgyrdan durýar:

- başlangyç wagt pursatynda her bir arabajyga täsir edýän maýyşgaklyk güýjüni, Nýutonyň 2-nji kanunynyň kömegi bilen hasaplap bolýar.

$$F = ma; \quad F = 0,1kg \cdot 6m/s^2 = 0,6N;$$

- pružiniň ýarsynyň  $K'$  gatylygyny kesgitlemek:

$$K' = 2K, .$$

- Gukuň kanunynyň kömegi bilen pružiniň her gapdalynyň deformasiýasyny hasaplamak:

$$X' = \frac{F_x}{K'}; \quad X' = \frac{0,6N}{2 \cdot 30N/m} = 0,01m;$$

- ähli pružiniň deformasiýasyny hasaplamak:

$$x_p = 2x'; \quad x_p = 0,02m;$$

- deformirlenmedik pružiniň uzynlygyny kesgitlemek:

$$l = l_0 + X_p; \quad l = 0,06m + 0,02m = 0,08m$$

5. Gukuň kanunynyň peýdalanmak şertini görkezýän mesele:

***Mesele:  $M$  massaly ýüküň täsiri astynda gatylygy  $K$  pružin käbir  $X$  ululyga süňnär.  $F_y = KX$  formula boýunça hasaplanan maýyşgaklyk güýji, ýüküň  $F_A = mg$  agyrylyk güýjünden tapawutly bahany berdi. Bu tapawudyň sebäbini düşündirmeli.***

Bu meselede deformasiýa ululygy, Gukuň kanuny ýerine ýetýän maýyşgak deformasiýanyň ýol berýän bahasynda uly boldy. Bilşimiz ýaly  $kx > mg$

Netijede, rezin ýüpiň gatylygyny kesgitlemek boýunça öýe berlen meselä seredip geçeliň.

Okuwçylar bu meseläni ýerine ýetirmegiň köp dürli usullaryny hödürleýändigini amalyýet görkezýär:



- bir usulda rezin ýüpüniň gatylygy belli massaly ýükleriň toplumynyň kömegi bilen kesgitleýär. Şeýle ýükler hökmünde massalary belli bolan, teňňeleriň jübüti alynýar;
- başga usulda şnura täsir edýän maýyşgaklyk güýjüni, hojalyk pružin terezisiniň kömegi bilen kesgitleýärler:
- meseläni ýerine ýetirmek üçin, has takyk bolan üçünji usulda suwuklyklaryň we ownuk jisimleriň (duz, şeker we ş.m.) göwrümlerini ölçemek üçin adaty ölçeg (stakan) ulanylýar.

Rezin ýüpe formaly ýüki asyp onuň  $X_1$  deformasiýasyny kesgitleýärler. Ýüki suwly ölçeg stakana salyp, onuň  $V$  göwrümünü we  $X_2$  ýüpüň täze deformasiýasyny kesgitleýärler. Iki ýagdaýda hem ýükleriň deňagramlyk şertini ýazýarys:

$$KX_1 = mg, \quad KX_2 = mg - F_A = mg - \rho_0 Vg,$$

bu ýerde  $\rho_0$  - suwuň dykyzlygy,  $F_A$  - ýüke täsir edýän Arhimed güýji. Şeýlelikde, şnuryň gözlenilýän gatylygyny hasaplamak üçin formulany alarys:

$$K(X_1 - X_2) = \rho_0 Vg; \quad K = \frac{\rho_0 Vg}{X_1 - X_2}.$$

#### **2.4.5 Okuwçylaryň bilimlerini test arkaly barlag usullary**

Fizikadan okuwçylaryň bilimlerini test arkaly barlanyşyny 6-njy we 7-nji synplaryň mysalynda görkezeliň.

##### **6-njy synp**

##### **I. Maddanyň gurluşy. Jisimlerin özara täsiri.**

1. Diffuziýa haýsy haldaky jisimlerde çalt bolup geçýär?  
1. Gazlarda. 2. Suwuklyklarda. 3. Gaty jisimlerde.
2. **Madda özüniň görümini saklaýar, emma formasyny saklap bilmeýär. Bu madda haýsy halda bolup biler?**  
1. Gaz halynda. 2. Suwuk halynda. 3. Gaty halynda.
3. **Maddanyň haýsy halynda jisimiň molekulalarynyň arasyndaky boşlawlyk kiçi?**  
1. Gazlarda. 2. Suwuklyklarda. 3. Gaty jisimlerde.
4. **Oglaň welosipedli 12 minutda 1440 metr ýol geçdi. Onuň tizligini tapyň.**  
1. 3 M/S. 2. 2 M/S. 3. 4 M/S.
5. **Deňölçegli hereket diýip nämä aýdylýar?**  
1. Deň wagta dürli ýollary geçmeli.  
2. Dürli ýollary dürli wagtda geçmeli.  
3. Deň wagtda deň ýollary geçmeli.
6. **158,4 km./sag. Tizligi M/S hasabynda aňladyň.**  
1. 44 m/s. 2. 50 m/s. 3. 60 m/s.
7. **Geçilen ýoly hasaplamak üçin näme etmeli?**  
1. Tizligi wagta bölmeli.  
2. Tizligi wagta köpeltmeli.  
3. Wagty tizlige bölmeli.
8. **Göni ýol bilen gidip barýan awtobus birden saga öwürildi. Şu ýagdaýda awtobusyň içindäki adamlar haýsy tarapa gyşarar?**  
1. Öňe tarap. 2. Yza tarap. 3. Çepe tarap.
9. **Maddanyň dykzlygyny tapmak üçin näme etmeli?**

1. Massany göwrüme bölmeli .
2. Massany göwrüme köpeltmeli.
3. Göwrümi massa bölmeli.
10. **Birmeňzeş temperaturada we deň göwrümde bularyň haýsysynyň dykzylygy kiçi?**
  1. Balyň.
  2. Suwuň.
  3. Benziniň
11. **Adamyň agramy 686 N deň. Onuň massasy näçe?**
  1. 70 kg.
  2. 60 kg.
  3. 80 kg.
12. **Tizligiň ölçeg birligi näme?**
  1. kg/m.
  2. m/s.
  3. N.
13. **Oglan ýöräp barýar. Onda haýsy sürtülme bolup biler?**
  1. Tigirlenme.
  2. Typma.
  3. Dynçlyk.
14. **Tehnikadaky sürtülmäni azaltmak üçin näme etmeli?**
  1. Ýaglamaly.
  2. Gurak saklamaly.
  3. Hiç zat etmeli däl.
15. **Güýç nämede ölçenilýär?**
  1. Spidometr.
  2. Dinamometr.
  3. Termometr.

## **II. Gaty jisimlerde, suwuklyklarda we gazlarda basyş.**

1. **0,6 k Pa basyşy Pa hasabynda aňladyň.**
  1. 6000 Pa.
  2. 600 Pa.
  3. 60 Pa.
2. **Birmeňzeş ululykly iki sany çüýşäniň birini suwdan, beýlekisini kerosinden doldurdylar. Bularyň haýsysyndaky basyş uly?**
  1. Suw bilen doldurylanda.
  2. Kerosin bilen doldurylanda.
  3. Ikinde-de deň.
3. **Özi atmosferanyň basyşyny ölçeýär, ýöne suwuklyksyz işleýär. Bu haýsy gural?**
  1. Barometr.
  2. Manometr.
  3. Barometr-arenoid.
4. **Nähili şertde jisim suwuklygyň ýüzünde ýüzer?**

1. Agyrlyk güýji Arhimed güýjünden kiçi bolanda.
2. Agyrlyk güýji Arhimed güýjüne deň bolanda.
3. Agyrlyk güýji Arhimed güýjünden uly bolanda.
5. **Massasy 35 kg bolan oğlan meýdany 0,312 m<sup>2</sup> bolan lyžanyň üstünde dur.**

**Lyžanyň gara basyşyn tapmaly.**

  1. 1000 Pa.      2. 1122 Pa.      3. 1300 Pa.
6. **Howanyň basyşyna Günň ýagtylygynyň täsiri barmy?**
  1. Täsiri ýok.      2. Belli дәl.      3. Täsiri bar.
7. **Hazar deňziniň iň çuň ýeri 1025 metr, onuň suwunyň dykyzlygy 1020 kg/m<sup>3</sup>. Hazar deňziniň çuň ýerindäki suwuň basyşyny tapyň.**
  1. 10455 k Pa.      2. 11060 k Pa.      3. 9187 k Pa.
8. **Uly göwrümli bedrä simap guýdular, onuň içine platina, altyn we gurşun metallaryndan her haýsyndan bir bölek salsak, haýsysy ýüzer?**
  1. Platina.      2. Altyn.      3. Gurşun.

### **III. Iş. Kuwwat. Energiýa.**

1. **Işi tapmak üçin näme etmeli?**
  1. Güýji geçilen ýola bölmeli.
  2. Geçilen ýoly güýje bölmeli.
  3. Güýji geçilen ýola köpeltmeli.
2. **Pagta ýygýan gyz özüniň ýygan 70 kg. Pagtasyny 0,8 m ýokary göterdi.**

**Onuň eden işini tapmaly.**

  1. 560 J.      2. 350 J.      3. 400 J.
3. **Kuwwaty tapmak üçin näme etmeli?**
  1. Işi wagta köpeltmeli.
  2. Işi wagta bölmeli.
  3. Wagty işe bölmeli.

4. **Kuwwatyň ölçeg birligi näme?**
  1. Wagt.      2. Joul.      3. Paskal.
5. **Eger adam 2 sagatda 10000 ädim edýän bolsa we her ädiminde 40 J iş edýän bolsa, ýöreýän wagtynda onuň kuwwaty näçe bolar?**
  1. 65 wt.      2. 55 wt.      3. 45 wt.
6. **Mehanizmiň peýdaly täsir koeffisiýenti bolanda doly iş peýdaly işden uly bolmaly ýa-da kiçi?**
  1. Kiçi bolmaly.      2. Deň bolmaly.      3. Uly bolmaly.
7. **Energiýa näme?**
  1. Jisimiň iş edip bilijilik ukybyny kesgitleýän fiziki ululykdyr.
  2. Jisimiň kuwwatunu kesgitleýän fiziki ululykdyr.
  3. Jisimiň güýjini kesgitleýän ululykdyr.
8. **0,85 KJ. Energiýany J. Hasabynda aňladyň.**
  1. 85000 J.      2. 0,00085 J.      3. 850 J.

#### IV. Ýylylyk hadysalary. Maddanyň agregat hallary.

1. **Aşakdaky maddalaryň haýsysyny gyzdýrmak aňsat?**
  1. 1kg. suwy.      2. 1 kg. ösümlik ýagyny.      3. 1 kg. Süýdi.
2. **Näme üçin suw köplenç içinden ýandyrylýan dwigatelleri sowatmak üçin ulanylýar?**
  1. Suwuň tebigatda örän köpdügi üçin.
  2. Suwuň dwigatele zyýan ýetirmeýänligi üçin.
  3. Suwuň udel ýylylyk sygymynyň örän uludugu üçin.
3. **Udel ýylylyk sygymy diýip nämä aýdylýar?**
  1. Massasy 1 kg. bolan maddanyň temperaturasyny 1 C üýtgetmek üçin gerek bolan ýylylyk mukdarydyr.
  2. Massasy 1 kg. bolan maddanyň temperaturasyny 100 C üýtgetmek üçin gerek bolan ýylylyk mukdarydyr.

3. Massasy 1 kg. bolan maddanyň temperaturasyny 10 C üýtgetmek üçin gerek bolan ýylylyk mukdarydyr.
4. **Massasy 2 kg. bolan benzin doly ýananda näçe ýylylyk bölýnip çykýar (benziniň udel ýylylygy 4,6.10 J/kg).**
  1. 12.10 J.
  2. 9,2.10 J.
  3. 8.10 J.
5. **Suwuk halyndaky maddanyň ýylylyk energiýasyny azaltsak, ol haýsy hala geçer?**
  1. Öňki ýagdaýynda durar.
  2. Gaz halyna geçer.
  3. Gaty halyna geçer.
6. **2 kg. süýdi gaýnatmak aňsatmy ýa-da 1 kg. süýdi.**
  1. 2 kg. süýdi.
  2. 1 kg. süýdi.
  3. Ikinem deň.
6. **Içinden ýandyrylýan dwigatel Işlände ýanyş hadysasy (üçünji takda) bolup durka haýsy klapen açyk ýa-da ýapyk bolýar?**
  1. Ikinem ýapyk bolýar.
  2. Birinji açyk, ikinji ýapyk bolýar.
  3. Birinji ýapyk, ikinji açyk bolýar.
8. **Şularyň haýsysy maddanyň udel ýylylyk sygymynyň birligi?**
  1. J/kg.
  2. J.
  3. J/kg.o C.

## 7-nji synp

### I. Elektrik hadysalary.

1. **Zarýadlar näçe hili bolýar?**
  1. Bir hili bolýar.
  2. Iki hili bolýar.
  3. Üç hili bolýar.
2. **Atomyň gurluşy nähili?**
  1. Atomyň merkezinde protonlar bilen neýronlardan ybarat bolan ýadro ýerleşýär.

- Ýadronyň töwereginde bolsa elektronlar hereket edýärler.
2. Atomyň merkezinde elektronlar ýerleşýär, onuň daşynda bolsa protonlar bilen neýronlar hereket edýärler.
  3. Atomyň merkezinde neýron, daşynda bolsa elektronlar bilen protonlar hereket edýärler.
  3. **Haýsy zarýadlar biri-biri bilen dartýşýarlar?**
    1. Položitel zarýadlar bilen položitel zarýadlar.
    2. Otrisatel zarýadlar bilen otrisatel zarýadlar.
    3. Položitel zarýadlar bilen otrisatel zarýadlar.
  4. **Metallardaky elektrik toguny düşündiriň.**
    1. Metallardaky elektrik togy - munuň özi, elektronlaryň tertipleşdirilen akymydyr.
    2. Metallardaky elektrik togy - munuň özi, protonlaryň tertipleşdirilen akymydyr.
    3. Metallardaky elektrik togy - munuň özi, neýtronlaryň tertipleşdirilen akymydyr.
  5. **Tok güýjiniň birligi näme?**
    1. Amper    2. Wolt    3. Om
  6. **Ampermetr elektrik zynjyryna nähili birikdirilýär?**
    1. Ýzygiderli.    2. Parallel.    3. Ikisem nädogry.
  7. **Napryženiýanyň ölçege birligi näme?**
    1. Joul.    2. Wolt.    3. Kulon.
  8. **Tok güýjini haýsy gural ölçeýär?**
    1. Galwanometr.    2. Woltmetr.    3. Ampermetr.
  9. **Napryženiýany haýsy gural ölçeýär?**
    1. Woltmetr.    2. Galwanometr.    3. Ampermetr.
  10. **Woltmetr elektrik zynjyryna nähili birikdirilýär?**
    1. Ýzygiderli.    2. Parallel.    3. Ikisem nädogry.
  11. **Elektrik garşylygynyň birligi näme?**
    1. Wolt.    2. Amper.    3. Om.
  12. **Geçirijiniň udel garşylygy diýip nämä aýdylýar?**

1. Uzynlygy 1 sm., kese kesiginiň meýdany 1 sm.2 bolan geçirijiniň garşylygyna udel garşylyk diýilýär.
2. Uzynlygy 1 m., kese kesiginiň 1 sm.2 bolan geçirijiniň garşylygyna udel garşylyk diýilýär.
3. Uzynlygy 1 m., kese kesiginiň meýdany 1 m.2 bolan geçirijiniň garşylygyna udel garşylyk diýilýär.
13. **Restorat tok çeşmesine birikdirilen geçirijiniň garşylygyny näme edýär?**
  1. Ulaldýaram, kiçeldýärem.
  2. Ulaldýar, emma kiçeltmeýär.
  3. Kiçeldýär, emma ulaltmaýar.
14. **Iki sany elektrik lampasy yzygider birikdirilende, olaryň naprýaženiýesi nähili hasaplanylýar?**
  1. Köpeltmeli.
  2. Goşmaly.
  3. Aýyrmaly.
15. **Iki sany elektrik lampasy parallel birikdirilende, ondaky tok güýjüni nähili hasaplamaly?**
  1. Aýyrmaly.
  2. Köpeltmeli
  3. Goşmaly.
16. **Elektrik togunyň edýän işini nähili tapmaly?**
  1. Naprýaženiýe bilen elektrik zarýadyny köpeltmeli.
  2. Naprýaženiýäni elektrik zarýadyna bölmeli.
  3. Elektrik zarýadyny naprýaženiýä bölmeli.
17. **Elektrik toguň kuwwatyny tapmak üçin näme etmeli?**
  1. Naprýaženiýäni tok güýjüne bölmeli.
  2. Tok güýjüni naprýaženiýä bölmeli.
  3. Naprýaženiýäni tok güýjüne köpeltmeli.
18. **Tok güýji 2 A, garşylygy 81 Om bolan elektrik dwigateli 30 minut işlese, näçe ýylylyk mukdaryny bölüp çykarar?**
  1. 600 000 J.
  2. 583 200 J.
  3. 540 500 J.

## II. Elektromagnit hadysalary.



**1. Elektromagnit diýip nämä aýdylýar?**

1. Tok çeşmesine birikdirilen islendik geçiriji elektromagnit bolup biler.

2. Magnit meýdany döretmek üçin ulanylýan içi demir ýürekçeli tokly tegege elektromagnit diýilýär.

3. Elektromagnit diýlip hemişelik magnite aýdylýar.

**2. Hemişelik magnit meýdany nirede bolýar?**

1. Hemme ýerde bolýar.

2. Hiç ýerde bolmaýar.

3. Ýer şarynda bolýar.

**3. Elektrodwigatel diýlip nämä aýdylýar?**

1. Elektrik energiýasyny mehaniki energiýa öwürýän gurluşa elektrodwigatel diýilýär.

2. Mehaniki energiýany elektrik energiýa öwürýän gurluşa elektrodwigatel diýilýär.

3. Tokly tegegiň islendik zadyň daşyndan aýlanmagyna elektrodwigatel diýilýär.

**4. Ilkinji elektrodwigateli kim oýlap tapdy?**

1. Rus alymy B.S.Ýakobi.

2. Daniýaly alym Ersted.

3. Fransuz alymy Amper.

**5. Dürli atly magnit polýuslary dartysýarmy ýa-da itekleşýärm?**

1. Itekleşýär.

2. Dartysýar.

3. Belli däl.

**III. Ýagtylyk hadysalary.**

**1. Ýagtylyk bir jynsly sredada nähili ýaýraýar?**

1. Gyşyk ýaýraýar.

2. Ýaýrap bilmeýär.

3. Yagtylyk dury bir jynsly sredada gönüçyzkly ýaýraýar.

2. **Ýagtylygyň serpikmeginiň ikinji kanuny aýdyň.**
  1. Düşme burçy serpikme burçuna deň.
  2. Düşme burçy serpikme burçundan kiçi.
  3. Düşme burçy serpikme burçundan uly.
3. **Ýüz görülyän aýna ýagtylygy näme edýär?**
  1. Hiç zat etmeýär.
  2. Serpikdirýär we döwýär.
  3. Ýagtylyk onuň içinden geçýär.
4. **Ýagtylygyň döwürmegi diýip nämä aýdylýar?**
  1. Ýagtylyk iki sredany bölýän araçäkden geçende, onuň ýaýraýyş ugrunyň üýtgemegine ýagtylygyň döwürmegi diýilýär.
  2. Ýagtylygyň islendik jisime degip, yzyna gaýtmagyna ýagtylygyň döwürmegi diýilýär.
  3. Ýagtylyk ýaýranda, ol hökman döwürýär.
5. **Linza diýip nämä aýdylýar?**
  1. Islendik dury däl jisime linza diýilýär.
  2. Linza diňe metallardan ýasalýar.
  3. İçinden ýagtylyk geçýän sferik üstler bilen çäklenen dury jisime linza diýilýär.
6. **Güberçek linza şekili näme edýär?**
  1. Ýygnaýar.      2. Dargaýar.      3. Hiç zat etmeýär.
7. **Adamyň gözündäki şowakörlügi nädip aýyrmaly?**
  1. Güberçek linzaly äýnek geýmeli.
  2. Oýuk linzaly äýnek geýmeli.
  3. Ýagtylygy geçirmeýän äýnek geýmeli.

## Testleriň dogry jogaplary:

### 6-njy synp

#### I. Maddanyň gurluşy. Jisimleriň özara täsiri.

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15.  
2. 2. 3. 2. 3. 1. 2. 3. 1. 3. 1. 2. 2. 1. 2.

#### II. Gaty jisimlerde, suwuklyklarda we gazlarda basyş.

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8.  
2. 1. 3. 1. 2. 3. 1. 3.

#### III. Iş. Kuwwat. Energiýa.

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8.  
2. 1. 2. 1. 2. 3. 1. 2.

#### IV. Ýylylyk hadysalary. Maddanyň agregat halynyň üýtgemegi.

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.  
2. 3. 1. 2. 3. 1. 2. 1. 3.

### 7-nji synp

#### I. Elektrik hadysalary.

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17.  
18.  
2. 1. 3. 1. 2. 1. 2. 3. 1. 2. 3. 3. 1. 2. 3. 1. 3.  
2.

#### II. Elektromagnit hadysalary.

1. 2. 3. 4. 5.  
2. 3. 1. 1. 2.

#### III. Ýagtylyk

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7.  
3. 1. 2. 1. 3. 1. 2.

## E D E B I Ý A T

1. Gurbanguly Berdimuhammedow, Ösüşň täze belentliklerine tarap. I tom. Aşgabat, 2008.
2. Gurbanguly Berdimuhammedow, Ösüşň täze belentliklerine tarap. II tom. Aşgabat, 2009.
3. Физика. Теория и технология решения задач. Под общей редакцией В.А.Яковенко, Минск, ТетраСистемс, 2003
4. С.Е.Каменецкий, В.П.Орехов, Методика решения задач по физике в средней школе. М., Просвещение,1987
5. Гутман В.И., Мощанский В.Н., Алгоритмы решения задач по механике, М., Просвещение,1988.
6. О.В.Оноприенко, Проверка знаний, умений и навыков учащихся по физике в средней школе, М., Просвещение,1987
7. Методика преподавания физики в средней школе. Частные вопросы, Под редакцией С.Е.Каменецкого, Л.А.Ивановой, М., Просвещение,1987
8. Э.Е.Эвенчук, С.Я.Шамаш, В.А.Орлов, Методика преподавания физики в средней школе. Механика, М., Просвещение,1986

## M A Z M U N Y

|               |   |
|---------------|---|
| SÖZBAŞY ..... | 7 |
|---------------|---|

### BİRİNJİ BÖLÜM

#### FİZİKADAN MESELE ÇÖZMEKLİĞİN PSIHOLOGİK – PEDAGOGİK WE USULYÝET ESASLARY

#### BİRİNJİ BAP. FİZİKİ MESELELERİN TOPARLARA

|   |    |
|---|----|
| BÖLÜNİŞİ.....   | 9  |
| 1.1.1 Mesele barada umumylaşdyrylan düşünje.....                    | 9  |
| 1.1.2 Fiziki meseleleriň toparlara bölünşi.....                     | 10 |
| 1.1.3 Fiziki meseleleriň maksatlary.....                            | 13 |
| 1.1.4 Fizikadan mesele çözmek prosesinde dersara<br>baglanyşgy..... | 14 |
| 1.1.5Fiziki meseleleri çözmekde goýulýan umumy<br>talaplar.....     | 25 |
| 1.1.6Meseläni çözmekligiň etaplary.....                             | 26 |

#### İKİNJİ BAP. FİZİKADANMESELELERİN ESASY

##### GÖRNÜŞLERİ WE OLARYŇ

|   |    |
|---|----|
| AÝRATYNLYKLARY.....   | 28 |
| 1.2.1 Fiziki meseleleri häsiýetlendirýän parametrler.<br>Meseläniň şerti diňe teksti boýunça beýan<br>edilýän fiziki meseleler..... | 28 |
| 1.2.2 Hil tekst meseleleri.....   | 29 |
| 1.2.3 Mukdar tekst meseleleri. Ýönekeý we<br>kombinirlenen mukdar tekst meseleleri.....   | 31 |
| 1.2.4 Grafiki we eksperimental meseleler.....   | 33 |

#### ÜÇÜNJİ BAP. FİZİKİ MESELELERİ ÇÖZMEKLİĞİN

|  |    |
|--|----|
| USULLARY WE ÝOLLARY.....                               | 36 |
| 1.3.1 Fiziki meseleleri çözmekligiň algebraik usuly... | 36 |

|       |  |    |
|-------|--|----|
| 1.3.2 | Fiziki meseleleri çözmekligiň geometrik usuly...                       | 38 |
| 1.3.3 | Fiziki meseleleri analitik we sintetik<br>usullar bilen çözmek.....    | 39 |
| 1.3.4 | Meseläniň şertini ýzmaklygyň usullary we olaryň<br>aýratynlyklary..... | 42 |
| 1.3.5 | Mesele işlenilende suratlary, çyzgylary we<br>shemalary ulanmak.....   | 45 |
| 1.3.6 | Fiziki meseleleriň çözlüşleriniň ýazylyş usullary...                   | 47 |

#### DÖRDÜNJI BAP. FIZIKADAN DÖREDIJILIK MESELELERI.

##### FIZIKI MESELELERI ALGORITM

##### USULY BILEN ÇÖZMEK.....51

|       |  |    |
|-------|--|----|
| 1.4.1 | Döredijilik meseleleriniň görmüşleri we<br>maksady.....          | 51 |
| 1.4.2 | Döredijilik meseleleriniň çözlüş usullary.....                   | 54 |
| 1.4.3 | Algoritmleriň häsiýetleri we ony<br>ulanmaklygyň maksatlary..... | 56 |

### IKINJI BÖLÜM FIZIKANYŇ BÖLÜMLERI BOÝUNÇA MESELE ÇÖZMEKligiň USULYÝETI

#### BIRINJI BAP. KINEMATIKA DEGIŞLI MESELELERI

##### ÇÖZMEGiň USULLARY.....59

|       |  |    |
|-------|--|----|
| 2.1.1 | Material nokadyň kinematikasy.<br>Esasy kanunlar we formulalar.....                | 59 |
| 2.1.2 | Deňöleşli göniçyzykly herekete degişli<br>meseleleri çözmekligiň algoritmleri..... | 62 |
| 2.1.3 | Hereketleriň goşulyşyna degişli meseleleri<br>çözmekligiň algoritmleri.....        | 71 |
| 2.1.4 | Jisimiň erkin gaçmagyna degişli meseleleri<br>çözmekligiň algoritmleri.....        | 78 |

|  |     |
|--|-----|
| IKINJI BAP. MATERIAL NOKADYŇ DINAMIKASYNA<br>DEGIŞLI MESELELERI ÇÖZMEGIŇ<br>USULLARY .....                     | 83  |
| 2.2.1 Mesele çözmek üçin zerur bolan esasy<br>kanunlar we formulalar.....                                      | 83  |
| 2.2.2 Dinamikanyň meselelerini çözmekligiň<br>usulyýeti.....   | 86  |
| ÜÇÜNJI BAP. SAKLANMA KANUNLARYNA DEGIŞLI<br>MESELELERI ÇÖZMEGIŇ USULYÝETI.....                                 | 94  |
| 2.3.1 Impulsyň saklanma kanunyna degişli<br>meseleleri çözmek üçin zerur bolan<br>esasy düşünjeler.....        | 94  |
| 2.3.2 Bir okuň ugruna görä impulsyň<br>projeksiýalarynyň jeminiň saklanmak<br>kanunynyň ulanylyşy.....         | 99  |
| 2.3.3 Jisimleriň gysga wagtlaýyn özara<br>täsirlerinde (urguda) impulsyň saklanmak<br>kanunynyň ulanylyşy..... | 102 |
| DÖRDÜNJI BAP. MEHANIKI ENERGIÝANYŇ SAKLANMAK<br>KANUNYNA DEGIŞLI MESELELERI<br>ÇÖZMEK USULY.....               | 112 |
| 2.4.1 Mehaniki energiýanyň saklanmak kanunyna<br>degişli meseleleri çözmek üçin zerur bolan<br>düşünjeler..... | 112 |
| 2.4.2 Mehaniki energiýanyň saklanmak kanunynyň<br>ulanylyşy.....   | 118 |
| 2.4.3 Mehaniki energiýanyň üýtgemek kanunynyň<br>ulanylyşy.....  | 122 |
| 2.4.4 Maýyşgaklyk güýjüne degişli meseleleri<br>çözmegiň usuly.....  | 129 |
| 2.4.5 Okuwçylaryň bilimlerini test arkaly barlag<br>usullary.....  | 134 |

|               |     |
|---------------|-----|
| EDEBIYAT..... | 144 |
| MAZMUNY.....  | 145 |